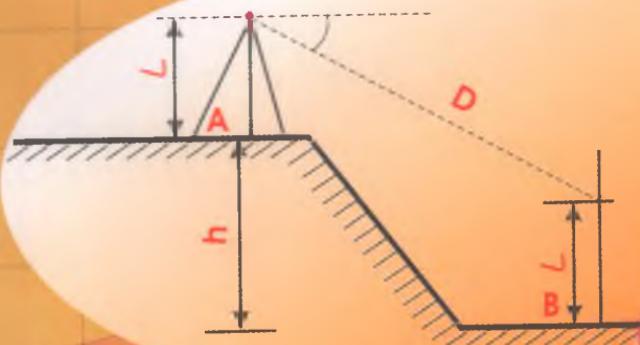


D.O. JO'RAYEV

# GEODEZIYA



D.O. JO‘RAYEV

# GEODEZIYA

2-qism

*O‘zbekiston Respublikasi Oliy va o‘rta maxsus  
ta’lim vazirligi turdosh oliy o‘quv yurtlari uchun  
(5540100 — "Geodeziya, kartografiya va kadastr")  
bakalovriat ta’lim yo‘nalishi talabalari uchun  
o‘quv qo‘llanma sifatida tavsiya etgan*

TOSHKENT  
«O‘ZBEKISTON»  
2006

365/530

## Taqrizchilar:

- Sh.K. Avchiyev* — texnika fanlari nomzodi, dotsent (Toshkent arxitektura va qurilish instituti)  
*I. Musayev* — texnika fanlari nomzodi, dotsent (Toshkent irrigatsiya va melioratsiya instituti)

O‘quv qo‘llanma «Geodeziya, kartografiya va kadastr» yo‘nalishi bo‘yicha o‘qiydigan talabalar o‘quv dasturi asosida yozilgan. Asosiy diqqat III, IV klass nivclirlash va poligonometriya yo‘li o‘tkazishda loyihalash, ishni bajarish usullari, unda qo‘llaniladigan asboblar, ular natijasini tenglashtirish va aniqlikni baholash masalalariga qaratilgan.

J **180202000000 - 148** 2006  
M351(04)2006

ISBN 5-640-03051-8

© "O‘zbekiston" NMIU, 2006-y.

## KIRISH

Geodeziya fanini o‘rganish oddiyidan murakkablikka prinsipiqa amal qiladi. Umumiyligi geodezik ta’lim texnik, aniq va yuqori aniqlikdagi geodezik ishlarni o‘rganishni o‘z ichiga oladi. «Geodeziya, kartografiya va kadastr» yo‘nalishi bo‘yicha o‘qiydigan talabalar birinchi kursda geodeziyaning birinchi qismi bo‘yicha dastlabki bilimlarini olish imkoniga ega bo‘ldilar. Bunda ular bu fanning quyidagi bo‘limlarini o‘rganishdi:

- geodeziya fanining maqsadi va vazifasi;
- topografik kartalarni o‘rganish;
- oriyentirlash burchaklari to‘g‘risida tushuncha;
- topografik kartada joyni tasvirlash;
- texnik geodezik asboblar va ular bilan ishlash;
- texnik nivelerlash va ular natijasini hisoblash;
- geodezik plan olish turlari: taxeometrik va menzula.

Ushbu o‘quv qo‘llanma geodeziya kursining davomi bo‘lib, 5540100 — «Geodeziya, kartografiya va kadastr» yo‘nalishi bo‘yicha o‘qiydigan ikkinchi kurs talabalari uchun mo‘ljallangan. Bu kurs bo‘yicha ular quyidagilarni o‘rganadilar:

- barometrik nivelerlash bo‘yicha umumiyligi tushuncha;
- III va IV klass nivelerlash ishlari, qo‘llaniladigan asboblar;
- III va IV klass nivelerlash yo‘li va to‘rlarini tenglashtirish masalasi;
- planli davlat tayanch to‘ri to‘g‘risida tushuncha;

- poligonometriya, loyihalash va joyda punktlarni o'rnatish;
- poligonometrik burchak va tomon o'lhash ishlari. Qo'llaniladigan asboblar;
- poligonometriya punktlarini davlat tayanch punktlariga bog'lash;
- poligonometriya yo'llari va to'rlarini tenglashtirish masalalari;
- yirik masshtabli topografik plan olish usullari: kombinatsiyalashgan va stereotopografik.

## **1-bob**

### **BAROMETRIK NIVELIRLASH**

#### **1.1. Barometrik nivelerlashning mohiyati va uni bajarish uchun qo'llaniladigan asboblar**

Geodeziyaning birinchi qismini o'rganishda nivelerlashning bir nechta turi bilan tanishgan edik:

1. Geometrik nivelerlash, ya'ni gorizontal nurga asoslangan niveler yordamida bajariladigan nivelerlash.

2. Trigonometrik nivelerlash, u qiya nur yordamida bajariladi. Trigonometrik nivelerlashni bajarishda vertikal doirali teodolit qo'llaniladi.

Bunday nivelerlashlardan boshqa barometrik va girostatik nivelerlash ham mavjud. Biz barometrik nivelerlashga to'xtalib o'tamiz.

Barometrik nivelerlash atmosfera bosimi xususiyatlari bilan bog'liq. Ma'lumki, yer yuzasining har xil nuqtasida atmosfera bosimi har xil qiymatga ega bo'ladi. Chunki den-giz sathidan balandlikka ko'tarilishi bilan atmosfera bosimi kamaya boshlaydi. Qisqasi, biror nuqtaning dengiz sathidan balandligi bilan ushbu nuqta atmosfera bosimi orasida proporsional bog'liqlik mayjud. Ikki nuqtadagi atmosfera bosimini o'lchab, ularning nisbiy balandligini topish mumkin. Nisbiy balandlikni bunday aniqlash usuli *barometrik nivelerlash* deyiladi. Barometrik nivelerlashda nisbiy balandlikni aniqlash uchun atmosfera bosimini o'lchaydigan asboblar qo'llaniladi. Havo bosimini o'lchaydigan asboblarning bir nechta turlarini ko'rib o'tamiz.

Atmosfera bosimini o'lchash uchun quyidagi asboblar qo'llaniladi:

1. Simobli, metall va differens barometrlar.



1. I-rasm. Simobli barometr:  
a) idishli, b) sifonli.

2. Gipsotermometrlar.

3. Barograflar va boshqalar.

Simobli barometrlar idishli va sifonli bo'ladi. Idishli barometrning tuzilishi 1.1-rasmida ko'rsatilgan.

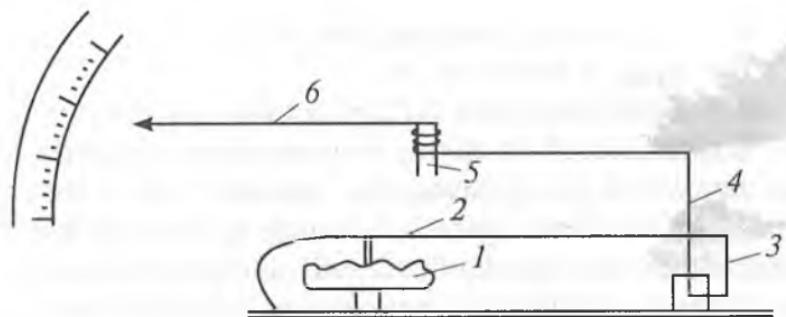
Bir uchi payvandlangan, kesimi  $1 \text{ sm}^2$ , uzunligi 1m bo'lgan shisha trubkani simob bilan to'ldirib, ochiq uchini simobli idishga tushirsak, shisha trubkadagi simob ma'lum sathni egal-lagandan keyin simob idishga to'kilmaydi (1.1-a rasm). Shisha trubkaning yuqori qismida havosiz bo'shliq paydo bo'ladi. Idishdagagi simobni havo bosadi va shisha idishdagagi simobning idishga to'kilishini to'xtatadi. Simobli ustun paydo bo'ladi. Atmosfera bosimining ko'payishi bilan simob ustuni ko'tariladi, bosim kamayishi bilan simob ustuni tushadi.

Agar trubkaga shkala qilib chiqsak, unda ushbu shkala yordamida atmosfera bosimi qiymatini aniqlash mumkin. Binoborin, atmosfera bosimining kesimi  $1 \text{ sm}^2$  bo'lgan trubkadagi simob ustunining bosimi bilan aniqlanadi va millimetrlar simob ustuni (mm.sim.ust.) bilan ifodalanadi.

Sifonli barometr ham idishli barometr kabi ishlaydi (1.1-b rasm). Simobli barometr meteostansiyalarda kutatish uchun ishlatiladi, niveler ishlariда qo'llanilmaydi.

### **Barometr — aneroid**

Dala sharoitida ish uchun eng qulay *aneroid* deb ataladigan metall barometrlardir (1.2-rasm).



1.2-rasm. Metall barometr:

1. Metall quticha (havosiz).
2. Prujina.
3. Sterjen.
4. Richag.
5. Valik.
6. Strelka.

Aneroidning asosiy qismi havosi chiqarilgan metall qutichadir. Bu qutichaning qopqog'i gofrirlangan yuzadan iborat. Aneroid mexanizmi quyidagi tartibda harakatlanadi: atmosfera bosimining o'sishi bilan gofrirlangan qopqoq qutichaning ichini egadi va prujina 2 ni o'ziga tortadi, prujinani 3 sterjen itaradi, richag 4 ni harakatga keltiradi. Richag 5 valikni aylantiradi va strelka 6 ni harakatga keltiradi.

Havo bosimining kamayishi bilan teskari hodisa ro'y beradi. Aneroidning ko'rsatishi o'sha joyning atmosfera bosimiga mos kelishi kerak. Lekin bir necha sabablarga ko'ra aneroid sanog'i atmosfera bosimiga mos kelmaydi. Shuning uchun aneroid ko'rsatkichi simob barometri ko'rsatkichiga keltiriladi, ya'ni aneroid ko'rsatkichiga tuzatma kiritiladi. Buning uchun quyidagi formula qo'llaniladi:

$$B = A + a + bt + c (760 - A),$$

bu yerda:

$B$  — simob barometri ko'rsatishiga keltirilgan aneroid ko'rsatkichi,

$A$  — aneroid ko'rsatkichi,

$a$  — shkala holatining tuzatmasi,

$b$  — temperaturaning koefitsiyenti,

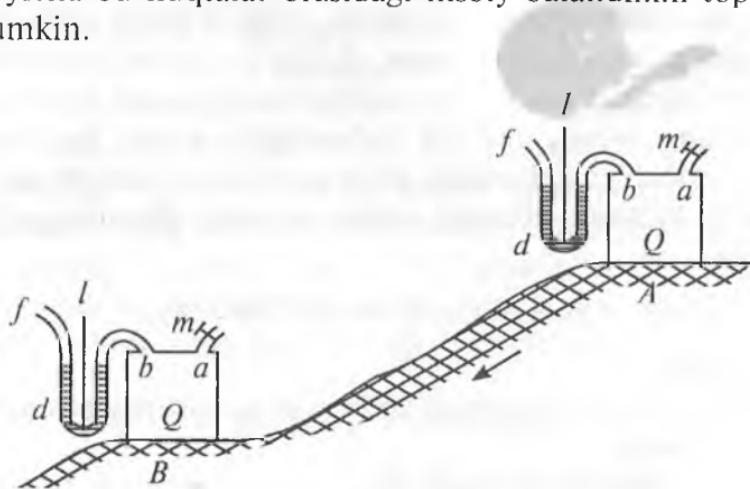
$t$  — aneroid temperaturasi,

$c$  — shkalaning bitta bo‘lagi uchun tuzatma.

Tuzatma  $a$ ,  $b$ ,  $c$  qiymatlari aneroidni tayyorlashda aniqlanadi va uning pasportiga yoziladi. Vaqt o‘tishi bilan bu qiymatlар o‘zgaradi. Shuning uchun ular laboratoriyada doimiy aniqlanib turiladi. Barometr aneroid simob barometr kabi nuqtaning dengiz sathidan balandligi va kengligi uchun tuzatma kiritilishni talab qilmaydi. Lekin aneroid simobli barometr aniqligini bermaydi.

### Differensial barometr

*Differensial barometr* g‘oyasi quyidagicha: Ballon  $Q$  egilgan trubka bilan kran  $m$  yordamida tashqi havo bilan ulangan (1.3-rasm). Agar asbobni  $A$  nuqtaga o‘rnatib  $m$  kranni ochsak, manometrdagi suyuqlik sathi balandlikka ko‘tariladi. Chunki manometr ikki tomonidagi havo bosimi bir xil bo‘ladi. Agar kran  $m$  ni yopib, asbobni  $B$  nuqtaga o‘tkazsak, havo bosimining o‘zgarishi bilan manometrdagi suyuqlik sathi o‘zgaradi. Manometrdagi suyuqlik farqi bo‘yicha bu nuqtalar orasidagi nisbiy balandlikni topish mumkin.



1.3-rasm.

## Gipsotermometr

Suvning qaynash temperaturasini o'lhash yo'li bilan atmosfera bosimini aniqlash uchun qo'llaniladigan asbob *gipsotermometr* deyiladi. Suvning qaynash temperaturasi atmosfera bosimiga bog'liq. Atmosfera bosimining 1 mm. simob ustuniga o'zgarishiga suvning qaynash temperaturasi  $0^{\circ},0375$  C ga o'zgarishi mos keladi. Suvning qaynash temperaturasining atmosfera bosimiga bog'liqligi quyida-  
gi formula bilan ifodalanadi:

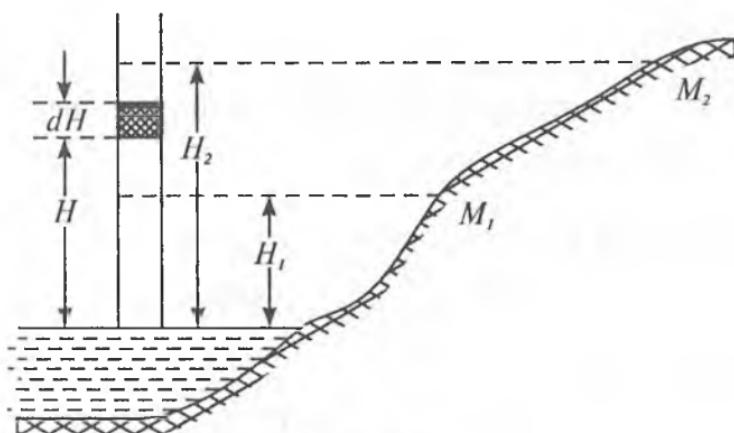
$$t = 100^{\circ} + 0,0375 (B - 760),$$

bunda

$$B = 760 + \frac{t-100}{0,0375}.$$

## 1.2. Qisqartirilgan barometrik formulalar

Barometrik formulalar to'liq va qisqartirilgan bo'ldi. Qisqartirilgan formulalarda bir qator faktorlar hisobga olinmaydi. Misol uchun, havoning namlik darajasi, kuzatish joyidagi kenglikka bog'liq bo'lgan tortish kuchining o'zgarishi va nuqtaning dengiz sathidan balandli-



1.4-rasm.

gining o‘zgarishi. To‘liq formulada bu faktorlar hisobga olinadi.  $M_1$  va  $M_2$  nuqtalarda atmosfera bosimi o‘lchangan (1.4-rasm). Belgilaymiz:

$P_1$  va  $P_2$  — atmosfera bosimning o‘lchangan qiymatlari;  
 $T_1$  va  $T_2$  — havoning temperaturasi;

$H_1$  va  $H_2$  —  $M_1$  va  $M_2$  nuqtalarining dengiz sathidan balandligi.

Qisqartirilgan barometrik formulani chiqarish uchun ko‘ndalang kesimi  $1 \text{ sm}^2$  havo ustunidan  $dH$  balandlikdagi oddiy qatlamni ajratamiz. Bu qatlamning hajmi:  $V = dH$ .

Oddiy qatlamdagi havo og‘irligi:

$$F = \Delta g dH.$$

Bu yerda:  $\Delta$  — havo zichligi,  $g$  — og‘irlilik kuchining tezlanishi.

Elementar qatlamdagi havo og‘irligi — bu o‘sha qatlamdagi havoning bosimidir. Shuning uchun yozamiz:

$$dP = -\Delta g dH, \quad (1)$$

bunda ma’lumki,

$$\Delta = \frac{P}{P_0} \Delta_0 \frac{1}{1+\varepsilon T}, \quad (2)$$

bu yerda:

$\Delta_0$  —  $P_0$  bosimdagi va  $0^\circ$  temperaturadagi havo zichligi,  $P$  —  $T$  temperaturdagi havo bosimi,  $\varepsilon$  — havoning kengayish koefitsiyenti ( $\frac{1}{273}$ ).

(1) va (2) ga asosan topamiz:

$$dP = -\frac{P}{P_0} \Delta_0 \frac{1}{1+\varepsilon T} g dH,$$

bundan

$$dH = -\frac{P_0}{\Delta_0 g} (1 + \varepsilon T) \frac{dP}{P}. \quad (3)$$

Biz havoning oddiy qatlami atmosfera bosimi bilan dengiz sathidan nuqta balandligi orasidagi bog'liqlikni topdik.  $M_1$  va  $M_2$  nuqtalar balandligi orasidagi bog'liqlik va bu nuqtadagi atmosfera bosimini topish uchun esa (3) tenglikni integrallaymiz. Bunda havo temperaturasi doimiy deb olinadi.

$$\int_{H_1}^{H_2} dH = -\frac{P_0}{\Delta_0 g} (1 + \varepsilon T) \int_{P_1}^{P_2} \frac{dP}{P}.$$

Bu integral tenglamani yechib, topamiz:

$$H_2 - H_1 = -\frac{P_0}{\Delta_0 g} (1 + \varepsilon T) (\ln P_2 - \ln P_1)$$

yoki

$$h = \frac{P_0}{\Delta_0 g} (1 + \varepsilon T) \ln \frac{P_1}{P_2}.$$

O'nli logarifmga o'tamiz:

$$h = \frac{P_0}{\Delta_0 g} (1 + \varepsilon T) \lg \frac{P_1}{P_2}.$$

$\frac{P_0}{\Delta_0 g} = N$  deb belgilaymiz,  $M$  — o'tish koeffitsiyenti.

Bosim qiymati barometr ko'rsatkichiga to'g'ri proporsional, ya'ni

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{B_1}{B_2},$$

shuning uchun:

$$h = N (1 + \varepsilon T) \lg \frac{B_1}{B_2} \quad (4) \text{ (Pevsov formulasi)}$$

$$N \approx 18470.$$

Pevsov formulasiga asosan boshqa qisqartirilgan formulani ham topish mumkin. Buning uchun  $\lg \frac{B_1}{B_2}$  ifodani

qatorga yoyamiz va qatorning birinchi hadini saqlagan holda topamiz:

$$\lg \frac{1+x}{1-x} = 2\mu \left( x + \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} + \dots \right).$$

$$x = \frac{B_1 - B_2}{B_1 + B_2} \text{ deb belgilaymiz.}$$

$$\text{Unda: } \lg \frac{B_1}{B_2} = 2\mu \left( \frac{B_1 - B_2}{B_1 + B_2} + \dots \right). \quad (5)$$

(4) va (5) ga asosan:

$$h = N (1 + \varepsilon T) 2\mu \left( \frac{B_1 - B_2}{B_1 + B_2} \right).$$

$2\mu N = K$  deb belgilasak, Babin formulasiga ega bo'lamiz:

$$h = K (1 + \varepsilon T) \frac{B_1 - B_2}{B_1 + B_2}, \quad (6)$$

bunda

$$K \approx 16000.$$

### To'liq barometrik formula

U quyidagicha yoziladi:

$$h = N_0 (1 + \varepsilon T) \left( 1 + 0,377 \frac{C}{B} \right) \left( 1 + 0,00265 \cos 2\varphi \right) \left( 1 + \frac{2H_{o'r}}{R} \right) \lg \frac{B_1}{B_2}, \text{ bunda: } T = \frac{T_1 + T_2}{2} — \text{havo temperaturasi-ning o'rtacha qiymati;}$$

$B = \frac{B_1 + B_2}{2}$  — asbob ko'rsatkichining o'rtacha qiymati.

$C$  — suv bug'i bosimining o'rtacha qiymati;

$\varphi$  — kuzatilayotgan nuqtaning o'rtacha kengligi;

$H_{o'r}$  — nuqtaning dengiz sathidan o'rtacha balandligi;

$R$  — Yerning o'rtacha radiusi (6371 km);

$N_0 \approx 18400$ .

To'liq barometrik formula geofizik tadqiqotlarda qo'llaniladi.

Nisbiy balandlik 300 m dan katta bo‘limganda to‘liq va qisqa formula deyarli bir xil natijani beradi.

### 1.3. Barometrik jadvallar

Qisqartirilgan barometrik formula asosida maxsus barometrik jadvallar tuzilgan.

#### Pog‘onalar balandligi (stupeney visot) barometrik jadvallar

Bu jadvallar Babinning qisqartirilgan formulasi asosida tuzilgan.

Babin formulasini ushbu ko‘rinishda yozamiz:

$$h = K \frac{1}{B_1 + B_2} (1 + \varepsilon T) (B_1 - B_2). \quad (7)$$

Quyidagicha belgilaymiz:

$$\frac{K}{2B} (1 + \varepsilon T) = \Delta H, \quad (8)$$

bu yerda

$$B = \frac{B_1 + B_2}{2},$$

unda

$$h = \Delta H (B_1 - B_2), \quad (9)$$

$\Delta H$  — barometrik pog‘onalar balandligi deyiladi. Agar  $B_1 - B_2 = 1$  mm sim. ust. bo‘lsa,  $h = \Delta H$  bo‘ladi. Bino-barin, barometrik pog‘onalar balandligi atmosfera bosimi 1 mm. sim. ust. ga farq qilgan ikki nuqta balandligi farqidir. Barometrik pog‘ona balandligi o‘rtacha qiymati taxminan 11 m ga teng. (8) formuladan barometrik pog‘ona balandligi atmosfera bosimi  $B$  va temperatura ning  $T$  funksiyasi ekanligi ko‘rinadi.

*1-jadval*

**Barometrik pog'ona balandligi ( $\Delta H$ )**

$T_{o'r}$	$B_{o'r}$	700	710
- 10		11.04	10.88
.....	.....	.....	.....
0		11.46	11.30
.....	.....	.....	.....
+9		11.84	11.67
+10		11.88	11.71
.....	.....	.....	.....

*2-jadval*

**Atmosfera bosimining o'rtacha qiymati  
bo'yicha interpolatsiya**

(-)

$\Delta B$	1	2	3
.....	.....	.....	.....
16	0.02	0.03	0.05
17	0.02	0.03	0.05
18	0.02	0.04	0.05

*3-jadval*

**Havo temperatursining o'rtacha qiymati  
bo'yicha interpolatsiya**

(+)

$\Delta t$	0,1	0,2
3	0,00	0,01
4	0,00	0,01
5	0,00	0,01

Misol. 1 va 2 nuqtalarda atmosfera bosimi va havo temperaturasi o'lcangan:

$$B_2 = 701,1 \text{ mm. sim. ust.} \quad B_1 = 703,3 \text{ mm. sim. ust.} \\ T_2 = +8,6^\circ\text{C}, \quad T_1 = +9,8^\circ\text{C}.$$

Bu nuqtalar orasidagi nisbiy balandlikni toping.  
 $B$  va  $T$  ning o'rtacha qiymatini topamiz:

$$B_{o'rt.} = \frac{B_1 + B_2}{2} = 702.2 \text{ mm. sim. ust.}$$

$$T_{o'rt.} = \frac{t_1 + t_2}{2} = + 9.2^{\circ}\text{C}.$$

$B = 700$  mm sim. ust. va  $t = 9^{\circ}\text{C}$  uchun  $\Delta H = 11,84$  m.

2-jadvaldan barometr ko'rsatkichi  $\Delta B = 2.2$  mm. sim. ust. uchun tuzatma  $\delta_B = -0.03$  m ni topamiz.

3-jadvaldan 0,2 temperatura uchun  $\delta_t = +0,01$  m tuzatmani topamiz.

Demak, barometrik pog'ona balandligi:

$$\Delta H = 11,84 \text{ m} - 0,03 \text{ m} + 0,01 \text{ m} = 11,82 \text{ m.}$$

Barometr ko'rsatkichlari farqini topamiz:

$$B_1 - B_2 = -701,1 + 703,3 = +2,2 \text{ mm sim. ust.}$$

Demak, (9) formulaga ko'ra bu nuqtalar orasidagi nisbiy balandlik:

$$h = \Delta H (B_1 - B_2) = 11,82 (+2,2) = +26,00 \text{ m.}$$

#### 1.4. Taxminiy altitud(balandlik) jadvali

Bu jadval Pevsov formulasida tuzilgan. Pevsov formulasini ushbu ko'rinishda yozamiz:

$$h = N (1 + \varepsilon T_0) \lg \frac{760}{B}.$$

Taxminiy balandlik jadvalini tuzish uchun dengiz sathida normal bosim 760 mm simob ustuni va  $H=0$  ekanligini e'tiborga olamiz. Havo temperaturasi  $T_0=15^{\circ}\text{C}$  deb qabul qilamiz. Chunki bu jadvalda berilganlar  $T_0=15^{\circ}\text{C}$  temperaturaga mos tushadi. Taxminiy altitud bo'yicha olingan ( $H_2 - H_1$ ) nisbiy balandlikka, temperatura uchun tuzatma kiritiladi.

4-jadval

**Taxminiy altitud jadvali** $(T_{o'rtal} = +15^{\circ}\text{C} \text{ da } +1^{\circ})$ 

B	0,0	0,1	0,2
680	941,3	940,0	938,7
681	928,8	927,5	926,3
.....	.....	.....	.....

5-jadval

**Temperatura uchun nisbiy balandlikka tuzatma jadvali** $(\beta h = 0,00348 (H_2 - H_1) (T - T_0))$ 

$H'$	10	20
$T_{o'rtal}$		
-10	0,9	1,7
.....	.....	.....
0	0,5	1,0
.....	.....	.....
+13	0,1	0,1
+14	0,00	0,1
+15	0,0	0,0

Misol. 1 va 2 nuqtalarda atmosfera bosimi va havo temperaturasi o'changan:

$$B_1 = 681,2 \text{ mm sim. ust.}$$

$$B_2 = 680,0 \text{ mm sim. ust.}$$

$$T_{o'rtal} = +13,4^{\circ}\text{C}.$$

Taxminiy altitud jadvali bo'yicha topamiz:

$$H_2^1 = 941,3 \text{ m},$$

$$H_1^1 = 926,3 \text{ m},$$

$$H_2^1 - H_1^1 = +15,0 \text{ m}.$$

$(H_2 - H_1)$  farq bo'yicha va o'rtacha temperatura bo'yicha temperaturaga tuzatmani topamiz. Bu tuzatma 0,1 m ga teng. Demak, nisbiy balandlik tuzatmani hisobga olganda quyidagiga teng:

$$H = +15,0 \text{ m} - 0,1 \text{ m} = +14,9 \text{ m.}$$

Temperatura  $+15^{\circ}$  dan pastda bo'lganda tuzatma ishorasi minus, temperatura  $+15^{\circ}$  dan yuqori bo'lganda tuzatma ishorasi plus bo'ladi, temperatura  $+15^{\circ}$  da tuzatma nolga teng bo'ladi.

Temperatura uchun tuzatma ishorani hisobga olib ( $H_2 - H_1$ ) farqning absolut qiymatiga qo'shiladi. Bunda nisbiy balandlik ishorasi ( $H_2 - H_1$ ) farqning ishorasi qanday bo'lsa o'shanday bo'ladi.

### Mikrobaronivelir МБНП bo'yicha sanoq

Mikrobaronivelir pasportidan ko'chirma:

$\alpha_{75} = 0,5367 \text{ mm sim. ust./bo'l.}$  — shkala bo'lagi qiyamati

$\beta = -17 \cdot 10^{-5} \text{ mm sim. ust./bo'l}^2$  — shkala bo'lagi qiyamati gradiyenti

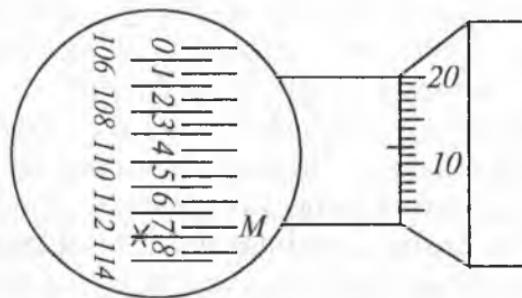
$K_B = 1,16 \text{ bo'l.}$  — mikrometr shkalasining bo'lagini asbob shkalasi bo'lagiga o'tkazish koeffitsiyenti.

$K_t = +0,003 \text{ mm. sim. ust./grad}$

$T_0 = +18,0^{\circ}$

$S_k = 75,0 \text{ bo'l.}$

$B_0 = 702,05 \text{ mm. sim. ust.}$



1.5-rasm.

Harakatlanadigan shkala bo'yicha sanoq	— 113,000
Harakatlanmaydigan shkala bo'yicha sanoq	— 0,700
Mikrometr barabani bo'yicha sanoq	— 0,012

To'liq sanoq 113,712

Mikrometr bo'yicha sanoqni asbob shkalasining o'rtacha shtrixiga keltirish uchun ushbu formula qo'llaniladi:

$$S = A + \frac{4.00 - a}{K_B}.$$

Bu yerda:  $A$  — harakatlanadigan shtrix bo'yicha sanoq olinadigan shtrix nomeri;

$a$  — harakatlanmaydigan shtrix bo'yicha sanoq olinadigan shtrix nomeri va mikrometr barabani bo'yicha;

$K_B$  — mikrometr shkalasining bo'lagini asbob shkalasi bo'lagiga o'tkazish koefitsiyenti.

Misol. Sanoq 113,712 ni asbob shkalasining o'rtacha shtrixiga keltiring.

Yuqoridagi formulaga ko'ra:

$$S = 113 + \frac{4.00 - 7.12}{1,16} = 110,31$$

## 1.5. Barometrik nivelerlash usullari

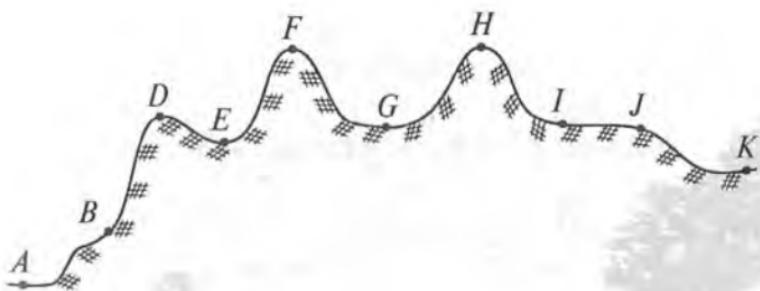
Nuqta balandligini barometrik nivelerlash bilan aniqlash unchalik katta aniqlik talab qilmaydigan hollarda bajariladi. Aniq geodezik ishlarda masalan, tog'li rayonlarda triangulyatsiya va poligonometriya punktlarini rekognossirovka qilishda va boshqa ishlarda barometrik nivelerlash yordamchi asbob sifatida qo'llaniladi.

Barometrik niveler bilan sharoit qiyin bo'lgan joylarda ish olib borish mumkin. Shuning uchun barometr xilmoxil ekspeditsiyalarning (geografik, geofizik, geologik, tupoq-botanik va boshq.) ajralmas qismi hisoblanadi.

Barometrik nivelerlash marshrut bo'yicha va maydon bo'yicha nivelerlashlarga bo'linadi.

### 1.5.1. Marshrut bo'yicha nivelerlash

Bu usul bilan nivelerlashni bajarishda ikkita komplekt asbob talab qilinadi. Har bir komplektda uchta asbob —



1.6-rasm.

aneroidlar, termometr va soat bo‘ladi.  $A$ ,  $B$ ,  $D$ , ...,  $K$  marshrutlar bo‘yicha barometrik niveliplash talab qilinsin.

Oxirgi  $A$  va  $K$  punktlarning absolut balandligi ma’lum. Ikki kuzatuvchi ishni  $A$  punktdan boshlaydi, har 15—20 minutda uch martadan sanoq oladi va aneroid hamda termometr ko‘rsatishini solishtiradi. Bitta guruhning aneroidlarining o‘rtacha ko‘rsatkichi boshqa guruhnikiidan 0,2 mm dan katta bo‘lmasligi kerak. Shundan keyin birinchi kuzatuvchi  $A$  punktda qoladi va har 20—30 minutda aneroid, termometr va soat bo‘yicha sanoq oladi. Ikkinci kuzatuvchi marshrut bo‘yicha yurib, joyning xarakterli nuqtalarida ( $B$ ,  $D$ ,  $E$ ,  $F$ ) to‘xtaydi, aneroid, termometr va soat bo‘yicha sanoq oladi. Kuzatish natijalari barometrik niveliplash jurnaliga yoziladi.

Marshrutning ma’lum qismi o‘tgandan keyin kuzatuvchi, masalan,  $F$  punktda to‘xtaydi. Birinchi kuzatuvchi  $A$  dan  $F$  ga o‘tadi.  $F$  punktda ikki kuzatuchi asboblar ko‘rsatishini solishtiradi. Shundan keyin birinchi kuzatuvchi marshrutni ( $F$ ,  $G$ ,  $H$ ,  $I$ ,  $J$ ) bo‘yicha davom ettiradi, ikkinchi kuzatuvchi  $F$  punktda qoladi. Shunday usul bilan hamma marshrut oxirgi  $K$  punktgacha o‘tiladi.

### 1.5.2. Maydonni niveliplash

Uncha katta bo‘ligan maydonni niveliplashda joyning o‘rtasidan asos qilib bitta 0 nuqta tanlanadi. Shun-

Mikrometr bo'yicha sanoqni asbob shkalasining o'rni shtrixiga keltirish uchun ushbu formula qo'llaniladi:

$$S = A + \frac{4.00-a}{K_B}.$$

Bu yerda:  $A$  — harakatlanadigan shtrix bo'yicha noq olinadigan shtrix nomeri;

$a$  — harakatlanmaydigan shtrix bo'yicha sanoq olima digan shtrix nomeri va mikrometr barabani bo'yicha.

$K_B$  — mikrometr shkalasining bo'lagini asbob shkala bo'lagiga o'tkazish koeffitsiyenti.

Misol. Sanoq 113,712 ni asbob shkalasining o'rni shtrixiga keltiring.

Yuqoridagi formulaga ko'ra:

$$S = 113 + \frac{4.00-7,12}{1,16} = 110,31$$

## 1.5. Barometrik nivelerlash usullari

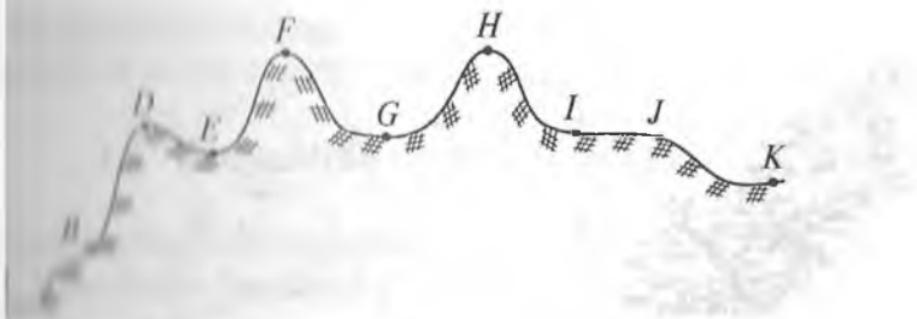
Nuqta balandligini barometrik nivelerlash bilan aniqlash unchalik katta anqlik talab qilmaydigan hollarda bajariladi. Aniq geodezik ishlarda masalan, tog'li rayonlarda triangulyatsiya va poligonometriya punktlarini tekognossirovka qilishda va boshqa ishlarda barometrik nivelerlash yordamchi asbob sifatida qo'llaniladi.

Barometrik niveler bilan sharoit qiyin bo'lgan joylarda ish olib borish mumkin. Shuning uchun barometr xilma xil ekspeditsiyalarning (geografik, geofizik, geologik, tijroq-botanik va boshq.) ajralmas qismi hisoblanadi.

Barometrik nivelerlash marshrut bo'yicha va maydon bo'yicha nivelerlashlarga bo'linadi.

### 1.5.1. Marshrut bo'yicha nivelerlash

Bu usul bilan nivelerlashni bajarishda ikkita kompleks asbob talab qilinadi. Har bir komplektda uchta asbob



1.6-rasm.

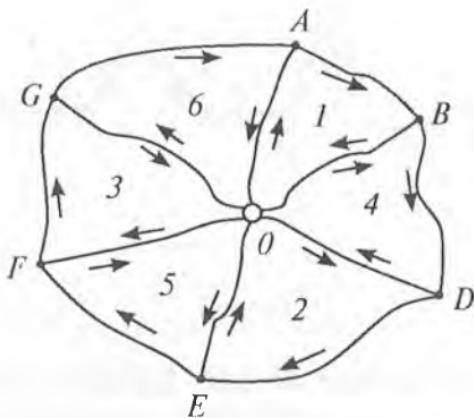
nichiga, termometr va soat bo‘ladi.  $A, B, D, \dots, K$  shundan bo‘yicha barometrik niveliirlash talab qilin-

$A$  va  $K$  punktlarning absolut balandligi ma’lum. Kuzatuvchi ishlari  $A$  punktdan boshlaydi, har 15—20 minch ichi martadan sanoq oladi va aneroid hamda termometr to‘natishini solishtiradi. Bitta guruhning aneroidini o‘rtacha ko‘rsatkichi boshqa guruhnidan 0,2 bo‘lgan bo‘lmasligi kerak. Shundan keyin birinchi aneroidni  $A$  punktda qoladi va har 20—30 minutda aneroidmetri va soat bo‘yicha sanoq oladi. Ikkinchini marshrut bo‘yicha yurib, joyning xarakterli punktlari ( $B, D, E, F$ ) to‘xtaydi, aneroid, termometr va bo‘yicha sanoq oladi. Kuzatish natijalari barometrik bo‘lgan jurnaliga yoziladi.

Barometrinin ma’lum qismi o‘tgandan keyin kuzatuvchi  $F$  punktda to‘xtaydi. Birinchi kuzatuvchi  $A$  punktda o‘tiladi.  $F$  punktda ikki kuzatuchi asboblar natijasini solishtiradi. Shundan keyin birinchi kuzatuvchi  $F$  punktda bo‘yicha davom ettiradi, mela tuzatuvchi  $F$  punktda qoladi. Shunday usul bilan bir nechta marshrut oxirgi  $K$  punktgacha o‘tiladi.

### 1.5.2. Maydonni niveliirlash

Bo‘lgan tatta bo‘limgan maydonni niveliirlashda joyo‘nidan asos qilib bitta 0 nuqta tanlanadi. Shun-



1.7-rasm.

dan keyin marshrutlarni o'tkazish boshlanadi. Har bir marshrut 0 nuqtada uchrashadi. Nivelirlash alohida marshrut bo'yicha bajariladi. № 1 marshrutni nivelirlagan dan keyin, qo'shni bo'limgan № 2 marshrut nivelirlanadi. Boshqa marshrutlar ham xuddi shunday nivelirlanadi. Ishni bunday tashkil qilish qator imkoniyatlar beradi:

- har bir marshrutning uchrashuvi nisbiy balandliklarda tekshirishni beradi;
- marshrutning radial qismi ( $OA$ ,  $OB$ ,  $OD$ ) har xil vaqtida, har xil atmosfera sharoitida ikki martadan nivelerlilanadi.

Bu nisbiy balandlikni topishda aniqlikni oshirishga imkon beradi. Agar nivelerlanaqidan joy katta bo'lmasa, bitta kuzatuvchi doimo  $O$  nuqtada turadi, ikkinchisi esa hamma marshrutlarni aylanib chiqadi.

### Nivelirlashning soddalashtirilgan usuli

Nivelirlashning soddalashtirilgan usulini bitta kuzatuvchi bilan ham bajarsa bo'ladi. Ikkinchisi kuzatuvchi o'rniga stansiyada o'zi yozuvchi barograf qo'yish mumkin. Bu

usulning zaif tomoni qisqa vaqt oralig‘ida barometrik bosim o‘zgarishini aniqlash imkonи bo‘lmaydi.

## 1.6. Barometrik nivelirlash aniqligi

Barometrik nivelirlash aniqligini baholash uchun quyidagi formuladan foydalanamiz:

$$h = \Delta H (B_1 - B_2).$$

Barometrik pog‘ona  $\Delta H$  temperatura va bosimga bog‘liq holda sekinlik bilan o‘zgaradi, shuning uchun uni doimiy miqdor deb qabul qilish mumkin. Unda bosimni aniqlash aniqligiga bog‘liq bo‘lgan nisbiy balandlik o‘rta kvadratik xatosi quyidagicha:

$$m_{hb} = \Delta H \sqrt{m_{b_1}^2 + m_{b_2}^2}.$$

Agar ikki nuqtada ham bosim bir xil aniqlikda aniqlangan bo‘lsa, ya’ni

$$m_{b_1} = m_{b_2} = m_b$$

bo‘lsa,  $m_{hb} = \Delta H \sqrt{2} m_b$  deb yozishimiz mumkin.

Agar bosimni aniqlash aniqligi o‘rta kvadratik xato bilan xarakterlansa:

$$m_b = \pm 0,1 \text{ mm},$$

unda bosimni aniqlash aniqligiga bog‘liq nisbiy balandlikning o‘rta kvadratik xatosi quyidagicha bo‘ladi:

$$m_{hb} = \pm 0,14 \Delta H.$$

Masalan, agar barometrik balandliklar pog‘onasi o‘ttacha qiymati 11 metrga teng bo‘lsa, u holda

$$m_{hb} = \pm 1,5 \text{ m}.$$

Agar temperaturani  $\pm 1^\circ$  gacha aniqlikda aniqlasak, temperaturani aniqlash aniqligiga bog'liq nisbiy balandlikning o'rta kvadratik xatosi quyidagi chekda bo'ladi:

$$m_{hl} = \pm 1 \text{ m.}$$

Demak, qulay atmosfera sharoitida nisbiy balandlikni quyidagi o'rta kvadratik xato bilan aniqlash mumkin:

$$m_{hb} = \pm \sqrt{m_{hh}^2 + m_{hl}^2} = \pm 1,8 \text{ m.}$$

## **2-bob**

### **DAVLAT NIVELIR TO‘RI SXEMASI HAQIDA UMUMIY MA’LUMOT**

Davlat niveler to‘ri topografik plan olish va xalq xo‘jaligi, davlat mudofaasi talablarini ta‘minlash uchun bajariladigan geodezik o‘lchashlarning balandlik asosi hisoblanadi.

Davlat niveler to‘ri I, II, III va IV klass niveler to‘rlariga bo‘linadi. I va II klass niveler to‘rlari ilmiy masalalarni yechishda qo‘llaniladi: dengiz va okeanlarning sathini aniqlashda, materiklarning asriy ko‘tarilishi va cho‘kishini, yer qimirlashda uning vertikal cho‘kishlarini aniqlashda va hokazo.

III va IV klass niveler to‘rlari topografik plan olish va har xil injener qidiruv-tadqiqot ishlari uchun balandlik asosi hisoblanadi. Davlat niveler to‘ri punktlari balandligi Boltiq dengizi sathiga nisbatan katta aniqlikda o‘lchanadi.

I va II klass niveler to‘ri iloji boricha temiryo‘l, shosse va katta daryo qirg‘oqlari bo‘ylab 3000—4000 km perimetrli yopiq poligon ko‘rinishida o‘tkaziladi.

III va IV klass niveler to‘ri yuqori klass(I va II klass) poligonlari ichida o‘tkaziladi. III klass nivelerlash poligoni perimetri 150 km dan, IV klass nivelerlash yo‘li uzunligi yesa 50 km dan oshmasligi kerak.

Hamma klass niveler yo‘li joyda doimiy belgi bilan har 5 km da yerga ko‘miladi. Seysmoaktiv rayonlarda niveler belgi orasidagi masofa 2—3 km dan oshmasligi kerak.

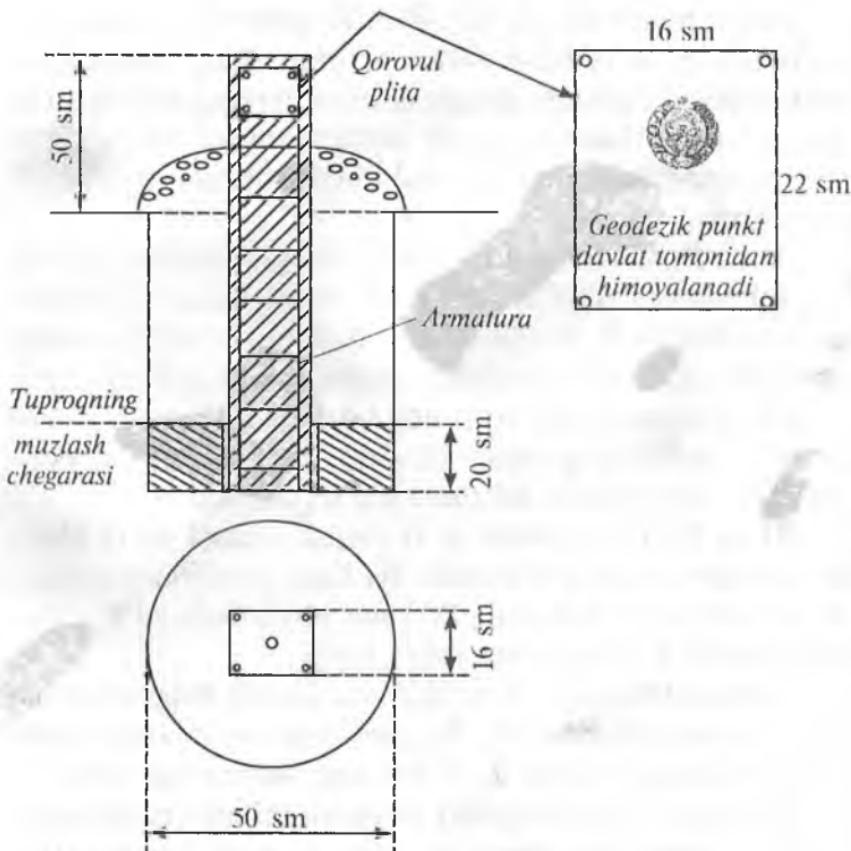
Quyidagi niveler belgilari yerga ko‘miladi (mahkamlandi): tuproq (грунтовый) reperi, qoya (скольный) reperi, devor (стенный) reperi.

## 2.1. Nivelir belgilari va ularni mahkamlash

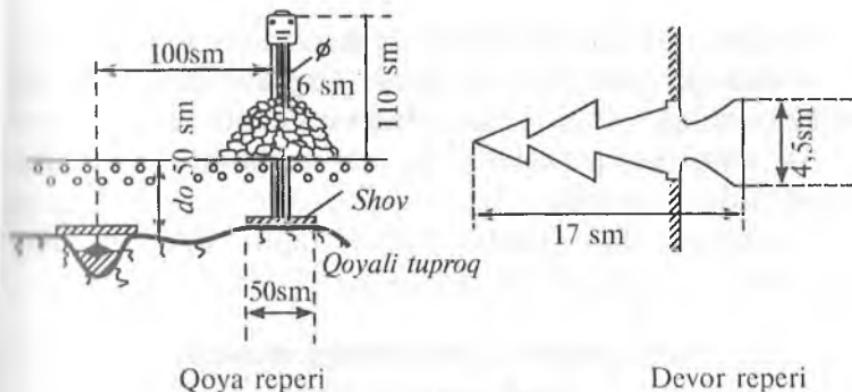
2.1-rasmda tuproqning mavsumiy muzlash janubiy zonasini uchun III va IV klass nivelirlash tuproq(grunt) reperi keltirilgan.

Mavsumiy muzlaydigan janubiy zonada III va IV klass nivelirlash yo‘lidagi reper pastki plitasi tuproqning muzlash chuqurligidan pastda, lekin 1,3 m dan kam bo‘limgan chuqurlikdan o‘tishi kerak.

Markali reperning yuqori qismi va qorovul plita yer yuzidan 50 sm ga chiqib turishi kerak va shu bilan birga u taniyidigan (опозновательный) belgi bo‘lib xizmat qiladi.



2.1-rasm.



2.2-rasm.

Tuproqning mavsumiy muzlaydigan qoya jinslarga qoya reperlari mahkamlanadi. Yerga 0,5 m gacha ko‘milib turgan va yerdan ancha chiqib turgan qoyaga sement qorishmasida marka mahkamlanadi. Reper(marka)dan 1,0 m masofaga  $50 \times 50$  sm metall plita payvand qilingan trubali tanish belgisi o‘rnataliladi. Tanish belgi atrofiga 0,5 m bandlikda toshdan o‘yib himoya qurilmasi barpo qilinadi.

Devor reperlari bino devorlariga yoki qoyaning vertikal sirtiga o‘rnataliladi. Qorovul plita reperring yoniga yoki ustiga bino devoriga mahkamlanadi.

## 2.2. III va IV klass niveliirlash asboblari

III va IV klass niveliirlash uchun  $H3$ ,  $HC3$  va  $HC4$  niveliirlari qo‘llaniladi.

$HC3$  va  $HC4$  niveliirlar qarash chizig‘ini o‘zi o‘rnata-digan niveliirlar turiga kiradi.

III klass niveliirlash uchun santimetrli bo‘laklarga bo‘lingan ikki tomonli, uch metrli reykalar ishlatalidi. Reykaning qora tomoni noli reyka tagligi bilan to‘g‘ri keladi. Qizil tomonining tagligi sanog‘i 4000 mm dan farq qiladi. Reykalar juftligi bir-biridan 100 mm ga farq qiladi (masalan, bitta reykada unoq 4686 bo‘lsa, ikkinchisida 4786 bo‘ladi).

Tog‘liq hududlarda shtrixli reykalar qo‘llaniladi.

Devor (стенной) markalariga bog‘lash hollarida 1,2 m uzunlikdagi osma reykalar ham qo‘llaniladi.

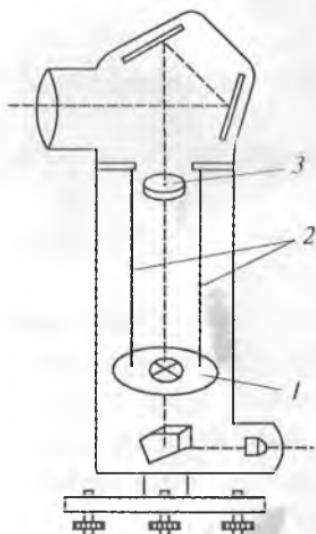
IV klass nivelirlashlar uch metrlik shashkali reykalar yordamida bajariladi.

Nivelirlashda reykalar metall taglik (bashmak)ka qo‘yiladi.

### O‘rta aniqlikdagi nivelirlarning qisqacha texnik xarakteristikasi

Nivelir markalari	Kompensatsiya cheki	Dalnomer koefitsiyenti	Qarash trubasi kattalashishi	Adilak bo‘lagi qiymati, 2 mm ga		Asbob og‘irligi, (kg)
				Silindrik	Aylana	
H3	-	100	30 <sup>x</sup>	15"	5'	2.0
HC3	±10'	100	30 <sup>x</sup>	-	5'	2.5
HC4	±15'	100	30 <sup>x</sup>	-	10'	2.5
HB-1	-	100	31 <sup>x</sup>	17"-23"	7"-15"	1.8

### Qarash chizig‘ini o‘zi o‘rnatadigan nivelirlarning ishlash prinsipi



Adilakli nivelirlarning asosiy kamchiligi — uni o‘rnatishda har doim pufakni nol punktga keltirishga to‘g‘ri keladi, bundan tashqari uning vaziyati o‘zgarmasligini doimo kuzatib turish kerak. Bunday kamchilikdan vizir chizig‘ini istalgan holatga avtomatik o‘rnatadigan kompensatorli nivelirlar holdir.

2.3-rasm. 1. To‘rli harakatlanuvchi disk (kompensator).  
2. Po‘lat iplar. 3. Obyektiv.

Bir necha xil kompensatorlar mavjud. Ulardan eng oddiyisi harakatlanuvchi to‘rli kompensator hisoblanadi. Unda obyektiv fokus masofasiga teng bo‘lgan masofaga uchta po‘lat simga to‘rli disk ilib qo‘yiladi. Truba egilganda to‘r o‘zgarmas holatni egallaydi.

### 2.3. H3 nivelirini tekshirish

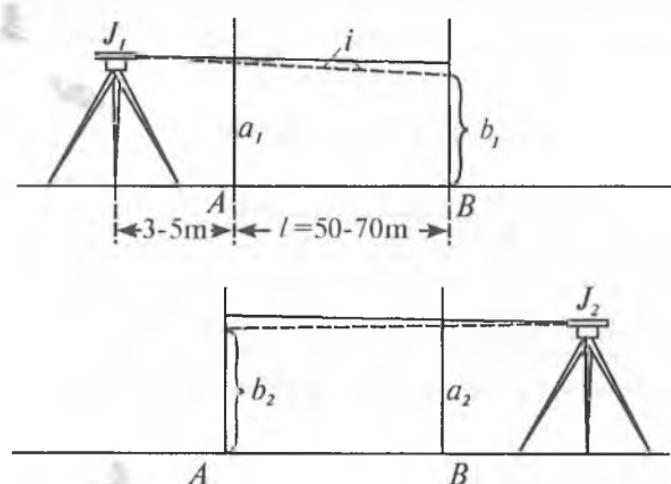
Nivelir quyidagi geometrik shartlarga amal qilishi kerak:

1. Aylanali adilak o‘qi nivelir aylanish o‘qiga parallel bo‘lishi kerak.

2. To‘r iplaridan biri nivelir aylanish o‘qiga perpendikular bo‘lishi kerak.

3. Silindriq adilak o‘qi truba vizir o‘qiga parallel bo‘lishi kerak (nivelir bosh sharti).

1. Nivelirning bosh shartini tekshirish ikki marta nivellash orqali bajariladi. 50–70 m uzunlikdagi  $AB$  chiziqda ikkita qoziq qoqliladi (2.4-rasm). Nivelir  $A$  nuqtadan 3–5 m masofaga  $AB$  chiziq stvori bo‘yicha  $J_1$  stansiyasiiga o‘rnatiladi.  $A$  va  $B$  nuqtalarga reykalar o‘rnatiladi. Reykadan  $a_1$  va  $b_1$  sanoqlar olinadi.



2.4-rasm. Nivelirni tekshirish.

Keyinchalik niveler  $B$  nuqtadan 3—5 m masofada va nivelerlidan digan chiziqda joylashgan  $J_2$  stansiyaga o'rnatiladi. Reykalardan  $a_1$  va  $b_2$  sanoqlar olinadi. Olin-gan natijalar yordamida  $A$  va  $B$  nuqtalar orasidagi nisbiy balandlikni ikki marta hisoblash mumkin:

$$1. h = a_1 - (b_1 + x),$$

$$2. h = (b_2 + x) - a_2,$$

$$\text{bu yerda } a_1 - (b_1 + x) = (b_2 + x) - a_2.$$

Bu tenglikni yechib, reyka bo'yicha sanoqdagi xatolikni topamiz:

$$x = \frac{1}{2} (a_1 + a_2) - \frac{1}{2} (b_1 + b_2)$$

$$i = \frac{x}{l} \rho''.$$

Agar  $x$  ning absolut qiymati 4 mm dan oshmasa, niveler bosh sharti bajarilgan hisoblanadi.

Teskari holatda adilak holati to'g'rilanishi kerak. Buning uchun elevatsion vint yordamida reykada  $b'_2 = b_2 + x$  sanoq o'rnatiladi. Bunda adilak pufagi joyidan ketib qoladi. Silindrik adilak to'g'rilash vintlari bilan pufak nol punktga keltiriladi. Tekshirish qayta bajariladi.

Bunday jarayon bitta usulni tashkil qiladi. Bunday usul asbob balandligini o'zgartirgan holda to'rt marta bajari-ladi.

### Misol. Nivelir H 3 № 1740

№	Reyka bo'yicha sanoq				$x(\text{мм})$	$V$	$V^2$
	$a_1$	$b_1$	$a_2$	$b_2$			
1	1549	1751	1530	1330	-1.0	-1.38	1.90
2	1517	1717	1569	1373	-2.0	0.38	0.14
3	1601	1808	1578	1377	-3.0	+0.62	0.38
4	1581	1784	1574	1378	-3.5	+1.12	1.25

O'rta      -2.38    -0.02    3.67

Aniqlikni baholash.

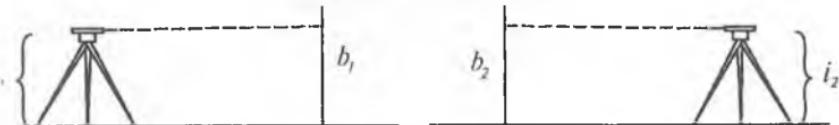
Bitta o'lchashning o'rta kvadratik xatosi:

$$m = \sqrt{\frac{|V^2|}{n-1}} = \sqrt{\frac{3,67}{3}} = \pm 1 \text{ mm.}$$

O'rta arifmetikning o'rta kvadratik xatosi:

$$M = \frac{m}{\sqrt{n}} = \frac{1,1}{\sqrt{4}} = \pm 0,6 \text{ mm.}$$

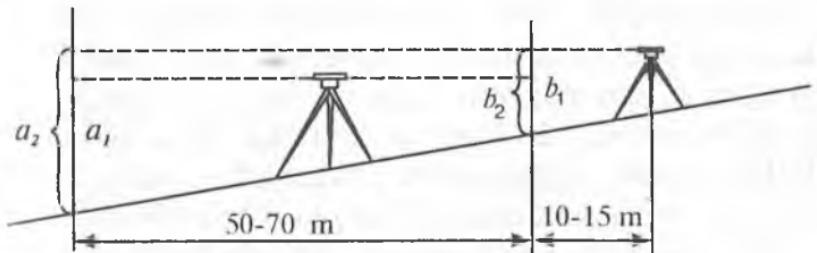
2. Nivelir bosh shartini tekshirishning ikkinchi usuli.



$$x = \frac{1}{2}(i_1 + i_2) - \frac{1}{2}(b_1 + b_2)$$

2.5-rasm.

3. Nivelir bosh shartini tekshirishning uchinchi usuli



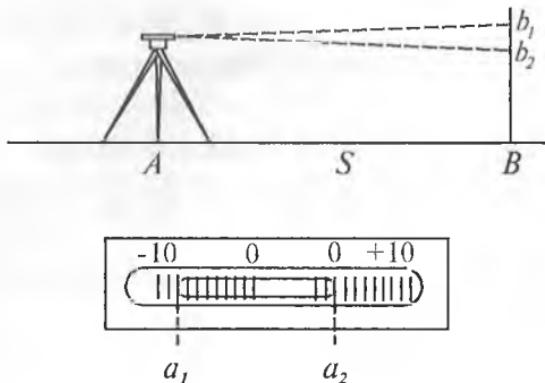
2.6-rasm.

$$\begin{aligned} h_0 &= a_1 - b_1, \\ h_x &= a_2 - b_2, \\ x &= h_x - h_0. \end{aligned}$$

## 2.4. H3 nivelirini tadqiq qilish

### 1. Reyka bo'yicha adilak bo'lagi qiymatini aniqlash

Nivelir va reyka 40—50 m masofaga o'rnatiladi. Masofa S lenta yoki ruletka bilan o'lchanadi. Ko'tarish vintlari dan bittasi qarash trubasining tagida joylashishi kerak.



2.7-rasm.

Qarash trubasi reykaga qaratilib va adilak pufagi nol punktdan u tomonga yoki bu tomonga elevatsion vint yordamida siljtiladi va reyka bo'yicha  $b_1$  va pufakning ikki chetidan  $a_1$  va  $a_2$  sanoq olinadi.

Keyinchalik pufak nol punktdan boshqa tomonga (ko'tarish yoki elevatsion vint yordamida) siljtiladi. Reyka bo'yicha  $b_2$  sanog'i, pufakning chetlari bo'yicha  $a_3$  va  $a_4$  sanoqlari olinadi. Bu hammasi bitta usulni tashkil qiladi. Bo'lak qiymati to'rtta usulda aniqlanadi. Usullar orasida niveler bilan reyka orasidagi masofa o'zgartiriladi.

Kuzatish natijasini hisoblash quyidagi tartibda amalga oshiriladi. Pufakning o'rtacha holati hisoblanadi:

$$a_1 = \frac{a_1 + a_2}{2}; \quad a_n = \frac{a_3 + a_4}{2}.$$

Ampula bo'laklarida pufakning siljish uzunligi hisoblanadi:

$$n = a_n - a_1 = a_3 - a_1 = a_4 - a_2.$$

Adilak bo'lagi qiymati aniqlanadi

$$\tau = \frac{b_2 - b_1}{S \cdot n} \rho", \quad \rho" = 206265".$$

Aniqlik baholanadi.

Bitta o'lchashning o'rta kvadratik xatosi hisoblanadi:

$$m = \sqrt{\frac{|V^2|}{n-1}}.$$

O‘rtacha arifmetikning o‘rta kvadratik xatosi hisoblanadi:

$$M = \frac{m}{\sqrt{n}},$$

bu yerda:  $V$  — adilak bo‘lagi qiymatining o‘rtacha qiyamatidan farqi;  $n$  — usullar soni.

Misol. Nivelir H 3 № 8715

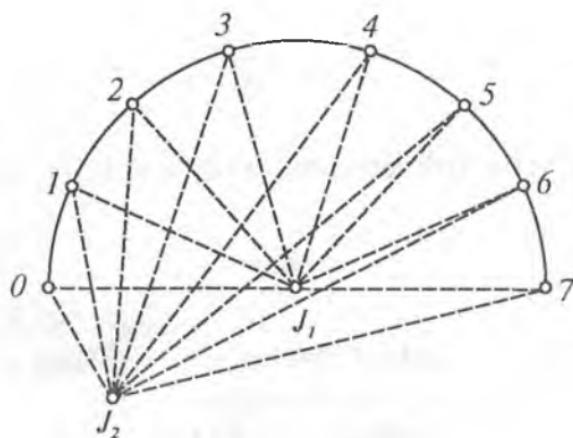
№	Pufak chetlaridan sanoq		$\frac{a_1 + a_2}{2}$	Reykaga-cha masofa, $S$ (m)	Reyka bo‘yicha sanoq, mm	$\tau''$	$V''$	$V^2$
	$a_1$	$a_2$						
1	-8.0	+1.5	-3.2	21.2	1355	24.3	-0.5	0.25
	-2.0	+7.5	+2.8		1340			
	6.0	6.0	6.0		15			
2	0.0	+9.5	+4.8	24.0	1359	23.6	+0.2	0.04
	-4.0	+5.5	+0.8		1370			
	4.0	4.0	4.0		11			
3	-1.0	+8.5	+3.8	29.4	1388	26.6	-0.8	0.64
	-5.0	+4.5	-0.2		1402			
	4.0	4.0	4.0		14			
4	-7.0	+2.5	-2.25	31.4	1419	22.7	+1.1	1.21
	-1.5	+8.0	+3.25		1400			
	5.5	5.5	5.5		19			

$$\tau_{o'rtu} = 23.8 \quad 0 \quad 2.14$$

$$m = \sqrt{\frac{2.14}{3}} = \pm 0.84, \quad M = \frac{0.84}{\sqrt{4}} = 0.42.$$

## 2.5. Trubani fokuslashda vizir o‘qizayati ning doimiyligini tadqiq qilish

40—50 m radius bilan aylana bo‘lagini hosil qiladigan, ochiq tekis joyda  $J_1$  nuqta tanlanadi. Aylanada 0, 1,



2.8-rasm.

2, 3, 4, 5, 6 va 7 nuqtalar belgilanadi va hamma nuqta-larga qoziq qoqiladi.

Nivelir  $J_1$  stansiyaga o'rnatiladi, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 va 7 nuqtalarga qo'yilgan reykalar bo'yicha oldin to'g'ri yo'naliш, keyin teskari yo'naliш bo'yicha sanoq olinadi. Bu jarayon bitta usulni tashkil qiladi. Usullar orasida asbob balandligini o'zgartirgan holda bunday usul birdaniga uch marta bajariladi.

Keyinchalik nivelir  $J_2$  stansiyasiga keltiriladi va qarash trubasi fokusini o'zgartirmasdan 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 va 7 nuqtalarga qo'yilgan reykalar bo'yicha oldin to'g'ri yo'naliшда, keyinchalik teskari yo'naliшда sanoq olina-di. Bu jarayon ham bitta usulni tashkil qiladi. Usullar orasida asbob balandligini o'zgartirgan holda bunday usul birdaniga uch marta bajariladi.

$a_0, a_1, a_2, a_4, a_5, a_6, a_7$  —  $J_1$  stansiyasida bajarilgan oltita sanoqning o'rtacha qiymatlari;

$a'_0, a'_1, a'_2, a'_4, a'_5, a'_6, a'_7$  —  $J_2$ . stansiyasida bajarilgan oltita sanoqning o'rtacha qiymatlari;

Berilganlar yordamida boshqa nuqtalardan nol nuqta-ning nisbiy balandligi aniqlanadi:

$J_1$  stansiya uchun:

$$\begin{aligned} h_1 &= a_1 - a_0 \\ h_2 &= a_2 - a_0 \\ h_3 &= a_3 - a_0 \\ h_4 &= a_4 - a_0 \\ h_5 &= a_5 - a_0 \\ h_6 &= a_6 - a_0 \\ h_7 &= a_7 - a_0 \end{aligned}$$

$J_2$  stansiya uchun:

$$\begin{aligned} h'_1 &= a'_1 - a'_0 \\ h'_2 &= a'_2 - a'_0 \\ h'_3 &= a'_3 - a'_0 \\ h'_4 &= a'_4 - a'_0 \\ h'_5 &= a'_5 - a'_0 \\ h'_6 &= a'_6 - a'_0 \\ h'_7 &= a'_7 - a'_0 \end{aligned}$$

(1) va (2) formula bilan hisoblangan nisbiy balandliklar mos ravishda bir-biriga teng bo‘lishi kerak. Farq  $\pm 5$  mm chek bilan yo‘l qo‘yiladi.

Misol.

$J_1$  stansiyada niveler H3 № 1740

Nuqta №	I usul		II usul		III usul		3 ta usuldan o‘rtasi	Nisbiy balandlik
	To‘g‘ri	Teskari	To‘g‘ri	Teskari	To‘g‘ri	Teskari		
0	1511	1510	1612	1611	1413	1412	1511.5	
1	1596	1594	1695	1696	1495	1494	1595.0	-83.5
2	1570	1573	1671	1672	1471	1470	1571.2	-59.7
3	1560	1562	1661	1662	1462	1463	1561.7	-50.2
4	1501	1500	1602	1601	1403	1402	1501.5	+10.0
5	1533	1530	1630	1631	1434	1431	1531.5	-20.0
6	1585	1584	1687	1686	1486	1485	1585.5	-74.0
7	1547	1546	1648	1649	1449	1450	1548.2	-36.7

$J_2$  stansiyada

0	1231	1230	1333	1333	1130	1131	1231.3	
1	1314	1213	1416	1415	1214	1214	1314.3	-83.0
2	1291	1290	1393	1393	1190	1191	1291.3	-60.0
3	1284	1283	1386	1386	1183	1184	1284.3	-53.0
4	1223	1222	1325	1326	1121	1122	1223.2	+8.1
5	1250	1250	1352	1353	1151	1151	1251.2	-19.9
6	1305	1204	1406	1407	1205	1205	1305.3	-74.0
7	1268	1267	1370	1369	1168	1167	1268.2	-36.9

Mos nisbiy balandliklarda farq qiymati 2,8 mm ga teng. Demak, niveler H 3 № 1740 ishga yaroqli.

## 2.6. Dalnomerning koeffitsiyentini aniqlash

Uzunligi 75—100 m tekis maydonda  $AB$  chiziq tanlanadi. Belgilangan chiziq uzunligini 0,1 m aniqlikda lenta yoki ruletka bilan o'chanadi.  $A$  nuqtaga niveler va  $B$  nuqtaga reyka o'rnatiladi. Reyka bo'yicha dalnomerning pastki ( $P$ ) va yuqori ( $Yu$ ) iplaridan millimetrda sanoq olinadi (2.9-rasm). Bu jarayon bitta usulni tashkil qiladi. Bunday usul asbob balandligini o'zgartirgan holda to'rt marta bajariladi.

Dalnomer koeffitsiyenti hisoblanadi:

$$K = \frac{D}{(P - Yu)_{o'r}} .$$

Bu yerda:  $D$  — reykagacha bo'lgan masofa, millimetrda;

$(P - Yu)_{o'r}$  — dalnomer iplarining yuqori va pastki iplari bo'yicha olingan sanoq farqining o'rtachasi, millimetrda.

Misol. Nivelir H 3 № 1410

Nº	Dalnomer iplari bo'yicha sanoq		$P - Yu$
1	Yu P	1001 1751	750
2	Yu P	1143 1894	751
3	Yu P	1297 2046	749
4	Yu P	1238 1988	750
	O'rtacha		750

$$D = 75,0 \text{ m}, \quad K = \frac{75000}{750} = 100.$$

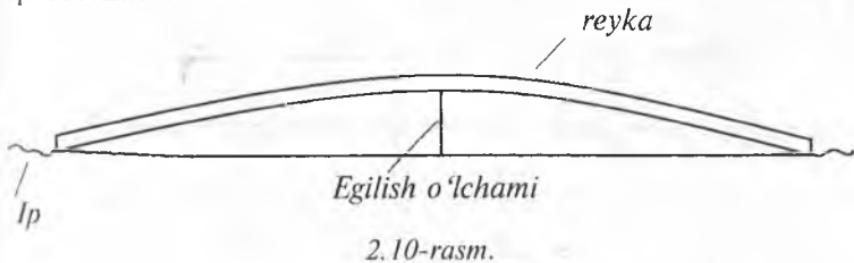


2.9-rasm.

## 2.7. Reykalarni tekshirish

### 1. Reykaning egriligini aniqlash

Reyka yonboshiga gorizontal yotqiziladi va ikki uchidan ip tortiladi.



Egilish o'lchami chizg'ich yordamida o'lchanadi. Agar o'lcham 10 mm dan oshmasa, reyka ishga yaroqli hisoblanadi.

### 2. Reykadagi dumaloq adilakning o'rnatilganligini tekshirish

Tekshirish shovun yordamida bajariladi. Buning uchun reyka shovun yordamida vertikal (tik) o'rnatiladi va adilakning to'g'rilash vintlari yordamida pufak ampulaning markaziga keltiriladi. Bu tekshirishni nivelerining vertikal iplari yordamida ham bajarish mumkin. Buning uchun reyka 50 m masofaga uning tekis tomoni, keyinchalik yonboshi bilan qo'yiladi. Har doim adilakning to'g'rilash vinti bilan pufak ampulaning markaziga keltiriladi. Tekshirish bir necha marta qaytariladi.

## 2.8. Reykalarni tadqiq qilish

### 1. Reyka detsimetr bo'laklari xatosini aniqlash.

Tadqiqot kontrol metr yordamida bajariladi. Detsimetrli intervalning har bir bo'lagini o'lhash ikki martadan bajariladi.

*Qora tomoni*

Detsimetrlar	Etalon lineykasi bo'yicha sanoq		Farg (2-1) (0,01 mm)	Sanoqlardan o'rta chasi, mm	Detsimetr bo'lagining xatosi, mm	Detsimetr bo'lagining tasodify xatosi, mm
	1	2				
0	0.00	26	+26	13		
1	100.08	40	+32	24	+0.11	+0.10
2	200.10	40	+30	25	+0.01	0
3	300.12	42	+30	27	+0.02	+0.01
4	400.16	42	+26	29	+0.02	+0.01
5	500.16	46	+30	31	+0.02	+0.01
6	600.14	40	+26	27	-0.04	-0.05
7	700.12	42	+30	27	0	-0.01
8	800.14	44	+30	29	+0.02	+0.01
9	900.14	40	+26	27	-0.02	-0.03
10	1000.16	42	+26	29	+0.02	+0.01
***	***	***	***	***	***	***
					+0.68	+0.52
					-0.46	-0.60
					+0.22	-0.08

Detsimetr bo'lagining sistematik xatosi

$$\sigma = \frac{+0.22}{30} = +0.007 \approx +0.01 \text{ mm.}$$

Reykanı gorizontal holatda o'rnatib, uning ustiga tekshirish lineykasini joylashtiriladi. Bunda lineyka noli reyka noli bilan ustma-ust tushishi kerak. Reykaning birinchi metrida sanoq detsimetr shtrixlari qarshisidan olinadi va ozgina siljilib sanoq olish qaytariladi.

Reykaning ikkinchi va uchinchi metrlarida o'lchash shu tartibda bajariladi. Har bir metrdagi (2-1) farq qiymati 0,1 mm dan katta bo'lmasligi kerak.

Detsimetr bo'laklari xatoliklari yig'indisi topiladi. Yig'indi o'lchashda sistematik xatoning borligini ko'rsatadi. Har bir farqqa sistematik xato ta'siri qiymati quyidagi formula orqali aniqlanadi:

$$\sigma = \frac{|d|}{n},$$

bu yerda  $[d]$  — detsimetr bo'laklari (sistematik xato) xatoliklari yig'indisi;  $n$  — o'lchashlar soni.

Farqlardan sistematik xatoliklar qiymatini hisoblab, reykaning detsimetr bo'laklari tasodifiy xatoligini topiladi. Reykalariring tasodifiy xatoliklari eng katta qiymati  $\pm 0.5$  mm dan oshmasligi kerak. Reykaning qizil tomonini tadqiq qilish ham xuddi shunday tartibda bajariladi.

## 2. Reykalarning o'rtacha bir metr uzunligini aniqlash

Aniqlash tekshirish metri yordamida bajariladi. Reykaning metrli oraliqlari ikki marta: oldin to'g'ri, keyin teskari yo'nalishda o'lchanadi. Har bir oraliqni ikkinchi o'lchashdan oldin etalon lineyka ozgina siljtiladi.

Etalon lineyka:

$$\text{№ 751 } L = 1000 - 0,01 + 0,019 (t - 16,0^\circ) \text{ mm}$$

*Qora tomoni*

Reyka bo'lagi	Lineyka sanog'i, mm				O'rtacha (o'-ch), mm	Lineyka uzunligiga tuzatma, mm	Reyka bo'laginining uzunligi, mm
	1	2	3	4			
To'g'ri yo'nalish, $t = + 12,8^\circ$							
1—10	0,44	900,62	900,18				
	0,48	900,68	900,20	900,19	-0,06	900,13	
10—20	0,64	1000,24	1000,20	1000,22	-0,07	1000,15	
	0,24	1000,48	1000,24	1000,22	-0,07	1000,15	
20—29	0,16	900,18	900,02				
	0,38	900,38	900,00	900,01	-0,06	899,95	
Teskari yo'nalish $t = + 13,2^\circ$							
29—20	0,10	900,12	900,02				
	0,34	900,38	900,04	900,03	-0,06	899,97	
20—10	0,56	1000,76	1000,20				
	0,48	1000,66	1000,18	1000,19	-0,07	1000,12	
10—1	0,14	900,36	900,22				
	0,26	900,48	900,22	900,22	-0,06	900,16	
	4,22	11205,94	11201,72	5600,86	-0,38	5600,48	

Etalon lineykasining lupasi birinchi va o'ninchi detsimetrlar ustiga o'rnatilib sanoq olinadi. Farq hisoblanadi. Lineyka ozgina siljilib, sanoq qayta olinadi. Farq hisoblanadi. Farqlar orasidagi qiymat 0,06 mm dan oshmasligi kerak. Ikkinchi va uchinchi bo'lak ham xuddi shunday tartibda o'lchanadi. Teskari yo'nalishda havo harorati o'lchanadi va o'lchash teskari tartibda bajariladi. Lineyka tenglamalaridan foydalanib bir reyka metr uzunligiga tuzatma hisoblanadi:

$$\sigma = -0,01 + 0,019 (13^\circ - 16^\circ) = -0,07 \text{ mm.}$$

0,9 m ga tuzatma topiladi:

$$\begin{array}{l} 1 \text{ m da} \quad - -0,07 \text{ mm} \\ 0,9 \text{ m da} \quad - x \text{ mm} \end{array}$$

$$x = 0,9 x(-0,07) : 1 \text{ m} = -0,06 \text{ mm.}$$

Tuzatma kiritiladi va reyka bo'lagi uzunligining to'g'rilangan qiymati topiladi.

Tekshirish amalga oshiriladi:

$$\begin{aligned} \sum O' - \sum Ch &= \sum (O' - Ch); \\ \sum (O' - Ch) + \sum \sigma &= \sum d. \end{aligned}$$

To'g'ri va teskari yo'nalish bo'yicha reyka uzunligi 2,8 m, umumiyligi 5,6 m ekanligini e'tiborga olsak, tadqiq qilinayotgan reyka bir metr uzunligining o'rtachasini topamiz:

$$\frac{5600.48}{5.6} = 1000.09 \text{ mm.}$$

Shu tartibdagagi ketma-ketlikda reykaning qizil tomoni ham tadqiq qilinadi va bir metrning o'rtacha uzunligi aniqlanadi.

Komplektga kiruvchi ikkinchi reyka bo'yicha ham shu o'lchash ishlari amalga oshiriladi.

Misol. Birinchi reyka:

1. Qora tomoni 1000.09 mm.

2. Qizil tomoni 1000.12 mm.

Ikkinci reyka:

1. Qora tomoni 1000.03 mm.

2. Qizil tomoni 1000.01 mm.

Juft reyka bir metrining o'rtacha uzunligi:

$$\frac{1000.09 + 1000.12 + 1000.03 + 1000.01}{4} = 1000.06 \text{ mm.}$$

Reykalarni tadqiq qilish dala ishlarigacha va dala ishlaridan keyin bajariladi. Juft reykalar metrining o'rtacha uzunligi uchun tuzatma seksiyadagi o'lchanan nisbiy balandlikka kiritiladi va niveler jurnaliga yozib qo'yiladi.

Reykalarning metr va detsimetr oraliqlari tasodifiy xatoligi III klass nivelerlash uchun  $\pm 0.5$  mm dan, IV klass nivelerlash uchun  $\pm 1$  mm dan oshmasligi kerak.

Misol. 16 aprelda berilgan komplekt reykaning o'rtacha tuzatma koeffitsiyenti  $\sigma_1 \pm 0.06$  mm ga teng bo'ldi. 26 avgust dala ishlarining oxirida koeffitsiyentning yangi qiymati  $\sigma_2 \pm 0.21$  mm olingan.

Seksiyada nisbiy balandliklar yig'indisiga tuzatma qiyimatini topish kerak.

$h_{o'lch.} = + 46,374_7$  m, 19 va 20 maygacha o'lchanan.

Tuzatmalar aniqlash oralig'ida (16 aprel — 26 avgust) 133 kun o'tdi. 16 aprel biringchi aniqlangan kundan 20 may sekxiyada o'lchanan kunigacha 35 kun o'tdi.

Demak 20 mayga tuzatmani hisoblaymiz:

$$\sigma = + 0,06 + \frac{[0,21 - (+0,06)]35}{133} = + 0,10 \text{ mm.}$$

Topilgan tuzatmani hisobga olgan holda to'g'rilangan nisbiy balandlikni topamiz:

$$h_{to'g'ri} = h_{o'lchan} + \sigma h_{o'lchan} = \\ = + 46.374_7 \text{ m} + [0,10(+46,4)] = + 46,379_3 \text{ m.}$$

### 3. Reykalarning nol balandliklari farqini aniqlash

Nivelirdan 20 metrcha uzoqlikda yerga har xil uzunlikda 4 ta qoziq qoqiladi. Ketma-ket har bir qoziqning ustiga birinchi reyka o'rnatilib, qora va qizil tomonidan sanoq olinadi. Undan keyin ikkinchi reyka qoziqlar ustiga qo'yilib sanoq olinadi. Bu bitta usulni tashkil qiladi. Nivelir balandligini o'zgartirib xuddi shunday usul qaytariladi.

Misol.

Usul №	Qoziq №	I-reykadan sanoq			2-reykadan sanoq		
		Qora tomon	Qizil tomon	Sanoqlar farqi	Qora tomon	Qizil tomon	Sanoqlar farqi
I	1	363	5150	4787	362	5051	4689
	2	412	5200	4788	411	5099	4688
	3	491	5277	4787	491	5178	4687
	4	592	5379	4787	591	5279	4688
II	1	409	5196	4787	410	5099	4689
	2	457	5245	4788	458	5147	4689
	3	538	5325	4787	539	5227	4688
	4	638	5426	4788	636	5325	4689
	Σ	3900	42198	38298	3898	41405	37507
O'rt.		487.5	5274.8	4787.3	487.2	5175.6	4688.4

№1 reykaning qora va qizil tomonlari nol balandligi farqi 4787 mm, №2 uchun 4688 mm.

Reykalar noli balandliklari farqi (1-2):

Qora tomoni  $487.5 - 487.2 = + 0.3$  mm.

Qizil tomoni  $5274.8 - 5175.6 = + 99.2$  mm.

Juft reykalar  $+ 0.3 - 99.2 = - 98.9$  mm  $= - 99$  mm.

Stansiyada reykalarning qizil va qora tomonlari bo'yicha olingan nisbiy balandliklar farqi (1-2) holatda  $- 99$  mm va (2-1) holatda  $+ 99$  mm qiymat bilan taqqoslanadi.

## **2.9. IV klass niveliirlash**

### **Loyihani tuzish**

Loyihani tuzishda oldin bajarilgan ishlarning materialari olinadi va tahlil qilinadi. Loyihada ishning tarkibi, hajmi, ish joyi, bajarilish tartibi va smeta narxi ko'rsatiladi. Loyiha tekst(matn) qismi, niveler yo'llari tushirilgan karta va smetadan iborat. Loyihaning tekst(matn) qismida quyidagilar ko'rsatiladi:

1. Loyihalanayotgan niveler yo'lining maqsadi.
2. Ish bajariladigan joyning qisqacha fizik-geografik tavsifi.
3. Bosh berilganlar (исходные данные) to'g'risida ma'lumot.
4. Oldin o'rnatilgan va loyihalanayotgan niveler belgilari (знак) to'g'risida ma'lumot.
5. Loyihalanayotgan niveler belgilarining turlari bo'yicha soni.
6. Asboblar va niveliirlash usullari.
7. Niveliirlash natijalarini hisoblash tartibi.

Niveler yo'llarini loyihalashtirish 1:10000-1:300000 masshtabli kartalarda bajariladi. III va IV klass niveler yo'llarini loyihalashda kartaga oldindan bajarilgan, 3 km gacha radiusda bo'lgan hamma klass niveliirlash, triangulyatsiya va poligonometriya punktlari tushiriladi.

### **Rekognossirovka**

Rekognossirovka (joyni o'rganish) qilishda niveler yo'lining va bog'lanish nuqtalarining eng qulay varianti, reper turlari va ularni o'rnatish joylari belgilanadi. Keyingi ishlarni tashkil qilish uchun kerakli ma'lumotlar yig'iladi.

Rekognossirovkachi dalada kartaga yoki aerosuratga reperlarni o'rnatish joyini, bor bo'lgan reperlarning joyini kerakli aniqlikda belgilaydi, ta'rif (описание) tuzadi va reperlarni o'rnatish uchun joyni belgilaydi.

Joyda reperlarni keyinchalik topish oson bo‘lishi uchun reperlarni o‘rnatish joyi xarakterli kontur va oriyentirga yaqin joylarda tanlanadi. Reperlarning uzoq saqlanishini va ishonchliligini ta’minalash uchun imkonli boricha reperlar o‘rnatish uchun tuprog‘i yaxshi bo‘lgan do‘ng joy tanlanadi. Reperlarni o‘rnatish uchun eng qulayi — qoyali jinslardir (скольные породы). O‘rnatish joyida yer osti suvlarining sathi yer yuzasiga 3-4 m yaqin bo‘lmasligi kerak.

Rekognossirovkachi niveleri yo‘lini va reper o‘rnatish joyini belgilashda imkonli boricha qiya ko‘tariladigan joylardan, botqoqliklardan, ekinzorlardan, ko‘llardan va boshqa noqulay joylarni chetlab o‘tishi kerak. Tushuntirish xatida nivelerlash muddati va nivelerlash uchraydigan qiyinchiliklar tafsiloti yoziladi. Rekognossirovka natijasi bo‘yicha quyidagi hujjatlar taqdim qilinadi:

1. Nivelirlash yo‘llarining aniqlik kiritilgan sxemasi.
2. Bor bo‘lgan yo‘l bilan loyihalanayotgan yo‘l bog‘lanishining aniqlik kiritilgan sxemasi.
3. Tushuntirish xati.
4. Reperlarni o‘rnatish uchun joyning tavsifi.
5. Yo‘qotilgan va topilmagan niveler belgilarning qaydnomasi (akti).
6. Tadqiq qilingan va ta’mirlangan niveler belgilarning ro‘yxati.

## Nivelirlash

IV klass nivelerlash bir tomonga bajariladi. Stansiyada kuzatish quyidagi ketma-ketlikda bajariladi:

1. Nivelirning qarash trubasi orqa reykaning qora tomoniga qaratilib, dalnomerning yuqori va o‘rta iplaridan sanoq olinadi.
2. Qarash trubasi oldingi reykaning qora tomoniga qaratilib, dalnomerning yuqori va o‘rta iplaridan sanoq olinadi.

3. Qarash trubasi oldingi reykaning qizil tomoniga qaratilib, dalnomerning o'rta ipidan sanoq olinadi.

4. Qarash trubasi orqa reykaning qizil tomoniga qaratilib, dalnomerning o'rta ipidan sanoq olinadi.

Nivelir trubasi kattalashtirish koeffitsiyenti  $30^*$  dan kam bo'lmasa, niveliplash vizir nuri uzunligi 100 m bo'ladi deb olinadi. Agar nivelir tasvirida tebranish yo'q bo'lsa, vizir nurini 150 m gacha uzaytirishga ruxsat etiladi. Nivelirdan reykagacha bo'lgan masofa qadam bilan o'lchanadi. Nivelirdan reykagacha masofaning tengsizligi 5 m, seksiyada uning yig'ilganligi 10 m dan oshmasligi kerak. Vizir nurining yer yuzasidan balandligi 0,2 m dan kam bo'lmasligi kerak.

Kuzatish paytida nivelir quyosh nuridan zont yordamida himoya qilinadi. Reykalar bashmakka adilak bo'yicha qo'yiladi. Stansiyadan stansiyaga o'tganda reykachilar almashib qoladi: oldingisi orqada, orqadagisi oldinga o'tadi. Nivelirlashdagi tanaffusda ish doimiy belgida to'xtatiladi. Nivelirlash ishini tugatishni 0,3 m chuqurlikka ko'milgan uchta qoziqda ham to'xtatish mumkin. Ikki stansiyada odatdagi dastur bo'yicha niveliirlanadi va keyinchalik qoziqlar ko'mib tashlanadi.

Tanaffusdan keyin niveliplash oxirgi stansiyadan boshlanadi, zarurat bo'lsa, oxirgisidan oldingi stansiyadan ham boshlash mumkin. Tanaffusdan keyingi niveliplash natijasini taqqoslashidan qaysi qoziq tanaffusgacha bo'lgan holatini saqlab qolganligi aniqlanadi. O'sha qoziqdan niveliplash ishlari davom ettiriladi. Tanaffusgacha va tanaffusdan keyingi natijalar farqi 5 mm dan oshmasa, qoziq tanaffusgacha bo'lgan holatini saqlagan hisoblanadi. Agar katta farq chiqsa, seksiya bo'yicha niveliplash qaytadan doimiy belgidan boshlab bajariladi.

Reykalarning qora va qizil tomonlari bo'yicha aniqlangan stansiyadagi nisbiy balandliklar farqi 5 mm gacha yo'l qo'yiladi. Agar kuzatishda farq katta bo'lsa, nivelir balandligini 3-5 sm ga o'zgartirib stansiyada kuzatish qayta

bajariladi. Boshlang'ich punktlar orasidagi yo'l bo'yicha niveirlash tugagandan keyin bog'lanmaslik xatosi hisoblanadi:

$$f_{h \text{ bog}'} = \pm 20 \text{ mm} \sqrt{L}, \text{ bu yerda } L — \text{yo'l uzunligi, km da.}$$

#### *IV klass nivelirlash jurnali*

№, stans.	№, reйка	Orqa va oldingi reykagacha dałnomer masofa	Reykalar bo'yicha sanoq		Nisbiy balandlik, mm	O'rtacha nisbiy balandlik, mm
			Orqa	Oldingi		
1 2-1 (Rp№26)	370 (7)	0226 (1)	0541(3)			
	368 (8)	0596(2)	0909(4)	-313 (11)		-312,5(14)
		5283(6)	5695 (5)	-412 (12)		
	+2/+2	4687 (9)	4786 (10)	+99 (13)		
2 1-2	321	444	652			
	320	765	972	-207		-207
		5552	5659	-107		
	+1/+3	4787	4687	-100		
3 2-1 Betma-bet tekshirish	1379 (15)	12196 (16)	13235 (17)	-1039(18)		-519.5 (19)
	275.8 m	-13235 -1039 (20)		-519.5(21)		

Jurnalga yozish aniq va toza bajarilishi kerak. Jurnaldagi sanoqlarni to'g'rilash va o'chirib yozish taqiqlanadi. Stansiyadagi noto'g'ri kuzatishlar natijalari ustidan tartibli bir chiziq bilan chizib qo'yiladi va kuzatish qayta bajariladi. Qayta kuzatilgan stansiya nomeri «qayta» degan so'z bilan yozib qo'yiladi.

Hisoblashdagi noto'g'ri yozuvlar ustidan chizilib telpasiga to'g'risi yozib qo'yiladi. Har bir seksiya bo'yicha stansiya nomeri birinchidan boshlanadi.

#### **Topshirish uchun kerak hujjatlар(materiallar)**

Dala ishlari tugagandan keyin bajaruvchi quyidagi hujjatlarni(materiallarni) taqdim etishi kerak:

1. Rasmiylashtirilgan va tekshirilgan dala jurnallari.
2. Dala ishlari to‘g‘risida tushuntirish xati.
3. Nivelir va reykalarni tadqiq qilish natijalari.
4. Punktlar absolut va nisbiy balandliklari vedomosti.
5. Nivelirlash sxemasi.
6. Reperlar tushirilgan 1:25000 yoki 1:10000 masshjabli topografik karta.

Materiallarga topshiriladigan hamma hujjatlar varaqlari nomenlanib tikib topshiriladi. Hamma materiallarda bajarilgan vaqt, kuni, sanasi, yili va bajaruvchining imzosi bo‘lishi kerak.

## 2.10. III klass nivelirlash

III klass nivelirlash to‘g‘ri va teskari yo‘nalishda bajariladi. Stansiyada kuzatish quyidagi ketma-ketlikda bajariladi:

1. Nivelirning qarash trubasi orqa reykaning qora tomoniga qaratilib, dalnomerning yuqori, o‘rta va pastki iplaridan sanoq olinadi.
2. Qarash trubasi oldingi reykaning qora tomoniga qaratilib, dalnomerning yuqori, o‘rta va pastki iplaridan sanoq olinadi.
3. Qarash trubasi oldingi reykaning qizil tomoniga qaratilib, dalnomerning o‘rta ipidan sanoq olinadi.
4. Qarash trubasi orqa reykaning qizil tomoniga qaratilib, dalnomerning o‘rta ipidan sanoq olinadi.

Nivelir trubasi kattalashtirish koeffitsiyenti  $35^x$  dan kam bo‘lmasa, nivelirlash vizir nuri uzunligi 75 m bo‘lishi kerak. Agar nivelir tasvirida tebranish yo‘q bo‘lsa, vizir nurini 100 m gacha uzaytirishga ruxsat etiladi. Nivelirdan reykagacha bo‘lgan masofa tros, lenta yoki ruletka bilan o‘lchanadi. Nivelirdan reykagacha masofaning tengsizligi 2 m, seksiyada uning yig‘ilganligi 5 m dan oshmasligi kerak. Vizir nurining yer yuzasidan balandligi 0,3 m dan kam bo‘lmasligi kerak.

Kuzatish paytida niveler quyosh nuridan zont yordamida himoya qilinadi. Reykalar bashmakka adilak bo'yicha qo'yiladi. Tanaffus uchun qoida bo'yicha ish doimiy belgida to'xtatiladi. Uchta qoziqda nivelerlashda ham to'xtatish ruxsat etiladi. Tanaffusdan oldingi va keyingi nisbiy balandliklar qiymati farqida 3 mm yo'l qo'yish mumkin.

Har bir reykaning qora tomonidan o'rta ip bo'yicha olingan sanoq farqi 3 mm dan oshmasligi kerak. Reykalarning qizil va qora tomonlari bo'yicha hisoblangan nisbiy balandliklari qiymatlari orasidagi farq 3 mm dan oshmasligi kerak. Farq ushbu kattalikdan oshib ketsa, stansiyadagi kuzatish niveler balandligini ozgina o'zgartirilib, qaytadan bajariladi. Seksiyada nivelerlashni bajargandan keyin to'g'ri va teskari yo'l bo'yicha olingan nisbiy balandliklar qiymati bir-biri bilan taqqoslanadi. Bu qiymatlar orasidagi farq  $\pm 10 \text{ mm} \sqrt{L}$  dan oshmasligi kerak. Agar farq yo'l qo'yish xatosidan katta bo'lsa, seksiya bo'yicha nivelerlash biror yo'nalish bo'yicha qaytadan qilinadi. Ko'rinarli qoniqtirmaydigan nisbiy balandlik qiymati hisoblashdan chiqarib tashlanadi. Qolgan ikkita qiymat hisoblashga kiritiladi va ularning bir-biridan farqi  $\pm 10 \text{ mm} \sqrt{L}$  dan katta bo'lmasligi kerak.

### *III klass nivelerlash jurnali*

№, сману.	Dalnomer iplari bo'yicha sanoq			Dalnomerning o'rta ipi bo'yicha sanoq			O'rtacha nisbiy balandlik
	Orqa reyka	Oldingi reyka	Nisbiy baland. tekshirish	Orqa reyka	Oldingi reyka	Nisb. baland. tekshirish	
1 1-2 (Rp №11)	1794(2)	1861(5)	-67(11)	r	1981(1)	2048(4)	-67(14)
	2168(3)	2236(6)	-68(12)	k	6668(8)	6836(7)	-168(15)
	374(9)	375(10)	-1/-1(13)		4687(16)	4788(17)	+101(18)
2 2-1	1167	387	+780	r	1354	575	+779
	1541	763	+778	k	6141	5263	+878
	374	376	-2/-3		4787	4688	-99
3 1-2							
	Bet	6670	5247	+1423	16144	14722	+1422
Tekshirish	(20)	(21)	(22)		(23)	(24)	(25)
							(26)

$$6670 - 5247 = + 1423; \quad 16144 - 14722 = + 1422;$$

$$+ 1423:2 = + 711.5; \quad + 1422:2 = + 711.0;$$

**III klass nivelirlash punktlari balandliklari  
va nisbiy balandliklari jadvali**

Seksiya №	Nivelir belgining tur va nomeri	Nivelir belgining joylanishini yozish	Yaqin belgilari orasidagi masofa, km	Boshlang'ich punktdan masofa, km	Teskari va to'g'ri yo'ldagi shattiyolar soni	O'changan nisbiy balandlik, m	To'g'ri yo'l	Teskari yo'l	Yo'llardagi nisbiy balandliklar fargi, mm	O'rtacha nisbiy balandlik, mm	Tenglashtirishdan tuzatma, mm	Tenglashtirilgan nisbiy balandlik, m	Absolut balandlik, m
G.r.				0,0									72,963
№6													
1			2.7		26 26	+2.734	-2.741	-7	+2.738	-1	+2.737		
G.r.			2.7										75.700
№7													
2			3.4 3.6		36 38	-1.854	+1.860	+6	-1.857	-2	-1.859		
D.r			6.2										73.841
№11			6.2	6.2	6.3	+0.880	-0.881	-1	+0.881	-3	+0.878		

$$f_h = \sum h - (H_{\text{Oxir}} - H_{\text{Bosh.}}) = +0,881 - (73,841 - 72,963) =$$

$$= + 0,881 - 0,878 = + 3 \text{ mm},$$

chek  $f_h = \pm 10 \text{ mm} \sqrt{L} = \pm 10 \text{ mm} \sqrt{6.2} = \pm 25 \text{ mm}.$

$$1 \text{ km yo'lda tuzatma } W = - \frac{f_h}{L} = - \frac{3}{6.2} = - 0,5 \text{ mm.}$$

## 2.11. Nivelirlash xatoliklarining manbalari

Xatoliklarning asosiy manbalari quyidagicha:

### 1. Asbob xatoliklari:

a) nivelirning bosh shartiga rioya qilmaslik.

Nisbiy balandlikni aniqlashda bosh shartiga rioya qilmaslikdan kelib chiqadigan o'rta kvadratik xatolik:

$$m_i = \pm (S_{\text{org}} - S_{\text{old}}) \frac{i''}{\rho} \text{ mm} \quad (\text{«Справочник геодезиста» bo'yicha})$$

$$m_i = \pm \frac{1}{2} (S_{\text{org}} - S_{\text{old}}) \frac{i''}{\rho''} \text{ mm},$$

$i''$  — vizir chizig'i bilan adilak o'qi orasidagi burchak:

$$i'' = \frac{b_2 - b_1}{S} \rho''.$$

$S_{\text{org}}$  —  $S_{\text{old}}$  — oldingi va orqangi reykagacha bo'lgan masofa, mm da.

b) adilak pufagi uchlarini noaniq birlashtirish.

$m_{\text{birl}} = (1.5 \tau'' S \cdot 10^{-4}) \text{ mm}$  (**«Справочник геодезиста» bo'yicha**)

$$m_{\text{birl.}} = \pm \left( \frac{\tau'' \cdot 10^3}{25\rho''} \cdot S \right) \text{ mm.}$$

d) reykadan sanoq olish xatoligi

$$m_{\text{sanoq}} = \pm \left( a + b \frac{t}{V} S \right) \text{ mm}; \quad (\text{«Справочник геодезиста»})$$

$$m_{\text{sanoq}} = \pm (0,03t + 0,20 \frac{S}{V}) \text{ mm}; \quad (\text{«Справочник геодезиста»})$$

bu yerda:  $V$  — qarash trubasining kattalashtirishi,  $t$  — shashka o'lchami (reykadagi interval, shtrix qalinligi) o'lchami, mm,

$$a = 0,092 \quad b = 0,0218.$$

$S$  — reykagacha bo'lgan masofa.

e) reykalarini komparirlash xatoligi.

1. Nivelir bashmaklarni vertikal siljitimish.
2. Kuzatish vaqtida reykalararning novertikal holati.
3. Asbobga temperaturaning ta'siri.

#### 4. Refraksiya sharoitining o'zgarishi tufayli xatolik.

Bu xatoliklarning bir nechta tasodifiydir, bir nechta sistematikdir. Oldindan bu xatoliklarning miqdorini aniqlash va ularni yo'qotishning iloji yo'q. Xatoliklar ta'sirini kamaytirish nivelirlash bo'yicha yo'riqnomalariga qattiq rioya qilish yo'li bilan amalga oshiriladi.

### 3-bob

## NIVELIR TO'RLARIDAGI TENGLASHTIRISH HISOB ISHLARI

### 3.1. Yolg'iz nivelir yo'lini tenglashtirish

$n$  ta stansiyali nivelir yo'li mavjud deylik (3.1-rasm).

$A$  va  $B$  punktlarning absolut balandliklari  $H_A$  va  $H_B$  ma'lum.  $E$  nuqtaning absolut balandligi  $H_E$  ni topish kerak.  $H_E$  nuqtaning absolut balandliqini ikki marta aniqlash mumkin:

$$A \text{ nuqtadan: } H'_E = H_A + \sum_1^k h, \quad (1)$$

$$B \text{ nuqtadan: } H''_E = H_B + \sum_{k+1}^n h. \quad (2)$$

O'lchashlarda tasodifiy va sistematik xatolar mavjud, shuning uchun  $H'_E$  va  $H''_E$ lar bir-biriga teng emas.  $E$  nuqta absolut balandligining ehtimolliy qiymati quyidagi formula bilan hisoblanadi:

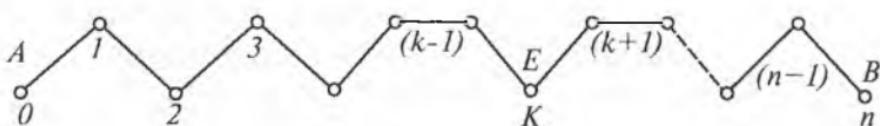
$$H_E = \frac{H'_E \cdot P'_E + H''_E \cdot P''_E}{P'_E + P''_E}. \quad (3)$$

Bu yerda:  $P'_E = \frac{1}{k}$ ,  $P''_E = \frac{1}{n-k}$ ,

$P'_E = H'_E$  absolut balandlikning vazni,

$P''_E = H''_E$  absolut balandlikning vazni,

$K - A$  va  $E$  punktlar orasidagi yo'l stansiyalar soni,  $(n-k) - E$  va  $B$  punktlar orasidagi yo'l stansiyalar soni.



3.1-rasm.

(3) formulani soddalashtirish uchun (1) va (2) formulalarni olib, ularning farqini topamiz:

$$H'_E - H''_E = H_a + \sum_1^k h - H_B + \sum_{k+1}^n h = \sum_1^n h - (H_B - H_a). \quad (4)$$

(4) tenglamaning o‘ng tomoni berilgan yo‘lning bog‘lanmaslik xatoligidir. Shuning uchun quyidagicha yozamiz:

$$H'_E - H''_E = f_h, \quad (5)$$

bu yerda

$$H''_E = H'_E - f_h. \quad (6)$$

(6) ni (3) ga qo‘yamiz, unda:

$$H_E = \frac{H'_E \cdot P'_E + (H'_E - f_h) \cdot P''_a}{P'_E + P''_E}. \quad (7)$$

Soddalashtirgandan keyin topamiz:

$$\begin{aligned} H_E &= \frac{H'_E \cdot P'_E + (H'_E - f_h) \cdot P''_E}{P'_E + P''_E} = \frac{H'_E (P'_E + P''_E) - f_h P''_E}{P'_E + P''_E} = \\ &= H'_E - \frac{f_h \cdot P''_E}{P'_E + P''_E}. \end{aligned} \quad (8)$$

(8) ga vazn qiymatlarini qo‘yamiz va topamiz:

$$\begin{aligned} H_E &= H'_E - f_h \frac{\frac{1}{n-k}}{\frac{1}{k} + \frac{1}{n-k}} = H'_E - f_h \frac{\frac{1}{n-k}}{\frac{n-k+k}{k(n-k)}} = \\ &= H'_E - f_h \frac{k(n-k)}{n(n-k)}. \end{aligned}$$

Yoki oxirida

$$H_E = H'_E - f_h \frac{k}{n}. \quad (9)$$

(9) ga asosan yolg'iz niveler yo'li bog'lanmaslik xatolarini yo'lning har qanday oxiridan boshlab hamma stan-siyalarga teskari ishora bilan teng qilib tarqatiladi.

### **3.1.1. Yolg'iz niveler yo'lning tenglashtirilgan qiymati aniqligini baholash**

$E$  nuqta absolut balandligi vaznining ehtimoliy qiymati:

$$P_E = P'_E + P''_E, \quad (1)$$

yoki

$$P_E = \frac{1}{k} + \frac{1}{n-k} = \frac{n}{k(n-k)}. \quad (2)$$

Bundan ko'rinish turibdiki, yo'ldagi nuqtalar absolut balandligi bir xil ishonchli natijaga ega emas.  $K$  sonning o'zgarishi bilan  $P_E$  vazn ham o'zgaradi. Eng kichik vaznga ega bo'lgan punkt eng ishonchli natijaga ega bo'ladi.

Bundan ko'rinish turibdiki, yo'l nuqta absolut balandliklari bir xil ishonchli natijaga ega emas. Vazn  $P_E$  ning minimal qiymatiga  $k(n-k)$  ifodaning maksimal qiymati mos keladi, shuning uchun  $y=k(n-k)$  funksiyani olib berilgan funksiya  $k$  ning qanday qiymatida maksimal qiymatga ega bo'lishini topamiz:

$$u = k(n - k) = kn - k^2. \quad (3)$$

Differensiallaymiz:

$$\frac{dy}{dk} = n - 2k.$$

Hosilani nolga tenglab, topamiz:

$$\begin{aligned} n - 2k &= 0, \\ k &= \frac{n}{2}. \end{aligned} \quad (4)$$

Demak, yo'lning eng zaif joyi uning o'rtasi ekan. (2) va (4) formulalarga asosan yo'lni tenglashtirgandan keyin o'rtadagi nuqtaning vazni quyidagiga teng:

$$P_E = \frac{n}{\frac{n}{2}(n - \frac{n}{2})} = \frac{2}{n - \frac{n}{2}}.$$

Yoki oxirida:

$$P_E = \frac{4}{n}. \quad (5)$$

Ma'lumki, oraliq nuqtalardan o'rta kvadratik xatolik quyidagi formula orqali hisoblanadi:

$$m_H = \frac{m_h}{\sqrt{P_H}}, \quad (6)$$

bu yerda:  $m_H$  — 1 km yo'lning yo'l bo'yicha nisbiy balandligining o'rta kvadratik xatosi,  $P_H$  — punkt absolut balandligining vazni.

(5) va (6) formulalarga asosan eng zaif punkt uchun ushbuga ega bo'lamiciz:

$$m_E = \frac{m_H}{2} \sqrt{n}. \quad (7)$$

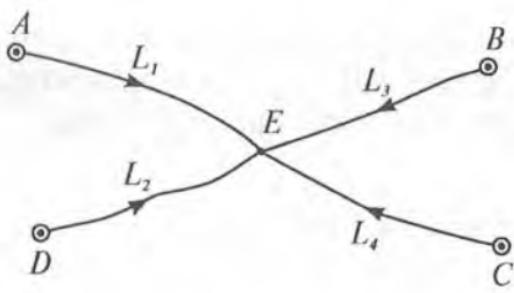
**Misol.** Agar  $m_E = \pm 3$  mm,  $L = 49$  km bo'lsa, yo'l eng zaif nuqtasining o'rta kvadratik xatosi nimaga teng?

**Yechish.**  $m_{zaif} = \pm \frac{3}{2} \sqrt{49} = \pm 10,5$  mm.

### 3.2. Bitta tugun nuqtali niveler to'rini tenglashtirish

Absolut balandligi ma'lum  $A$ ,  $B$ ,  $C$  va  $D$  nuqtalardan niveler yo'llari  $L_1$ ,  $L_2$ ,  $L_3$  va  $L_4$  o'tkazilgan (3.2-rasm).

To'rning berilgan nuqtasini tenglashtirish uchun  $E$  tugun nuqta absolut balandligining ehtimoliy qiymatini aniq-



3.2-rasm.

lash kerak. Berilganlar bo'yicha  $E$  nuqtaning 4 ta alohida absolut balandliklar qiymatini topishimiz mumkin:

$$\begin{aligned} H_E^I &= H_A + \sum h_i \\ H_E^{II} &= H_D + \sum h_2 \\ H_E^{III} &= H_B + \sum h_3 \\ H_E^{IV} &= H_C + \sum h_4 \end{aligned}$$

Nivelir yo'llarining vazni quyidagi formula orqali hisoblanadi:

$$P_1 = \frac{1}{L_1}; \quad P_2 = \frac{1}{L_2}; \quad P_3 = \frac{1}{L_3}; \quad P_4 = \frac{1}{L_4}.$$

$E$  tugun nuqtaning ehtimoliy qiymati:

$$H_E = \frac{H_E^I \cdot P_1 + H_E^{II} P_2 + H_E^{III} P_3 + H_E^{IV} P_4}{P_1 + P_2 + P_3 + P_4}. \quad (1)$$

Bundan keyin farq tuzamiz va alohida yo'llarning bog'lanmaslik xatoligini topamiz:

$$\begin{aligned} H_E^I - H_e &= f_{n_1}^I, \\ H_E^{II} - H_e &= f_{n_2}^{II}, \\ H_E^{III} - H_e &= f_{n_3}^{III}, \\ H_E^{IV} - H_e &= f_{n_4}^{IV}. \end{aligned}$$

Bu bog'lanmaslik xatoliklari teskari ishora bilan teng yo'lning hamma stansiyalariga tarqatib chiqiladi va

boshqa punktlarning absolut balandliklari topiladi. Hisoblashni soddalashtirish uchun (1) formulaga aniqlanayotgan absolut balandlikning taxminiy qiymati  $H_0$  kiritiladi, keyingi hisoblashlar qoldiqlar bilan bajariladi:  
Qoldiq:

$$H_E^I - H_0 = \varepsilon_1; H_E^{II} - H_0 = \varepsilon_2; H_E^{III} - H_0 = \varepsilon_3; H_E^{IV} - H_0 = \varepsilon_4.$$

Unda formula (1) quyidagi ko‘rinishni oladi:

$$H_E = H_0 + \frac{[\varepsilon \cdot P]}{[P]}. \quad (2)$$

### 3.3. Nivelir to‘rini ekvivalent almashtirish usuli bilan tenglashtirish

Ikkita tugun nuqtali niveler to‘rini tenglashtirish talab qilinsin (3.3-rasm). Birinchi va ikkinchi yo‘llar bitta ekvivalent yo‘l bilan almashtiriladi. Buning uchun 1 va 2-yo‘llar bo‘yicha  $E$  tugun nuqtaning taxminiy absolut balandligi va yo‘llarning vazni hisoblanadi:

$$H_1 = H_A + \sum h_1; H_2 = H_B + \sum h_2;$$

$$P_1 = \frac{1}{L_1}; P_2 = \frac{1}{L_2}.$$

Ikki yo‘l bo‘yicha  $E$  nuqtaning taxminiy qiymati hisoblanadi:



3.3-rasm.

$$H_{1,2} = \frac{H_1 P_1 + H_2 P_2}{P_1 + P_2}.$$

Topilgan  $H_{1,2}$  absolut balandlik qiymatining vazni hisoblanadi:

$$P_{1,2} = P_1 + P_2.$$

Vazn  $P_{1,2}$  bir vaqtning o‘zida ekvivalent (1,2) yo‘lning ham vaznidir. Ekvivalent yo‘lning uzunligi topiladi:

$$L_{1,2} = \frac{1}{P_{1,2}}.$$

1 va 2-yo‘llarni (1,2) ekvivalent yo‘l bilan almash-tirib, bitta  $F$  tugun nuqtali va uchta yo‘lli 4, 5, (1, 2 + 3) yangi niveler to‘ri hosil qilamiz.

Yo‘llar bo‘yicha tugun nuqta  $F$  absolut balandligining taxminiy qiymatini hisoblaymiz:

$$\begin{aligned} 4\text{-yo‘l bo‘yicha } H_4 &= H_c + \sum h_4, \\ 5\text{-yo‘l bo‘yicha } H_5 &= H_D + \sum h_5, \\ \text{ekvivalent yo‘l bo‘yicha } H_{1,2,3} &= H_{1,2} + \sum h_3. \end{aligned}$$

Yo‘llar vazni topiladi:

$$P_4 = \frac{1}{L_4}; \quad P_5 = \frac{1}{L_5}; \quad P_{1,2,3} = \frac{1}{L_{1,2} + L_3}.$$

$F$  nuqtaning ehtimoliy qiymati topiladi:

$$H_F = \frac{H_4 P_4 + H_5 P_5 + H_{1,2,3} P_{1,2,3}}{P_4 + P_5 + P_{1,2,3}}.$$

Yo‘llarning bog‘lanmaslik xatosi topiladi:

$$H_4 - H_F = f h_4, \quad H_5 - H_F = f h_5,$$

$$H_{1,2,3} - H_F = f h_{1,2,3}.$$

4- va 5- yo'llar yolg'iz niveler yo'li kabi tenglashtiriladi. Ekvivalent yo'l (1, 2+3) quyidagicha tenglashtiriladi:

Bir kilometr ekvivalent yo'lga tuzatma topiladi:

$$W = - \frac{H_{1,2,3} - H_F}{L_{1,2} + L_3},$$

3-yo'l uchun tuzatma topiladi:

$$W_3 = L_3 W.$$

Bu yo'l xuddi yolg'iz niveler yo'li kabi tenglashtiriladi. E tugun nuqtaning ehtimoliy qiymati hisoblanadi:

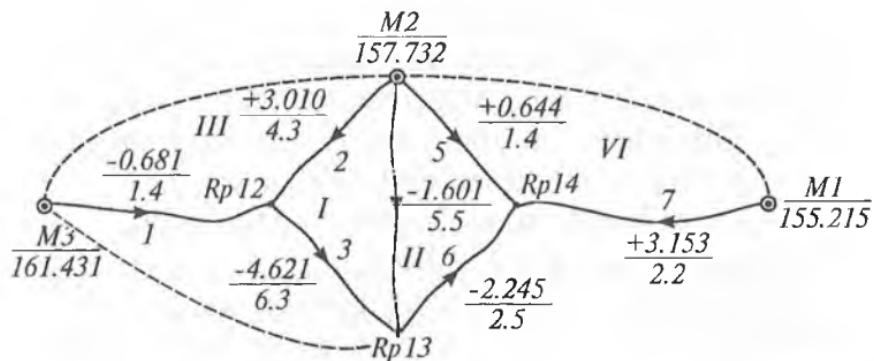
$$H_E = H_{1,2} + L_{1,2} W.$$

Bundan keyin 1 va 2-yo'llarni tenglashtirish qoladi. Buning uchun yo'llarning bog'lanmaslik xatosi hisoblanadi:

$$H_1 - H_E = f h_1; \quad H_2 - H_E = f h_2.$$

Bu bog'lanmaslik xatoliklari teng qilib teskari ishora bilan mos yo'lning hamma stansiyalariga tarqatiladi.

Misol.



3.3-a rasm.

Yo'llar	Berilgan punktalar №	O'ichangan nisbiy balandlik	Yo'l uzunligi (km)	Hisoblangan absolut balandliklar	Qoldiq ε, mm	Vazn $P = \frac{q}{L}$	$P, \varepsilon$	Oxirgi absolut balandliklar	Tuzatma, W/mm	$PW^2$
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
				Rp 12	1			160.748 <sub>2</sub>		
1	3	-0.681	1.4	160,750	8	2,86	22,8	5	-1,8	9,4
2	2	+3,010	4,3	160,742	0	0,93	0		+6,2	35,7
1,2			1,05	160,748 <sub>0</sub>	2	3,79	22,8		+0,2	
3		-4,621	6,3			0,64			+1,4	1,2
				Rp 14				158,373 <sub>1</sub>		
5	2	+0,644	1.4	158,376	8	2,86	22,8	6	-2,9	24,1
7	1	+3,153	2,2	158,368	0	1,82	0		+5,1	47,4
5,7			0,86	158,372 <sub>9</sub>	3	4,68	22,8		+0,2	
6		-2,245	2,5			1,60			+0,5	0,4
				Rp 13				156,128 <sub>6</sub>		
1,2+3			7,35	156,127 <sub>0</sub>	0	0,54	0	4	+1,6	
5.7+6			3,36	156,127 <sub>9</sub>	0,9	1,18	1,1		+0,7	
4	2	-1,601	5,5	156,131	4,0	0,73	2,9		-2,4	4,2
				156,028 <sub>6</sub>		2,45	4,0			122,4

### Tuzatmalarni tekshirish

Tuzatmalarni hisoblashni tekshirish poligonlar bo'yicha bajariladi. Shuning uchun poligonlar soni aniqlanadi. Poligonlar soni ortiqcha (избыточные) o'lchashlar soniga teng. Ortiqcha o'lchashlar soni  $n - k$  ga teng, bu yerda:

$n$  — hamma o'lchashlar soni (yo'llar soni),

$k$  — noma'lumlar soni ( tugun nuqtalar soni).

Demak,  $r = n - k = 7 - 3 = 4$ .

Ikkita yopiq va ikkita ochiq poligon mavjud. Ochiq poligonlar sonini quyidagi formula orqali ham hisoblash mumkin:

$$r^1 = k^1 - 1,$$

Bunda  $k^l$  — absolut balandligi ma'lum(qattiq) punktlar oni.

Endi  $r^l = 3 - 1 = 2$ .

Poligon bo'yicha tuzatmalar yig'indisi teskari ishora bilan bog'lanmaslik xatolari yig'indisiga, ya'ni  $\sum W = - \sum f_h$  ga teng bo'lishi kerak.

Poligonlar №	Poligonlar bog'lanmaslik xatosi $f_h$ , mm	Oldindan bog'lanmaslik xatosi, $f_h = \pm 10 \sqrt{L}$ , mm	Poligon bo'yicha tuzatmalar yig'indisi, mm
I	+10	±40	-10
II	0	±30	0
III	-8	±24	+8
IV	-8	±19	+8

**Tuzatmalar bo'yicha dala o'lashlarining aniqligini baholash.**

Vazn birligidagi o'rta kvadratik xatolik (4 km yo'l bo'yicha nisbiy balandliklar xatosi):

$$\mu = \pm \sqrt{\frac{PW^2}{n-k}} = \pm \sqrt{\frac{122.4}{7-3}} = \pm 5.5 \text{ mm},$$

1 km yo'l bo'yicha nisbiy balandliklar xatosi:

$$m_{\text{km}} = \pm \frac{\mu}{\sqrt{c}} = \pm \frac{5.5}{\sqrt{4}} = \pm 2.8 \text{ mm},$$

bu yerda  $c = \frac{L_{\min} + L_{\max}}{2}$ .

**Tugun nuqtalari absolut balandliklarining tenglashtirilgan qiymatining aniqligini baholash**

Buning uchun oldin 12 va 14-reper vazni ekvivalent almashtirish usuli bilan hisoblanadi:

$P_{H_{12}} = P_1 + P_2 + P_{(5,7+6),4+3}$			$P_{H_{14}} = P_7 + P_5 + P_{(1,2+3),4+6}$		
Yo'llar №	$L$	$P = \frac{4}{L}$	Yo'llar №	$L$	$P = \frac{4}{L}$
5	1,4	2,86	1	1,4	2,86
7	2,2	1,82	2	4,3	0,93
5,7	0,86	4,68	1,2	1,05	3,79
6	2,5		3	6,3	
5,7+6	3,36	1,18	1,2+3	7,35	0,54
4	5,5	0,73	4	5,5	0,73
(5,7+6),4	2.10	1.91	(1,2+3), 4	3,14	1,27
3	6,3		6	2,5	
(5,7+6), 4+3	8,40	0,48	(1,2+3), 4+6	5,64	0,72
1	1,4	2,86	5	1,4	2,86
2	4,3	0,93	7	2,2	1,82
	$P_{H_{12}}$	4, 27		$P_{H_{14}}$	5,40

13-reper absolut balandligi vazni hisoblashdan olinadi va u 2,45 ga teng.

Tugun nuqtalari absolut balandligining tenglashtirilgan qiymatlari o'rta kvadratik xatosi:

$$M_{12} = \frac{\mu}{\sqrt{P_{12}}} = \frac{5.5}{\sqrt{4.27}} = \pm 2,8 \text{ mm}$$

$$M_{13} = \frac{5.5}{\sqrt{2,45}} = \pm 3,5 \text{ mm}; M_{14} = \frac{5.5}{\sqrt{5,40}} = \pm 2,4 \text{ mm}.$$

### 3.4. Ketma-ket yaqinlashtirish usuli

Uchta tugun nuqtali niveler to'ri mavjud. 12, 13, va 14-tugun nuqtalarning absolut balandligini topish talab qilinsin.

Belgilaymiz:  $H_{12}$ ,  $H_{13}$ ,  $H_{14}$  — tugun nuqtalar absolut balandligi,  $H_1^M$ ,  $H_2^M$ ,  $H_3^M$  — tayanch punktlarning absolut balandligi.

Tugun nuqtalarning absolut balandligi quyidagi formula bilan topiladi:

$$H_{12} = \frac{(H_3^M + h_1)P_1 + (H_2^M + h_2)P_2 + (H_{13} - h_3)P_3}{P_1 + P_2 + P_3},$$

$$H_{13} = \frac{(H_{12} + h_3)P_3 + (H_2^M + h_4)P_4 + (H_{14} + h_6)P_6}{P_3 + P_4 + P_6},$$

$$H_{14} = \frac{(H_2^M + h_5)P_5 + (H_{13} - h_6)P_6 + (H_1^M + h_7)P_7}{P_5 + P_6 + P_7}.$$

Bu yerda:  $h_1, h_2, \dots, h_7$  — yo'ldagi o'lchangan nisbiy balandlik.

Bu formulalarda hamma elementlari ma'lum emas. Shuning uchun tugun nuqtalarning absolut balandlik qiymati birdaniga topilmaydi, u ketma-ket yaqinlashtirish usuli bilan topiladi. Birinchi yaqinlashtirishda formulaning noma'lum qismi nolga tenglashtiriladi va tugun nuqtalari absolut balandligining taxminiy qiymati hisoblanaadi. Ikkinciya yaqinlashtirishda birinchi yaqinlashtirishda topilgan tugun nuqtalar absolut balandligining taxminiy qiymati formulaga qo'yiladi. Hisob tugun nuqtalari absolut balandligi natijalari oxirgi ikkita yaqinlashtirish bir xil bo'lmaguncha davom ettiriladi. Hisobni soddallashtirish uchun keltirilgan vazn topiladi:

$$\frac{P_n}{[P]} = P_n,$$

buni hisobga olganda formula  $H = H_0 + \frac{[\varepsilon P]}{[P]}$  ko'rinishni oladi, bu yerda:

$$H = H_0 + [\varepsilon P'].$$

Hisoblashlar natijalari quyidagi jadvalga joylashtiriladi:

Tugun nüqtalar №	Yo'llar №	Tayanch punkt №	Bosqlanq'ich punktlar absolut balandliklari	O'lehangan nisbiy balandlik, m	Yo'l uzunligi, km	Yaqinlashtirish						PW	PW <sup>2</sup>			
						I			II							
						P = $\frac{5}{L}$	$P = \frac{P_n}{[P]}$	H	$\varepsilon P^*$	H	$\varepsilon P^*$	H	$\varepsilon P^*$			
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
1	1	3	161.431	-0.681	1.4	3.57	0.65	160.750	5.2	160.750	5.2	160.750	5.2	-1.7	-6.1	10.4
12	2	2	157.732	+3.010	4.3	1.16	0.21	160.742	0	160.742	0	160.742	0	+6.3	+7.3	46.0
3	13	-	+4.621	6.3	0.79	0.14	-	160.750	1.1	160.749	1.1	160.749	1.1	-1.4	-1.1	1.5
					5.52	1.00	160.748	5.2	160.748	6.3	160.748	6.3	+0.1			
				1			2		3		4		5			
13	3	12	-	-4.621	6.3	0.79	0.21	156.127	0	156.127	0	156.127	0	+1.3	+1.0	-
4	2	157.732	-1.601	5.5	0.91	0.25	156.131	1.0	156.131	0.9	156.131	0.9	-2.4	-2.2	5.3	
6	14	-	-2.245	2.5	2.00	0.54	-	-	156.128	0.5	156.128	0.4	+0.5	+1.0	0.5	
					3.70	1.00	156.129	1.0	156.128	1.4	156.128	1.3	-0.2			
5	2	157.732	+0.644	1.4	3.57	0.46	158.376	3.7	158.376	3.7	158.376	3.7	-2.9	-10.4	30.2	
14	6	13	-	+2.245	2.5	2.00	0.25	158.374	1.6	158.373	1.4	158.373	1.4	-0.5	-1.0	-
7	1	155.215	+3.153	2.2	2.27	0.29	158.368	0	158.368	0	158.368	0	+5.1	+11.	59.2	
						7.84	1.00	158.373	5.3	158.373	5.1	158.373	5.1	+0.2	+0.2	153.1

Oxirgi ikkita yaqinlashtirishda absolut balandliklar qiy-mati bir-biridan  $\pm 0,3$  mm dan kattaga farq qilmasa, hisoblashlar to'xtatiladi.

### **Tuzatmalarни текширish**

Tuzatmalarни hisoblashning to'g'riligini ikkita usul bilan tekshirish mumkin:

1. Poligon bo'yicha (oldingi misolga qarang).
2. Tugun nuqtalar bo'yicha.

Tugun nuqtalar bo'yicha tuzatmani tekshirish uchun quyidagi formula qo'llaniladi:

$$[PW] = 0.$$

Tekshirish xatoligi  $\pm 0.3$  mm dan oshmasligi kerak.

### **Dala o'lhashlar aniqligini baholash**

5 km yo'l bo'yicha nisbiy balandlik o'rta kvadratik xatosi:

$$\mu = \pm \sqrt{\frac{[PW]^2}{n-k}} = \pm \sqrt{\frac{153,1}{7-3}} = \pm 6.2 \text{ mm}.$$

1 km yo'l bo'yicha nisbiy balandlik o'rta kvadratik xatosi:

$$M_{km} = \pm \frac{\mu}{\sqrt{c}} = \pm \frac{6.2}{\sqrt{5}} = \pm 2.8 \text{ mm}.$$

### **Tenglashtirilgan qiymatning aniqligini baholash**

Tugun nuqtalar absolut balandligining vazni Kozlov-ning ushbu taqribiy formulasi bilan hisoblanadi:

$$P_{Hi} = [P]_i - \frac{P_{i,a}^2}{[P]_a} - \frac{P_{i,b}^2}{[P]_b} - \dots - \frac{P_{i,k}^2}{[P]_k},$$

$$P_{H12} = 5,52 - \frac{(0,79)^2}{3,70} = 5,35.$$

$$P_{H13} = 3,70 - \frac{(0,79)^2}{5,52} - \frac{(2,00)^2}{7,84} = 3,07,$$

$$P_{H14} = 7,84 - \frac{(2,00)^2}{3,70} = 6,76.$$

Tugun punktlari tenglashtirilgan absolut balandligining o'rta kvadratik xatosi:

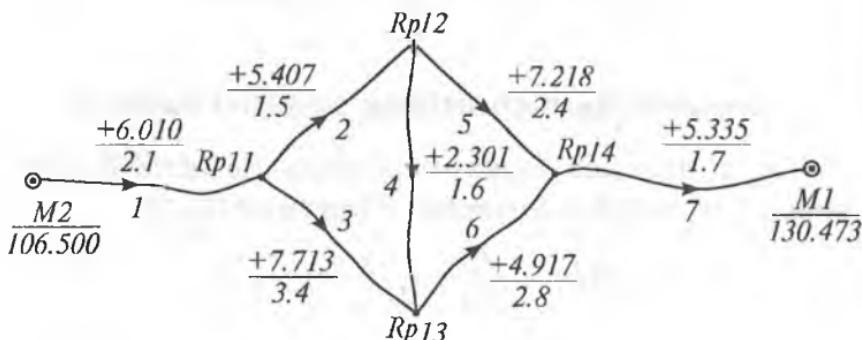
$$M_{H12} = \frac{\mu}{\sqrt{P_{H12}}} = \frac{6.2}{\sqrt{5.35}} = \pm 2,7 \text{ mm},$$

$$M_{H13} = \frac{6.2}{\sqrt{3.07}} = \pm 3,5 \text{ mm},$$

$$M_{1H4} = \frac{6.2}{\sqrt{6.76}} = \pm 2,4 \text{ mm}.$$

### 3.5. Nivelir to'rini Popovning tugunlar usuli bilan tenglashtirish

To'rtta tugun nuqtali niveleri to'ri mavjud (3.4-rasm). Tayanch punktlari  $M_1$  va  $M_2$  ning absolut balandligi ma'lum. Hisoblash poligon sxemasi bo'yicha bajariladi. Yo'llar yoniga nisbiy balandlik va vaznlar yoziladi. Tugun nuqtalar absolut balandliklarining  $H'$  taxminiy qiyamatlari hisoblanadi.



3.4-rasm.

Tugunlar vaznlari hisoblanadi. Masalan, birinchi tugun uchun (o'n birinchi reper):

$$P_{11} = P_1 + P_2 + P_3 = 0,5 + 0,7 + 0,3 = 1,5 \text{ va hokazo.}$$

Har bir yo'l bo'yicha nisbiy balandlikdagi bog'lanmaslik xatoligi hisoblanadi:

$$f_1 = H_2^M + h_1 - H_{11}^1 = 106,500 + 6,010 - 112,510 = 0,$$

$$f_4 = H_{12}^1 + h_4 - H_{13}^1 = 117,917 + 2,301 - 120,223 = -5 \text{ mm}$$

va hokazo.

Bu bog'lanmaslik xatoliklari o'z ishorasi bilan yo'lning oxiriga yozib qo'yiladi. Agar yo'lning boshiga yozilsa, teskari ishora bilan yoziladi. Bog'lanmaslik xatoligi yoniga qavs ichiga vazn bilan keltirilgan bog'lanmaslik xatosi ( $P.f$ ) yoziladi, masalan,

$$P_4 f_4 = 0,7(-5) = -3,5 \text{ va hokazo.}$$

Tugun nuqtalarning vazni topiladi. Tugun nuqta vazni shu nuqtada uchrashayotgan yo'llar vazni yig'indisiga teng.

Masalan,  $P_{12} = P_2 + P_4 + P_5 = 0,7 + 0,7 + 0,4 = 1,8$  va hokazo.

Tugunlar bog'lanmaslik xatoliklarini topamiz:

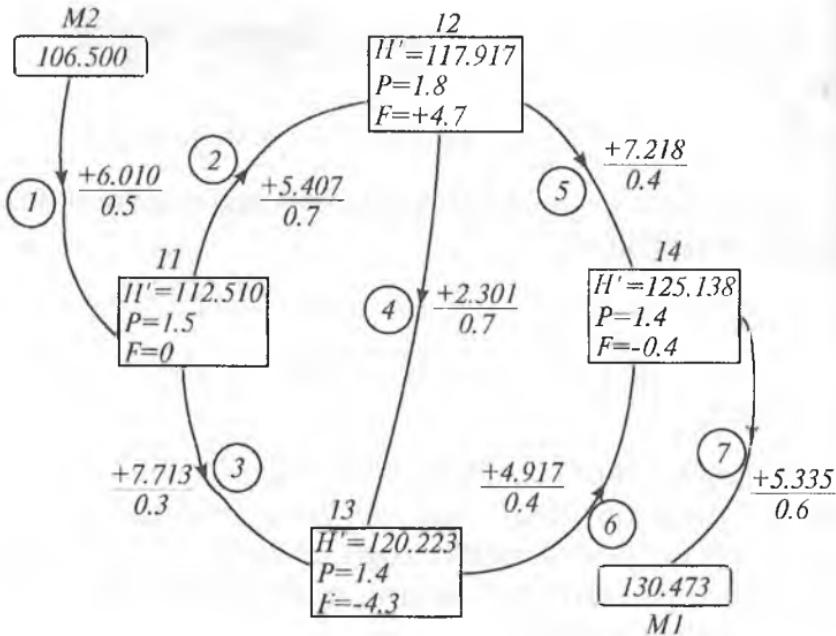
$$F_{11} = P_1 f_1 + P_2 f_2 + P_3 f_3 = 0,$$

$$F_{12} = P_2 f_2 + P_4 f_4 + P_5 f_5 = 0 + 3,5 + 1,2 = +4,7 \text{ va hokazo.}$$

Tugun nuqtalar taxminiy absolut balandliklariga tuzatmalar ikkita usulda hisoblanadi:

### 1. Normal tenglamalarni tuzish va yechish usuli

Agar 11, 12, 13 va 14 tugun nuqtalar taxminiy absolut balandliklariga tuzatmalarni mos ravishda  $x$ ,  $y$ ,  $z$  va  $u$  orqali belgilasak, quyidagi tuzatmalar normal tenglamalarni yozishimiz mumkin (3.5-rasm):



3.5-rasm.

1.  $P_{11}x - P_2y - P_3z - F_{11} = 0.$
2.  $P_{12}y - P_2x - P_4z - P_5u - F_{12} = 0.$
3.  $P_{13}z - P_3x - P_4y - P_6u - F_{13} = 0.$
4.  $P_{14}u - P_5y - P_6z - F_{14} = 0.$

Agar qiymatlarni qo‘ysak:

1.  $1.5x - 0.7y - 0.3z = 0.$
2.  $-0.7x + 1.8y - 0.7z - 0.4u - 4.7 = 0.$
3.  $-0.3x - 0.7y + 1.4z - 0.4u + 4.3 = 0.$
4.  $-0.4y - 0.4z + 1.4u + 0.4 = 0.$

Bu normal tenglamalarni yechib tuzatmalar topiladi va ular tugun nuqtalar taxminiy absolut balandliklariga kiritiladi.

## 2. Ketma-ket yaqinlashtirish usuli

Aniqlashning bu usuli poligon sxemasi bo‘yicha bajariladi. To‘g‘ri burchakli jadvalning ichiga tugunlarning ozod hadi yoziladi. Yo‘lning qizil sonlari hisoblanadi. Masalan, o‘n birinchi yo‘l uchun:

$$R_1 = \frac{P_1}{P_{11}} = \frac{0.5}{1.5} = 0.33,$$

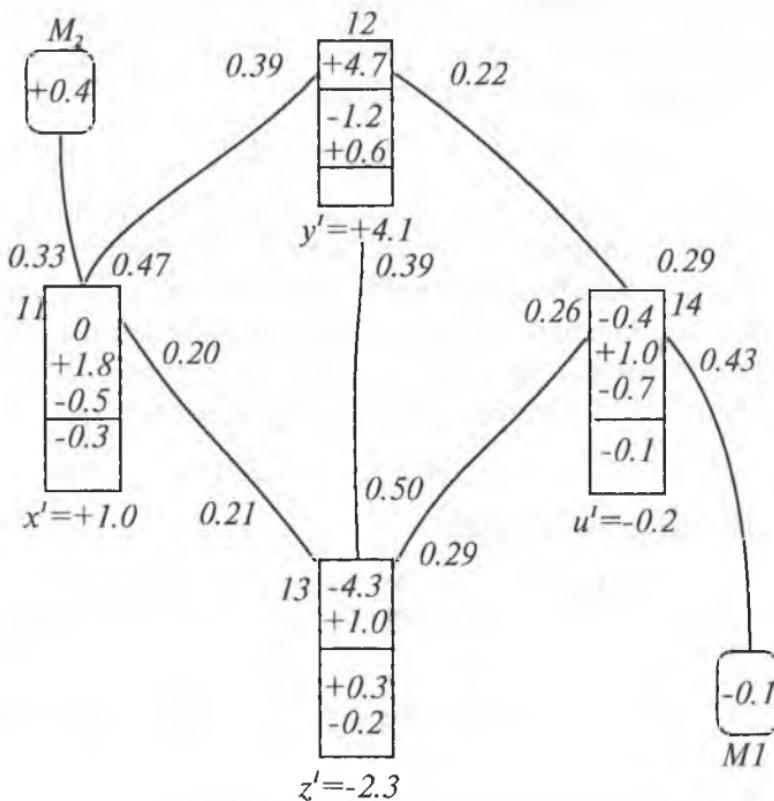
$$R_2 = \frac{P_2}{P_{\{1}}} = \frac{0.7}{1.5} = 0,47,$$

$$R_3 = \frac{P_3}{P_{11}} = \frac{0.3}{1.5} = 0,20.$$

Tekshirish. Tugunning qizil sonlari nolga teng bo‘lishi kerak:

$$0.33 + 0.47 + 0.20 = 1,00.$$

Qizil sonlar tugun jadvalining yoniga yozib qo'yiladi (3.6-rasm). Bog'lanmaslik xatolarini taqsimlashga kirishi-



### 3.6-rasm.

ladi. Bog'lanmaslik xatolari qizil sonlarga proporsional taqsimlanadi. Taqsimlash bog'lanmaslik xatosi absolut qiymati katta bo'lgan tugundan boshlanadi.

Taqsimlash sxemasi: 12–13–14–11.

Bizning misolimizda taqsimlash 12 tugun nuqtadan boshlanadi:

$$11 \text{ tugun nuqtaga: } + 4.7 \cdot 0.39 = + 1.8$$

$$12 \text{ tugun nuqtaga: } + 4.7 \cdot 0.39 = + 1.9$$

$$13 \text{ tugun nuqtaga: } + 4.7 \cdot 0.22 = + 1.0$$

$$\text{Tek shirish: } + 1.8 + 1.9 + 1.0 = + 4.7.$$

12 tugun nuqtaning  $+ 4.7$  tarqatilgan bog'lanmaslik xatosining tagi chizib qo'yiladi va 13 tugun nuqtaga o'tiladi. Bu yerda bog'lanmaslik  $- 4.3 + 1.9 = - 2.4$ , tekshiriladi va tagi chizib qo'yiladi. 14 tugun nuqtaga o'tiladi va bog'lanmaslik  $- 0.4 + 1.0 - 0.7 = - 0.1$  tarqatiladi.

11 tugun nuqtada taqsimlanadi:

$$0 + 1.8 - 0.5 = + 1.3.$$

Tugun nuqtalarni bir marta aylanib chiqqandan keyin yana bog'lanmaslik xatosi paydo bo'ldi. Bu bog'lanmaslik ikkinchi aylanishda taqsimlanadi. Bunday taqsimlanish tartibi bog'lanmaslik xatoligi to'liq taqsimlanmaguncha davom ettiriladi. Taqsimlanishdan keyin tugun jadvalida yozilgan bog'lanmaslik sonining yig'indisi topiladi:

$$x' = + 1.0; y' = + 4.1; z' = - 2.3; u' = - 0.2.$$

Tuzatma hisoblanadi:

$$x = \frac{x'}{P_{11}} = + \frac{1.0}{1.5} = + 0.7 \text{ mm}; y = \frac{y'}{P_{12}} = + \frac{4.1}{1.8} = + 2.3 \text{ mm};$$

$$z = \frac{z'}{P_{13}} = - \frac{2.3}{1.4} = - 1.6 \text{ mm}; u = \frac{u'}{P_{14}} = - \frac{0.2}{1.4} = - 0.1 \text{ mm};$$

Bu tuzatmalar tugun absolut balandligi taxminiy qiymatiga kiritiladi va tenglashtirilgan qiymati topiladi.

Tugunlar №	Taxminiy absolyut balandliklar ( $H_1$ )	Tuzatmalar	Tenglashtirilgan absolut balandliklar
11	112.510	+0.7	112.510 <sub>7</sub>
12	117.917	+2.3	117.919 <sub>7</sub>
13	120.223	-1.6	120.221 <sub>4</sub>
14	125.138	-0.1	125.137 <sub>9</sub>

### 3.6. Nivelir to‘rini Popovning poligonlar usuli bilan tenglashtirish (to‘rnning chizmasida)

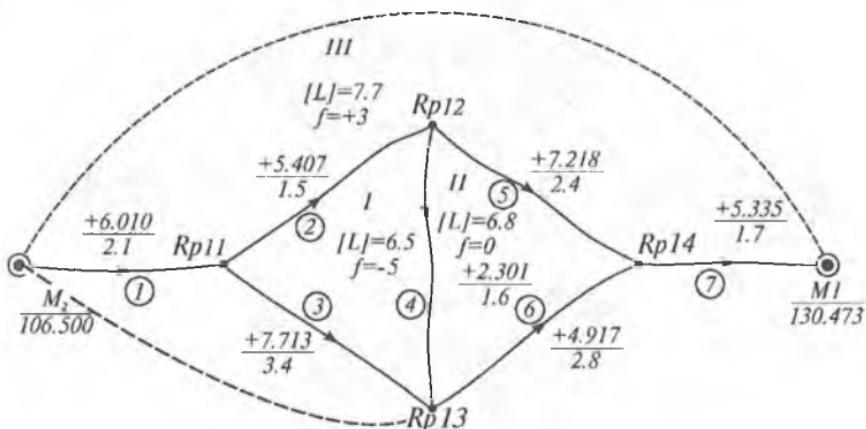
To‘rtta tugun nuqtali to‘r mayjud. Tenglashtirish poligonlar sonini hisoblashdan boshlanadi:

$$r = n - k = 7 - 4 = 3,$$

bu yerda  $n$  — o‘lchashlar soni,  $k$  — noma’lumlar soni.

Poligonning bog‘lanmasligi va perimetri hisoblanadi. Poligonning chizma-sxemasi tuziladi. Chizmaga bog‘lanmaslik jadvali (har bir poligonning ichiga) chiziлади, har bir yo‘lning yoniga poligonning tashqari tomonidan tuzatmalar jadvali chiziladi.

Bog‘lanmaslik jadvaliga poligonlar bog‘lanmaslik qiyamati mos ravishda yozib qo‘yiladi. Tuzatmalar jadvali



3.7-rasm.

ustiga quyidagi formula bilan hisoblangan poligonlar tomoni qizil sonlari yoziladi:

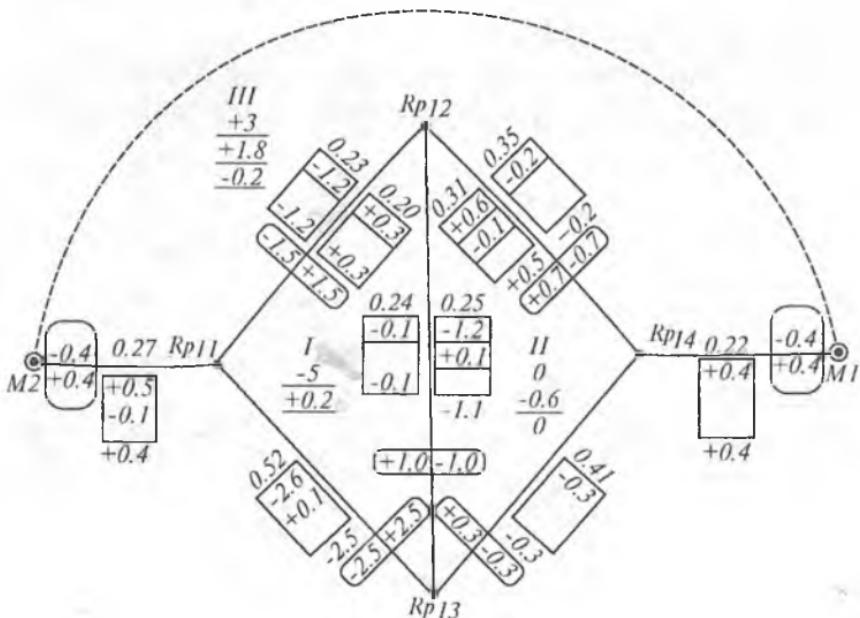
$$R_i = \frac{L_i}{[L]}.$$

**Misol.** Birinchi poligon uchun:

$$R_2 = \frac{1.5}{6.5} = 0,23, R_3 = \frac{3.4}{6.5} = 0,52, R_4 = \frac{1.6}{6.5} = 0,25.$$

Tekshirish:  $0.23 + 0.52 + 0.25 + 1.00$ .

Qizil sonlarni tekshirgandan keyin bog'lanmaslikni taqsimlashga kirishiladi. Taqsimlash bog'lanmaslikning absolut qiymati katta bo'lgan poligondan boshlanadi. Bog'lanmaslikni taqsimlash poligon yo'lining qizil sonlariga proporsional taqsimlanadi. Misol. Birinchi poligon uchun:



3.8-rasm.

$$-5 \cdot 0,52 = -2,6; -5 \cdot 0,23 = -1,2; -5 \cdot 0,25 = -1,2.$$

$$\text{Tekshirish: } -2,6 - 1,2 - 1,2 = -5,0.$$

Tarqatilgan bog'lanmaslik mos ravishda qizil sonlar tagiga poligon bog'lanmaslik ishorasi bilan yozib qo'yildi. Taqsimlangan bog'lanmaslik « $-5$ » ning tagiga chiziladi (3.8-rasm).

Uchinchi poligonga o'tiladi. Bu poligonning bog'lanmasligi  $+3$  ga teng, lekin 1 poligondan  $-1,2$  bog'lanmaslik o'tgan. Tuzatmalar jadvalidagi  $-1,2$  ning tagiga chizib, uni bog'lanmaslik jadvaliga o'tkazamiz. Demak, uchinchi poligonda  $+3 - 1,2 = +1,8$  taqsimlanadi. Taqsimlangandan keyin bu bog'lanmaslikning tagi chiziladi va keyingi poligonga o'tiladi. Bunday ish poligonlar bog'lanmasligi to'liq taqsimlanmaguncha davom ettiriladi.

Jadvallardagi qizil sonli raqamlar yig'indisi topiladi va yo'llarning o'lchangan nisbiy balandliklariga tuzatma hisoblanadi.

Misol. Birinchi poligon uchun:

$$2 \text{ yo'l} + 0,3 - (-1,2) = +1,5 \text{ mm},$$

$$3 \text{ yo'l} 0 - (-2,6) = +2,6 \text{ mm},$$

$$4 \text{ yo'l} - 0,1 - (-1,2) = +1,1 \text{ mm} \text{ va hokazo.}$$

Tuzatmani tekshirish:

$$[W] = -f,$$

$$[W] = +1,5 + 2,6 + 1,1 = +5,2,$$

$$f = -5.$$

Keyin o'lchangan nisbiy balandlik tenglashtiriladi, tugun nuqtalarning absolut balandligi (otmetkasi) topiladi va tenglashtirilgan miqdorlarning aniqligini baholash bajariladi.

Natijalar jadval ko'rinishida yoziladi:

			Tugun nuqtalar №	Yo‘l №	Boshlang‘ich nuqtalar №	Boshlang‘ich nuqtalar absolut balandliklari	O‘lchanagan nisbiy balandlik	Tuzatma	Tenglashtirilgan nisbiy balandlik	Tugun nuqtalarning absolut balandligi	Yo‘l uzunligi, L	$P = \frac{1}{L}$	$P^*W^2$
11	1	M2	106.500	+6.010	+0.4	+6.010 <sub>4</sub>			112.510 <sub>4</sub>	2.1	0.48	0.08	
14	7	M1	130.473	-5.335	-0.4	-5.335 <sub>4</sub>			125.137 <sub>6</sub>	1.7	0.59	0.09	
12	2	11	112.511	+5.407	+1.5	+5.409 <sub>5</sub>			117.919 <sub>5</sub>	1.5	0.67	1.51	
	5	14	125.138	-7.218	-0.7	-7.218 <sub>7</sub>			117.919 <sub>3</sub>	2.4	0.42	0.21	
13	3	11	112.511	+7.713	-2.5	+7.710 <sub>5</sub>			120.221 <sub>5</sub>	3.4	0.29	1.81	
	4	12	117.920	+2.301	+1.0	+2.302			100.222	1.6	0.63.	0.63	
	6	14	125.138	-4.917	+0.3	-4.916 <sub>7</sub>			120.221 <sub>3</sub>	2.8	0.36	0.03	

4.36

Dala o‘lchashlarining aniqligini baholash

Bir kilometr yo‘l bo‘yicha o‘rta kvdratik xatolik:

$$\mu = \pm \sqrt{\frac{(PW)^2}{n - k}} = \pm \sqrt{\frac{4,36}{3}} = \pm 1.2 \text{ mm.}$$

Tenglashtirilgan miqdorlarning aniqligini baholash

Kozlov formulasi bilan tugun nuqtalar absolut balandligining vazni hisoblanadi:

$$P_{H_i} = [P]_i - \frac{P_{i,a}^2}{[P]_a} - \frac{P_{i,b}^2}{[P]_b};$$

$$P_{H_{11}} = 1,44 - \frac{0,67^2}{1,44} - \frac{0,29^2}{1,28} = 1,11;$$

$$P_{H_{12}} = 1,72 - \frac{0,67^2}{1,44} - \frac{0,29^2}{1,28} - \frac{0,42^2}{1,37} = 0,97;$$

$$P_{H_{13}} = 1,28 - \frac{0,29^2}{1,44} - \frac{0,63^2}{1,72} - \frac{0,36^2}{1,37} = 0,90;$$

$$P_{H_{14}} = 1,37 - \frac{0,42^2}{1,72} - \frac{0,36^2}{1,28} = 1,17.$$

Tugun punktlari tenglashtirilgan absolut balandligining o‘rta kvadratik xatosi:

$$M_{H_{11}} = \pm \frac{\mu}{\sqrt{P_{H_{11}}}} = \pm \frac{1.2}{\sqrt{1.11}} = \pm 1.1 \text{ mm};$$

$$M_{H_{12}} = \pm \frac{1.2}{\sqrt{0.97}} = \pm 1.2 \text{ mm};$$

$$M_{H_{13}} = \pm \frac{1.2}{\sqrt{0.90}} = \pm 1.3 \text{ mm};$$

$$M_{H_{14}} = \pm \frac{1.2}{\sqrt{1.17}} = \pm 1.0 \text{ mm}.$$

### 3.7. Nivelir to‘rini Popovning poligonlar usuli bilan tenglashtirish (normal tenglamalarni tuzish va yechish)

Oldingi masaladagi nivelir to‘rini olamiz. Poligonning bog‘lanmaslik xatosini va perimetрini topamiz. Korrelat normal tenglamasi tuziladi: normal tenglamalar soni to‘rdagi poligonlar soniga teng.

1.  $[L]_1 K_1 - L_4 K_2 - L_2 K_3 + f_1 = 0.$
2.  $[L]_{II} K_2 - L_4 K_1 - L_5 K_3 + f_{II} = 0.$
3.  $[L]_{III} K_3 - L_2 K_1 - L_5 K_2 + f_{III} = 0.$

Agar yo‘l uzunliklarini, ozod had qiymatlarini qo‘ysak, quyidagi normal tenglamalarni topamiz:

1.  $6.5 K_1 - 1.6 K_2 - 1.5 K_3 - 5 = 0.$
2.  $- 1.6 K_1 + 6.8 K_2 - 2.4 K_3 = 0.$
3.  $- 1.5 K_1 - 2.4 K_2 + 7.7 K_3 + 3 = 0.$

Bu normal tenglamalarni yechib, korrelat noma’lum qiymatlarini topamiz.

Normal tenglamalarni Popov sxemasi bo'yicha yechish:

$K_1$	$K_2$	$K_3$	$f$	$S$	Tekshirish
+6.5	-1.6	-1.5	-5	-1.6	
-1.6	+6.8	-2.4	0	+2.8	
-1.5	-2.4	+7.7	+3	+6.8	
+1	-0.246	-0.231	-0.769	-0.246	-0.246
-1	+4.250	-1.500	0	+1.750	+1.750
-1	-1.600	+5.133	+2.000	+4.533	+4.533
	+4.004	-1.731	-0.769	+1.504	+1.504
	-1.846	+4.902	+1.231	+4.287	+4.287
	+1	-0.432	-0.192	+0.376	+0.376
	-1	+2.655	+0.667	+2.322	+2.322
		+2.223	+0.475	+2.698	+2.698
		+1	+0.214	+1.214	+1.214

$$K_3 + 0.214 = 0, \quad K_3 = -0.214.$$

$$K_2 - 0.432, \quad K_3 - 0.192 = 0, \quad K_2 + 0.432 (-0.214) + 0.192 = \\ = +0.100.$$

$$K_1 - 0.246 \quad K_2 - 0.231 \quad K_3 - 0.769 = 0.$$

$$K_1 = +0.246 (+0.100) + 0.231 (-0.214) + 0.769 = \\ = +0.745.$$

Korrelatni hisoblashni tekshirish:

$$1. \quad 6.5(+0.745) - 1.6(+0.100) - 1.5(-0.214) - 5 = +0.0035.$$

$$2. \quad -1.6(+0.745) + 6.8(+0.100) - 2.4(-0.214) = +0.0016.$$

$$3. \quad 1.5(+0.745) - 2.4(+0.100) + 7.7(-0.214) + 3 = -0.0053.$$

Tuzatmalarni hisoblash:

1-poligon

$$W_2 = L_2(K_1 - K_3) = 1.5[+0.745 - (-0.214)] = +1.44 = +1 \text{ mm},$$

$$W_3 = L_3 K_1 = 3.4 (+0.745) = +2.53 = +3 \text{ mm},$$

$$W_4 = L_4(K_1 - K_3) = 1.6 (+0.745 - 0.100) = +1.03 = +1 \text{ mm}.$$

Tekshirish:  $[W] = +5.02, f_1 = -5.00$ .

## 2-poligon

$$W_4 = -1,03 \text{ mm},$$

$$W_5 = L_5(K_2 - K_3) = 2,4[+0,100 - (-0,214)] = +0,75 = +1 \text{ mm},$$

$$W_6 = L_6 K_2 = 2,8(+0,100) = +0,28.$$

Tekshirish:  $[W]_{\text{II}} = 0; f_{\text{II}} = 0.$

## 3-poligon

$$W_1 = L_1 K_3 = 2,1(-0,214) = -0,45,$$

$$W_2 = -1,44,$$

$$W_5 = -0,75,$$

$$W_7 = L_7 K_3 = 1,7(-0,214) = -0,36.$$

Tekshirish:  $[W]_{\text{III}} = -3; f_{\text{III}} = +3.$

Keyinchalik o'lchangan nisbiy balandlik tenglashtiriladi, tugun nuqtalarning absolut balandligi topiladi va tenglashtirilgan miqdorlarning aniqligi baholanadi (oldingi misolga qarang).

## 4-bob

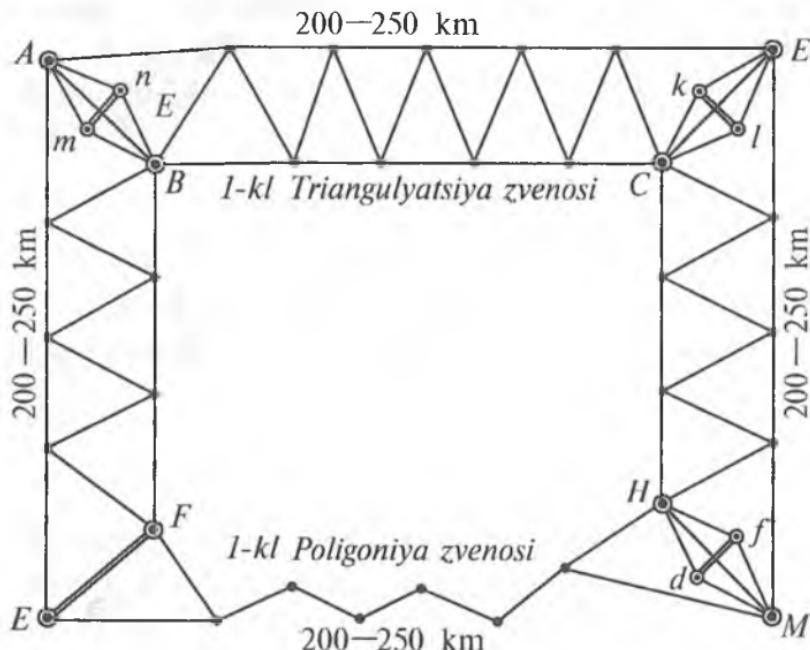
# POLIGONOMETRIYA

### 4.1. Planli davlat geodezik to‘ri haqida tushuncha

Tayanch geodezik to‘rlar planli va balandlikka bo‘linadi.

Planli-balandlik tayanch geodezik to‘rlar o‘z maqsadi bo‘yicha davlat va s’yomka qilish to‘rlariga bo‘linadi. Planli davlat tayanch to‘ri triangulyatsiya, trilateratsiya va poligonometriya usulida yaratiladi. Ular o‘z o‘lchash aniqligi bo‘yicha 1, 2, 3 va 4-klasslarga bo‘linadi.

Klasslar bir-biridan burchak o‘lchash aniqligi, punktlar orasidagi masofani o‘lchash va ishni tashkil qilish bo‘yicha farq qiladi.



4. I-rasm.

Birinchi klass triangulyatsiya meridian va parallel bo'y lab yopiq poligon ko'rinishida yaratiladi. Poligon perimetri 800—1000 km bo'ladi (4.1-rasm).

Poligon zvenolardan, zvenolar esa yopishgan uchburchaklardan iborat. Zvenoning boshida va oxirida 1:1000000 nisbiy xatolik bilan bazis o'lchanadi. Chiqish tomonining o'lhash aniqligi 1:400000.

Bazis tomonlarining oxirida Laplas astronomik punktlari aniqlanadi. Birinchi klass triangulyatsiya uchburchaklari tomonining uzunligi 20—25 km bo'ladi. Uchburchakdagi burchaklar  $\pm 0.7''$  xatolik bilan o'lchanadi.

Yopiq joylarda triangulyatsiya o'rniiga poligonometriya barpo qilinadi. Poligonometriya yo'li siniq chiziq ko'rinishida barpo qilinadi. Bunda hamma qayrilish burchaklari va ular orasidagi masofalar o'lchanadi.

## 4.2. Poligonometriyaning mohiyati

1-klass triangulyatsiya zvenosi cho'zilgan va 10 ta tomondan ortiq bo'lmasligi kerak.

2-klass poligonometriya to'ri 1-klass triangulyatsiya va poligonometriya poligoni ichida barpo qilinadi.

### Poligonometriya klassifikatsiyasi

Klass	Yo'l uzunligi, km	Tomonlar uzunligi, km	O'lchangan burchakning o'rta kvadratik xatosi	Tomonlar uzunligini o'lhash nisbiy xatoligi
I	200	20-25	$\pm 0,4''$	1: 300 000
II			$\pm 1,0''$	1: 250 000
III		Kichik tomon 3	$\pm 1,5''$	1: 200 000
IV		Kichik tomon 2	$\pm 2,0''$	1: 150 000

## Shahar poligonometriyasi klassifikatsiyasi

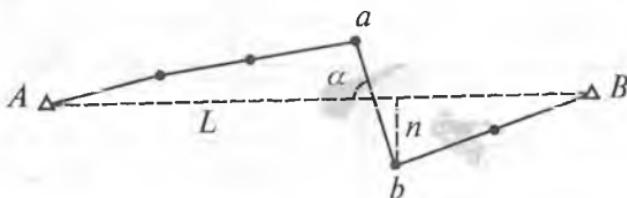
Yo'l xarakteristikasi	R a z r y a d l a r		
	4-kl	1-razr.	2- razr.
1. Yo'l uzunligi (km)	10	5	3
2. Eng katta tomon uzunligi (m)	800	600	300
3. Eng kichik tomon uzunligi (m)	250	120	80
4. Burchak o'lchashning o'rta kvadratik xatosi	$\pm 2''$	$\pm 5''$	$\pm 10''$
5. Yo'lning nisbiy bog'lanmasligi	1:25000	1:10000	1:5000

3-klass poligonometriya yo'llari 2-klass poligonometriya to'ri ichida barpo qilinishi kerak. Uning zichligi 50 km<sup>2</sup> ga bitta punkt qilinishi kerak. 4-klass poligonometriya yo'llari 3- va 4-klass poligonometriya punktlari orasida o'tkaziladi. Shaharni syomka qilishda va injener-geodezik ishlar uchun asos qilishda yuqori aniqlikdagi 1-razryadli poligonometriya, 1- va 2-razryadli poligonometriya yo'llari barpo qilinadi. Poligonometriya yo'llari geometrik formasi bo'yicha cho'zilgan va egilgan yo'llarga bo'linadi.

*A* va *B* triangulyatsiya punktlari orasida poligonometriya punkti o'tkazilgan (4.2-rasm).  $AB = L$  — yo'lni bog'lovchi chiziq. Agar yo'l tomonlarining yo'nalishi bog'lovchi chiziqdan oz ( $24^\circ$ ) og'sa, poligonometriya cho'zilgan hisoblanadi. Agar yo'l tomonlarining yo'nalishi bog'lovchi chiziqdan u yoqqa-bu yoqqa bog'lovchi chiziq uzunligidan  $1/8$  katta bo'lsa, yo'l egilgan hisoblanadi.

$$\frac{|S|}{L} \leq 1,3 \text{ ya'ni chek } \alpha \leq \pm 24^\circ, \text{ chek } n \leq \pm 1/8 L.$$

Bu shartlardan birortasi bajarilmasa, yo'l egilgan hisoblanadi.



4.2-rasm.

### 4.3. Burchak va tomon o'chashlari xatoliklarining ta'siri (asosiy hisoblash formulalari)

#### 1. Yo'lning burchak xatoliklari

$A$  va  $B$  yuqori klassli triangulyatsiya punktlari orasida poligonometrik yo'l  $P_1, P_2, \dots, P_{n+1}$  o'tkazilgan. Chap burilish burchaklari  $\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_{n+1}$  va tomonlari  $S_1, S_2, \dots, S_n$  o'changan (4.3-rasm).

Yo'lning boshlang'ich va oxirgi nuqtalarining koordinatlari  $x_A, y_A$  va  $x_B, y_B$  shuningdek, yo'lning boshlang'ich va oxirgi tomonlarining direksion burchaklari  $\alpha_{\text{bosh}}$  va  $\alpha_{\text{oxir}}$  ma'lum.

Burchak bog'lanmaslik xatoligi quyidagi formula bilan hisoblanadi:

$$f_\beta = \alpha_{\text{bosh}} + \sum_{i=1}^{n+1} \beta_i - 180^\circ (n+1) - \alpha_{\text{oxir}}.$$

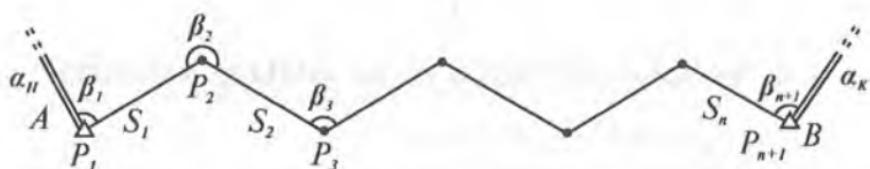
Agar burchaklar bir xil aniqlikda o'changan bo'lsa, unda burchaklar yig'indisining o'rta kvadratik xatosi:

$$m_{\Sigma\beta} = m_\beta \sqrt{n+1},$$

bu yerda:  $m_\beta$  — bitta burchak o'chashning o'rta kvadratik xatosi.

Bog'lanmaslikning cheki ushbu formula bo'yicha aniqlanadi:

$$\text{cheki } f_\beta = 2 m_\beta \sqrt{n+1}.$$



4.3-rasm.

## 2. Yo'l tomonlarini o'lhash xatoliklari

Faraz qilaylik, tomonlar uzunligini o'lhashda faqat tasodifiy xatoliklar ta'sir qilgan bo'lsin. Unda bitta tomonni o'lhashning o'rta kvadratik xatosi:

$$m_s = \mu \sqrt{S},$$

bu yerda:  $\mu$  — tasodifiy ta'sir koefitsiyenti.

Agar poligonometrik yo'l chizilgan formaga ega bo'lsa va yo'l tomonlarining uzunligi yig'indisi bog'lovchi chiziqdan oz farq qilsa, ya'ni

$$L = S_1 + S_2 + \dots + S_n$$

bo'lsa, unda yo'lning hamma tomonlarini o'lhashning o'rta kvadratik xatosi ushbu formula bilan ifodalanadi:

$$m_L = \mu \sqrt{[S]} = \mu \sqrt{L}.$$

Agar tomonlarni o'lhash natijalariga faqat sistematik xatoliklar ta'sir qilgan bo'lsa, yo'lning tomonlarini o'lhash xatoligi:

$$m_L = \lambda [S] = \lambda L,$$

bu yerda:  $\lambda$  — sistematik xatoliklar ta'siri koefitsiyenti.

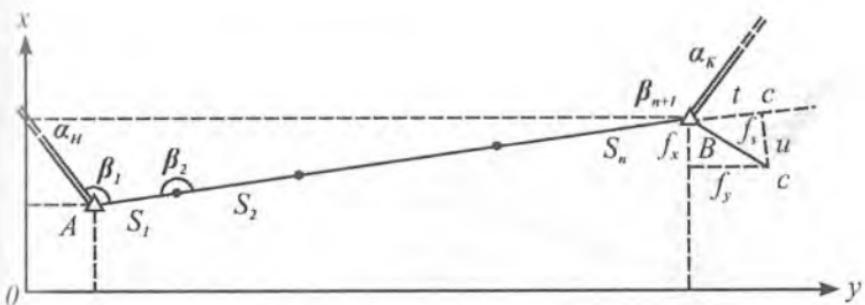
Haqiqatda tasodifiy va sistematik xatoliklar tomon o'lchamlari aniqligiga birgalikda ta'sir qiladi. Shuning uchun yo'l tomonlarini o'lhashning o'rta kvadratik xatosi kvadrati tasodifiy va sistematik xatoliklari o'rta kvadratik xatoliklari kvadrati yig'indisiga teng bo'ladi:

$$m_t^2 = \mu^2 L + \lambda^2 L^2.$$

## 4.4. Yo'lning bo'ylama va ko'ndalang xatoliklari

### 1. Aniqlashning grafik usuli

Koordinatlar orttirmalaridagi bog'lanmaslik hisoblanadi (4.4-rasm):



4.4-rasm.

$$f_x = \sum_{i=1}^n \Delta x_i - (x_{\text{oxir}} - x_{\text{bosh}}),$$

$$f_y = \sum_{i=1}^n \Delta y_i - (y_{\text{oxir}} - y_{\text{bosh}}).$$

Perimetrdagi absolut bog'lanmaslik topiladi:

$$f_s = \sqrt{f_x^2 + f_y^2}.$$

Bu berilganlar bo'yicha tanlangan mashtabda poligonometrik yo'l qog'ozga qo'yib chiqiladi. Bo'ylama va ko'ndalang bog'lanmaslik topiladi:

$$f_s = \sqrt{t^2 + u^2} = \sqrt{f_x^2 + f_y^2}.$$

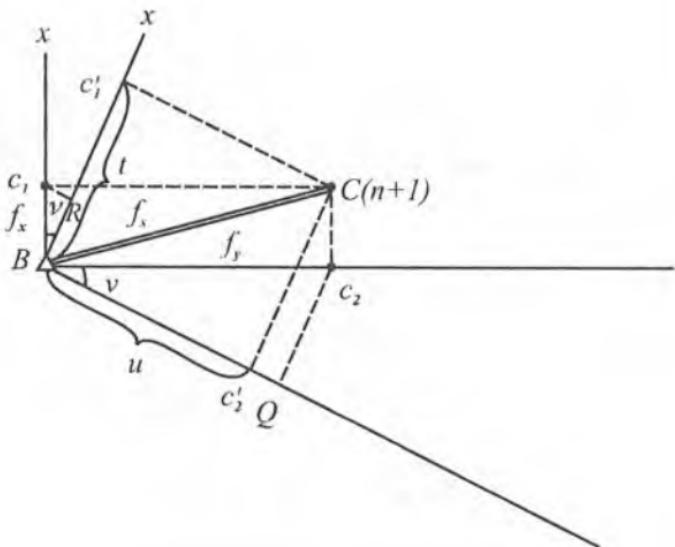
Cho'zilgan poligonometrik yo'lda absolut bog'lanmaslikni ikkita qismga ajratish mumkin:

1. Bo'ylama bog'lanmaslik  $t$ ,
2. Ko'ndalang bog'lanmaslik  $u$ .

Bo'ylama bog'lanmaslik yo'l bo'yicha joylashadi, ko'ndalang bog'lanmaslik yo'l yo'nalishiga perpendikular joylashadi.

Cho'zilgan yo'lbo'ylama bog'lanmaslik tomonlarni o'lchash xatoliklarining yig'indisi natijasida paydo bo'ladi, ko'ndalang bog'lanmaslik esa burchak o'lchash xatoliklarining birgalikdagi ta'siri natijasida paydo bo'ladi.

Cho'zilgan yo'lning qulayligi — burchak va tomon o'lchash xatoliklarining alohida ta'sirini namoyon qilish imkoniyatidir.



4.5-rasm.

### 2. Aniqlashning analitik usuli

Bu usul yo'l o'qining bog'lovchi chiziq direksion burchagiga burilganda bitta sistemadan ikkinchi sistemaga o'tishiga asoslangan. 4.5-rasm dan:

$$t = f_x \cos \nu + f_y \sin \nu; \quad (c'_1 R = c_2 Q);$$

$$u = f_y \cos \nu - f_x \sin \nu; \quad (c'_2 Q = c_1 R),$$

bu yerda:  $\sin \nu = \frac{|\Delta y|}{L}$ ,  $\cos \nu = \frac{|\Delta x|}{L}$ .

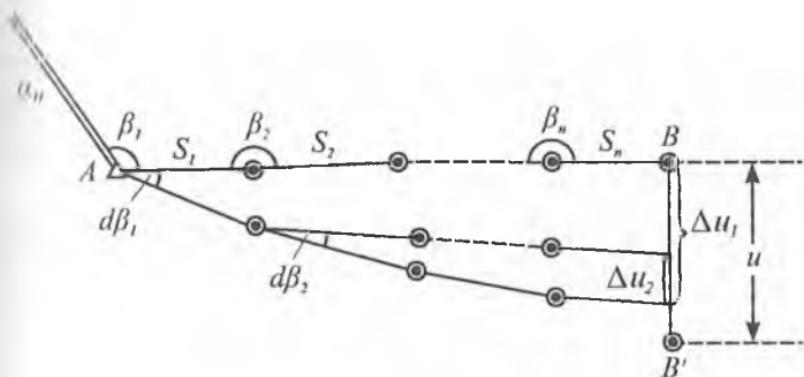
### 3. Osilgan yo'l

Agar yo'lning birinchi burchagini o'lchashda  $d\beta_1$  tasodifiy xatolikka yo'l qo'yilgan bo'lib, boshqa burchaklar xatosiz o'lchangan bo'lsa, yo'lning oxirgi nuqtasi yo'l yo'nalishiga perpendikular  $\Delta u_1$  miqdorga siljiydi (4.6-rasm), ya'ni

$$\Delta u_1 = (S_1 + S_2 + \dots + S_n) \frac{d\beta_1}{\rho''}.$$

Ikkinchi burchakda yo'l qo'yilgan xatolik  $d\beta_2$  ta'sirida oxirgi nuqta  $\Delta u_2$  miqdorga siljiydi:

$$\Delta u_2 = (S_2 + S_3 + \dots + S_n) \frac{d\beta_2}{\rho''}.$$



4.6-rasm.

Keyinchalik topamiz:

$$\Delta u_3 = (S_3 + \dots + S_n) \frac{d\beta_3}{\rho''} .$$

$$\Delta u_n = S_n \frac{d\beta_n}{\rho''} .$$

Ko'ndalang bog'lanmaslik  $u$  oxirgi nuqtaning alohida siljishlar algebraik yig'indisiga teng:

$$u = \Delta u_1 + \Delta u_2 + \Delta u_3 + \dots + \Delta u_n = (S_1 + S_2 + \dots + S_n) \frac{d\beta_1}{\rho''} + \\ + (S_2 + S_3 + \dots + S_n) \frac{d\beta_2}{\rho''} + (S_3 + \dots + S_n) \frac{d\beta_3}{\rho''} + \dots + S_n \frac{d\beta_n}{\rho''} .$$

Agar tomon uzunliklarini bir-biriga teng deb qabul qilsak:

$$S_1 = S_2 = S_3 = \dots = S_n = S.$$

Unda ko'ndalang bog'lanmaslik uchun formula quyidagi ko'rinishda bo'ladi:

$$u = S_n \frac{d\beta_1}{\rho''} + S(n-1) \frac{d\beta_2}{\rho''} + S(n-2) \frac{d\beta_3}{\rho''} + \dots + S \frac{d\beta_n}{\rho''} .$$

O'rta kvadratik xatolikka o'tamiz (burchaklar bir xil aniqlikda o'lchangan):

$$m_u^2 = S^2 [n^2 (n-1)^2 + (n-2)^2 + \dots + 1^2 \frac{m_\beta^2}{\rho^2}].$$

$$\text{Ma'lumki, } 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}.$$

Unda o'rta kvadratik xato formulasi quyidagi ko'rinishda bo'лади:

$$m_u^2 = S^2 \frac{m_\beta^2}{\rho^2} \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} = S^2 \frac{m_\beta^2}{\rho^2} \frac{n^2(n+1,5)}{3}.$$

Cho'zilgan yo'lda:  $nS = L$ .

$$\text{Demak, } m_u^2 = \left( \frac{m_\beta}{\rho} \right)^2 \cdot L^2 \left( \frac{n+1,5}{3} \right)$$

$$\text{yoki } m_u = \frac{m_\beta}{\rho} \cdot L \cdot \sqrt{\frac{n+1,5}{3}}.$$

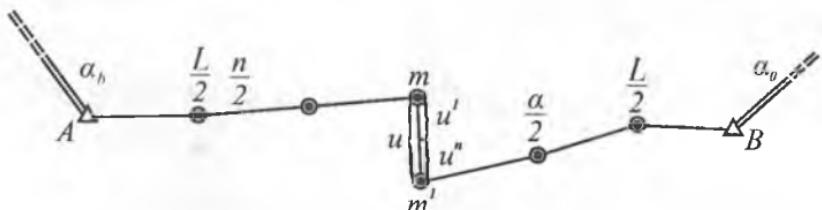
Ko'ndalang bog'lanmaslikning nisbiy o'rtacha miqdori:

$$\frac{m_u}{L} = \frac{m_\beta}{\rho} \sqrt{\frac{n+1,5}{3}}.$$

Osilgan yo'lga ishlab chiqarishda yo'l qo'yilmaydi. Odatda poligonometrik yo'llar koordinatalari va direksion burchaklari ma'lum bo'lgan yuqori klassli triangulyatsiya va poligonometriya punktlari orasida o'tkaziladi.

#### 4. Qattiq punktlar orasida o'tkazilgan yo'l

Berilgan yo'lda  $\alpha_b$  va  $\alpha_0$  ma'lum. Shuning uchun oldin burchaklar yig'indisida bog'lanmaslik topiladi, agar u



4.7-rasm.

yo'l qo'yilgan chekda bo'lsa uni hamma burchakka teskari ishora bilan teng qilib tarqatiladi. Keyin tenglashtirilgan burchak bo'yicha bo'ylama va ko'ndalang bog'lanmaslik topiladi.

Bog'lanmaslik uchun oldindan tenglashtirilgan burchaklar yo'lning ko'ndalang bog'lanmasligini ikki marta kamaytiradi. Qattiq punktlar orasida o'tkazilgan yo'lning eng zaif joyi uning o'rtasi hisoblanadi. Zaif punktning ko'ndalang siljishini osilgan yo'l oxirgi punkti ko'ndalang siljish formulasi qo'llash orqali aniqlash mumkin. Bunday holatda yo'lning uzunligi  $L$  ni va qayrilish burchaklar sonini ikki marta kamaytirish kerak, ya'ni

$$m_u = \frac{m_\beta}{\rho} \frac{L}{2} \sqrt{\frac{\frac{n}{2} + 1,5}{3}}.$$

Ma'lumki, zaif punktning ko'ndalang siljish umumiyligi miqdori har bir yarim yo'l bo'yicha hisoblangan alohida siljishlar algebraik yig'indisiga teng:

$$u = u' + u''.$$

Xatoliklar nazariyasi bo'yicha ikkita teng xatoliklar manbalari o'rta kvadratik xatolari yig'indisi:

$$m_u^2 = m'_u^2 + m''_u^2, \text{ lekin } m'_u = m''_u,$$

$$\text{shuning uchun } m_u^2 = 2 m'_u^2 \text{ yoki } m'_u = \frac{m_u}{\sqrt{2}},$$

unda,  $m'_u$  ning qiymatini qo'yib, topamiz:

$$m_u = \frac{m_\beta}{\rho} \frac{L}{2} \sqrt{2} \sqrt{\frac{\frac{n}{2} + 1,5}{3}} \text{ yoki oxirida } m_u = \frac{m_\beta}{\rho} L \sqrt{\frac{n+3}{12}}.$$

Yo'lning oxirgi nuqtasi vaziyatining o'rta kvadratik xatosi yo'lning ko'ndalang va bo'ylama xatosi bo'yicha topiladi:

$$M^2 = m_t^2 + m_u^2 = \mu^2 L + \lambda^2 L^2 + L^2 \frac{m_\beta^2}{\rho^2} \left( -\frac{n+1,5}{3} \right).$$

Agar burchaklar oldindan to‘g‘rilangan bo‘lsa, unda

$$M^2 = m_t^2 + m_u^2 = \mu^2 L + \lambda^2 L^2 + L^2 \frac{m_\beta^2}{\rho^2} - \frac{n+3}{12}.$$

Nisbiy xatolik:

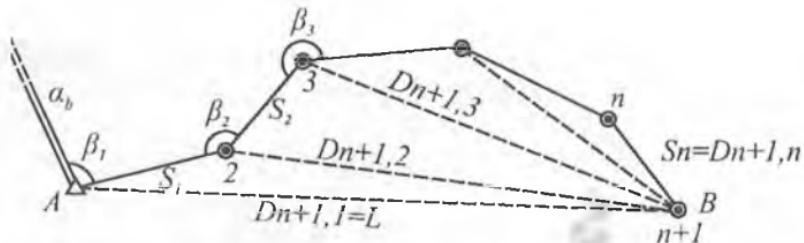
$$\left( \frac{M}{L} \right)^2 = \frac{M^2}{L^2} + L^2 + \frac{m_\beta^2}{\rho^2} \left( \frac{n+3}{12} \right),$$

$$M^2 = m_s^2 n + \frac{m_\beta^2}{\rho^2} L^2 \left( \frac{n+3}{12} \right).$$

#### 4.5. Har qanday formadagi poligonometriya yo‘li nuqtasi oxirgi vaziyatining o‘rta kvadratik xatosi

##### 1. Osilgan yo‘l

Osilgan poligonometrik yo‘l olamiz: 1, 2, 3, ..., n+1 (4.8-rasm).



4.8-rasm.

Ma’lumki, koordinatalar orttirmasi quyidagi formula bo‘yicha hisoblanadi:

$$\Delta x = S \cos \alpha,$$

$$\Delta y = S \sin \alpha.$$

Bu tenglamani differensiallab, koordinata orttirmalari ning haqiqiy xatosini topamiz:

$$\begin{aligned} d\Delta x &= \cos \alpha \, dS - S \sin \alpha \frac{d\alpha}{\rho} = \cos \alpha \, dS - \Delta y \frac{d\alpha}{\rho}, \\ d\Delta y &= \sin \alpha \, dS + S \cos \alpha \frac{d\alpha}{\rho} = \sin \alpha \, dS + \Delta x \frac{d\alpha}{\rho}. \end{aligned}$$

Oxirgi punkt koordinatalaridagi haqiqiy xatolik:

$$\left. \begin{aligned} [d\Delta x] &= [\cos \alpha \, dS] - \frac{1}{\rho} [\Delta y d\alpha], \\ [d\Delta y] &= [\sin \alpha \, dS] + \frac{1}{\rho} [\Delta x d\alpha]. \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

Direksion burchak xatosi  $d\alpha$  burchak o'lchash xatosi  $d\beta$  ga bog'liq, ya'ni

$$d\alpha_i = \sum_1^i d\beta,$$

unda  $\left. \begin{aligned} [d\Delta x] &= [\cos \alpha \, dS] - \frac{1}{\rho} \left[ \Delta y_i \sum_1^i d\beta \right], \\ [d\Delta y] &= [\sin \alpha \, dS] + \frac{1}{\rho} \left[ \Delta x_i \sum_1^i d\beta \right]. \end{aligned} \right\} \quad (2)$

(2) tenglamaning oxirgi hadini soddalashtiramiz:

$$\left. \begin{aligned} \left[ \Delta y_i \sum_1^i d\beta \right] &= (\Delta y_1 + \Delta y_2 + \Delta y_3 + \dots + \Delta y_n) d\beta_1 + \\ &\quad + (\Delta y_2 + \Delta y_3 + \dots + \Delta y_n) d\beta_2 \end{aligned} \right.$$

yoki  $\left. \begin{aligned} \left[ \Delta y_i \sum_1^i d\beta \right] &= (y_{n+1} - y_1) d\beta_1 + \\ &\quad + (y_{n+1} - y_2) d\beta_2 + \dots + (y_{n+1} - y_n) d\beta_n \end{aligned} \right.$

yoki qisqa,  $\left. \begin{aligned} \left[ \Delta y_i \sum_1^i d\beta \right] &= [(y_{n+1} - y_i) d\beta_i], \\ \left[ \Delta x_i \sum_1^i d\beta \right] &= [(x_{n+1} - x_i) d\beta_i]. \end{aligned} \right\} \quad (3)$

(2) va (3) formulaga asosan topamiz:

$$[d\Delta x] = [\cos \alpha \ d \ S] - \frac{1}{\rho} [(y_{n+1} - y_i) d\beta_i],$$

$$[d\Delta y] = [\sin \alpha \ d \ S] + \frac{1}{\rho} [(x_{n+1} - x_i) d\beta_i].$$

O'rta kvadratik xatolikka o'tamiz, bunda burchaklar bir xil aniqlikda o'lchangan deb hisoblaymiz, ya'ni

$$m_{\beta_i} = m_{\beta_1} = m_{\beta_2} = \dots = m_{\beta_{n+1}} = m_\beta,$$

$$\left. \begin{aligned} m'_x^2 &= \left[ \cos^2 \alpha \ m_s^2 \right] + \frac{1}{\rho^2} \left[ (y_{n+1} - y_i)^2 m_\beta^2 \right], \\ m'_y^2 &= \left[ \sin^2 \alpha \ m_s^2 \right] + \frac{1}{\rho^2} \left[ (x_{n+1} - x_i)^2 m_\beta^2 \right]. \end{aligned} \right\} \quad (4)$$

Agar o'lchashda sistematik xato yo'q bo'lsa, unda

$$m_s = \mu \sqrt{S}.$$

Buni hisobga olganda (4) formula quyidagi ko'rinishni oladi:

$$\left. \begin{aligned} m'_x^2 &= \mu^2 \left[ S \cos^2 \alpha \right] + \frac{m_\beta^2}{\rho^2} \left[ (y_{n+1} - y_i)^2 \right], \\ m'_y^2 &= \mu^2 \left[ S \sin^2 \alpha \right] + \frac{m_\beta^2}{\rho^2} \left[ (x_{n+1} - x_i)^2 \right]. \end{aligned} \right\} \quad (5)$$

Oxirgi nuqta vaziyatining o'rta kvadratik xatosini topamiz:

$$M'^2 = m'_x^2 + m'_y^2 = \mu^2 [S] + \frac{m_\beta^2}{\rho^2} [D_{n+1,i}^2], \quad (6)$$

bu yerda:  $D_{n+1,i}^2$  — oxiridan har bir qayrilish nuqtasigacha bo'lgan masofa.

Bu miqdorning qiymatini grafik va formula bo'yicha hisoblash mumkin:

$$D_{n+1,i}^2 = (x_{n+1} - x_i)^2 + (y_{n+1} - y_i)^2.$$

Agar o'chashga sistematik xato ta'sir qilsa, unda

$$M'^2 = \mu^2 [S] + \lambda^2 L^2 \frac{m_\beta^2}{\rho^2} [D_{n+1,i}^2]. \quad (7)$$

## 2. Qattiq punktlar orasida o'tkazilgan yo'l

Oldindan to'g'rilangan burchak bo'yicha egri yo'l oxirgi punkti vaziyatining o'rta kvadratik xatosi formula bo'yicha niqlanadi:

$$M^2 = \mu^2 [S] + \lambda^2 L^2 + \frac{m_\beta^2}{\rho^2} [D_{m,i}^2]. \quad (8)$$

Agar bosh berilganlarda (исходные данные) xato navjud bo'lsa:

$$M'^2 = \mu^2 [S] + \lambda^2 L^2 + \frac{m_\beta^2}{\rho^2} [D_{m,i}^2] + \frac{m_\alpha^2}{\rho^2} D_{mH,i}^2 + m_{b-o}^2, \quad (8a)$$

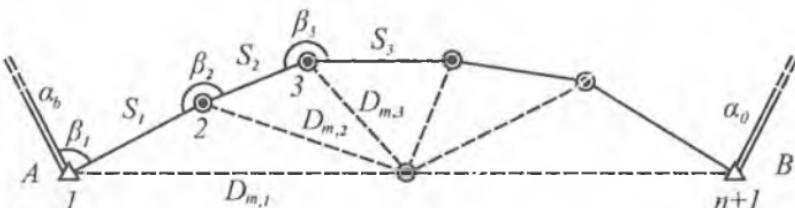
bu yerda:  $D_{m,i}$  — og'irlilik markazidan har bir qayrilish muqtasigacha bo'lgan masofa.

Hisoblashni qulaylashtirish uchun koordinatalar markazini og'irlilik markaziga o'tkazamiz. Og'irlilik markazi koordinatalari ushbu formula bilan hisoblanadi:

$$x_m = \frac{[x]}{n+1}; \quad y_m = \frac{[y]}{n+1}.$$

Keyin yo'l markaziy koordinata qiymati bir metr aniqrikda hisoblanadi:

$$\varepsilon_i = x_i - x_m, \quad \eta_i = y_i - y_m.$$



4.9-rasm.

Bu koordinatalarning shartli qiymatlari bo'yicha qog'ozga yo'lni tushiriladi.  $D_{m,i}$  qiymat grafik yoki analitik usulda ushbu formula bilan aniqlanadi:

$$[D_{m,i}] = [\varepsilon^2] + [\eta^2].$$

(7) va (8) formuladan ko'rinish turibdiki, egilgan poligonometrik yo'lning aniqligi faqatgina tomonlar va qayrilish burchaklarini o'lchashdagi sistematik va tasodifiy xatoliklariga bog'liq bo'lmasdan, balki yo'lning egrilik daramasiga va undagi qayrilishlar soniga ham bog'liqdir.

### Yo'llarning bog'lanmasligi bo'yicha tomonlar o'lchashlari aniqligini baholash

#### 1. Ikkilangan o'lchashning farqi bo'yicha

$\mu$  va  $\lambda$  ni hisoblash uchun cho'zilgan formadagi poligonometrik yo'l tomonlarining ikkilangan o'lchashlar soni katta olinadi (4.10-rasm).

Har bir tomon uchun farq hisoblanadi:

$$\Delta S_i = S'_i - S''_i$$

Sistematik ta'sir koeffitsiyenti hisoblanadi:

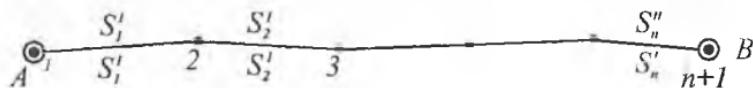
$$\lambda = \frac{[\Delta S]}{[S]}.$$

Keyin har bir farqdan sistematik qismni olib tashlanadi:

$$\delta S_i = \Delta S_i - \lambda S_i.$$

Undan keyin tasodifiy ta'sir koeffitsiyenti hisoblanadi:

$$\mu = \pm \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\sum \delta S_i^2}{n-1}}.$$



4.10-rasm.

Agar  $\lambda = \frac{[\Delta S]}{[S]}$  nolga yaqin bo'lsa,  $\mu$  koeffitsiyent bevosita farqlar bo'yicha hisoblanadi:

$$\mu = \pm \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\frac{\Delta S^2}{S}}{n}},$$

bu yerda:  $S'$  — to'g'ri yo'nalishdagi yo'l tomonlarining uzunligi,

$S''$  — teskari yo'nalishdagi yo'l tomonlarining uzunligi,  
 $N$  — yo'l tomonlari soni ( $\Delta S$  farqlar soni).

2. Cho'zilgan yo'lning bo'ylama bog'lanmasligi bo'yicha  
Oldin yo'lning bo'ylama bog'lanmasligi  $Z$ , keyin sistematik ta'sir koeffitsiyenti aniqlanadi:

$$\lambda = \frac{[t]}{[S]}.$$

Keyin bo'ylama bog'lanmaslikdan sistematik qism olib tashlanadi:

$$t' = t - \lambda[S] = t - \lambda L.$$

Tasodifiy ta'sir koeffitsiyenti hisoblanadi:

$$\mu = \pm \sqrt{\frac{\frac{t'^2}{L}}{N-1}}.$$

$\mu$  kichik bo'lganda u quyidagi formula bilan hisoblanadi:

$$\mu = \pm \sqrt{\frac{\frac{t^2}{L}}{N}},$$

bu yerda:  $t$  — cho'zilgan yo'lning bo'ylama bog'lanmasligi;

$[S] = L$  — cho'zilgan yo'lning perimetri;

$N$  — yo'llar soni.

Agar  $\lambda$ ,  $\mu$  qiymatlarni aniqlash uchun imkoniyat bo'lmasa, ish uchun foydalanish yo'riqnomalarida berilgan qiymatlardan foydalanish mumkin.

## Burchak o'chashlarini yo'l bog'lanmasligi bo'yicha aniqligini baholash

1. Yo'lning burchak bog'lanmasligi bo'yicha

$$m_{\beta} = \sqrt{\frac{\sum f_i^2}{n+1}},$$

bu yerda:  $n+1$  — yo'l burchaklari soni,

$N$  — yo'llar soni,

$f_i$  — burchak bog'lanmasligi.

2. Cho'zilgan yo'l ko'ndalang bog'lanmaslik bo'yicha  
a) to'g'rilanmagan burchak bo'yicha burchak bog'lan-  
masligiga ko'ra

$$m_{\beta} = \sqrt{\frac{C' \left( \frac{U}{L} \rho \right)^2}{N}},$$

bu yerda:  $C' = \frac{3}{n+1,5}$ ;

$U'$  — to'g'rilanmagan burchaklar bo'yicha hisoblangan cho'zilgan yo'lning ko'ndalang bog'lanmasligi;

$N$  — yo'llar soni;

b) to'g'rilaqan burchak bo'yicha burchak bog'lan-  
masligi:

$$m_{\beta} = \sqrt{\frac{C \left( \frac{U}{L} \rho \right)^2}{N}},$$

bu yerda:  $C = \frac{12}{n+3}$ ;

$U$  — to'g'rilaqan burchaklar bo'yicha hisoblangan cho'zilgan yo'lning ko'ndalang bog'lanmasligi.

Koeffitsiyent  $m_\beta$  burchak o'hash aniqligi ko'rsatkichi hisoblanadi.  $\mu$ ,  $\lambda$  koeffitsiyentlar tomon o'hash aniqligi ko'rsatkichlari hisoblanadi. Bu koeffitsiyentlar qanchaliklichik bo'lsa, o'hash shunchalik eng aniq hisoblanadi. Bu koeffitsiyentlar o'hash aniqligini baholash uchun, tenglashtirish hisoblashlari uchun va loyihalanayotgan yo'llarni oldindan hisoblash aniqliklari uchun kerak.

Poligonometrik ishlarni tashkil qilish:

1. Loyiha tuzish.
2. Rekognossirovka.
3. Belgilarni tayyorlash va ularni o'rnatish.
4. Asboblarni tekshirish va tadqiq qilish.
5. Burchak va tomon o'hashlari.
6. Yo'llarni tayanch punktlarga o'hash.
7. Dala o'hashlarini hisoblash va uning aniqligini baholash.
8. Tenglashtirish hisoblari (tomon uzunliklari, direksion burchak va koordinatalar oxirgi qiymatlarini hisoblash).
9. Kataloglar tuzish.
10. Texnik hisobot tuzish.

Loyihani tuzish uchun ish joyining geodezik o'rganilganligi materiallarini, fizik-geografik va iqtisodiy sharoitlarni yorituvchi materiallarni yig'ish kerak. Loyiha eng yirik masshtabli kartalardan foydalangan holda 1:100000 masshtabli kartada tuziladi. Oldin kartaga ish joyi hudудида mavjud bo'lgan geodezik to'r punktlari tushiriladi, keyin yangi poligonometrik yo'l loyihalashtiriladi.

Loyihalashtirishda poligonometrik yo'llar cho'zilgan formada loyihalashtirishga harakat qilish kerak. Poligonometrik yo'llarni avtomobil va temir yo'llar bo'ylab, daryolar bo'ylab va yolg'iz dala yo'llari bo'ylab o'tkazish eng qulay hisoblanadi. Botqoqlik va ko'chuvchi qum joylardan poligonometrik yo'llar o'tkazish tavsiya qilinmaydi.

Loyihani tuzgandan keyin punktlar joyini belgilash uchun joyni rekognossirovka qilinadi. Rekognossirovka-

da qo'shni punktlarning bir-biri bilan ko'rinishini ta'minlashga katta e'tibor berish kerak.

Tanlangan tomonlar masofa o'lhash asboblari bilan o'lhash uchun qulay bo'lishi kerak. Rekognossirovka qilish bilan bir vaqtida poligonometriya punktlarini o'rnatish ham bajariladi. Punktlar tugun nuqtalarida, qayrilish burchaklarida har 1 km oraliqda o'rnatiladi. Qolgan punktlar qoziqlar qoqib belgilanadi.

## **5-bob**

# **POLIGONOMETRIYADA TOMON O'LCHASHLARI**

### **5.1. Bazis o'lhash asbobi**

Bazis o'lhash asbobi triangulyatsiyaning bazis va boshlang'ich tomonlarini va poligonometriya tomonlarini o'lhash uchun qo'llaniladi. Bazis o'lhash asboblari БП-1, БП-2 va БП-3 markalarda ishlab chiqariladi.

БП-1 1 va 2-klass triangulyatsiya bazislarini va poligonometriya tomonlarini o'lhash uchun mo'ljallangan.

БП-2 3 va 4-klass triangulyatsiya va poligonometriyada qo'llaniladi.

БП-3 injenerlik poligonometriyada tomon uzunliklarini o'lhash uchun qo'llaniladi.

БП-3 ning komplektiga quyidagilar kiradi:

1. Uchta invar simi.
2. Qoldiqlarni o'lhash uchun bitta invar lenta.
3. Ikkita blok stanok ikkita 10 kg li tosh bilan.
4. Selikli 10 ta bazis shtativlari.
5. Ikkita optik markazlashtirgich (lotoapparat).
6. Bazis reykasi.

Bundan tashqari ish uchun, quyidagilar kerak:

- a) seliklarni nivelerlash uchun niveler;
- b) seliklarni shtativ bilan qo'yish uchun teodolit;
- d) havo temperatursini o'lhash uchun termometr.

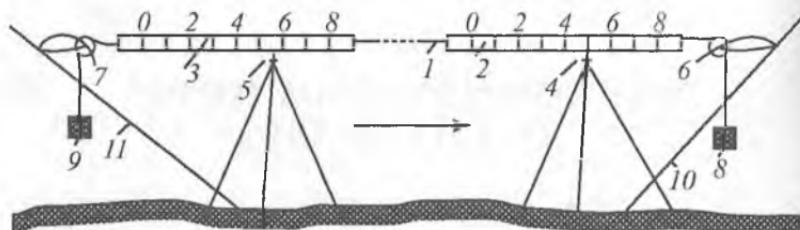
Invar sim 36% nikeldan va 64% temirdan tashkil topgan invar qotishmasidan tayyorlanadi. Invarning chiziqli kengayishi  $0.5 \cdot 10^{-6}$  ( $0,0000005$ ) ga teng.

Invar simning diametri 1,65 mm, uzunligi 24 va 48 metr bo'ladi.

24 metrli simning og'irligi 0,42 kg ga teng.

### Orqangi shkala

### Oldingi shkala



5. I-rasm. 1 — o'lchash simi; 2 va 3 — simning oldingi va orqangi shkalalari; 4 va 5 — shtativdagi seliklar; 6 va 7—bloklar; 8 va 9 — toshlar; 10 va 11 — blokli stanoklar.

Har bir simning oxiriga millimetrda bo'laklangan 8 sm uzunlikdagi shkala mahkamlangan. Shkalada bir yo'nalishda diametrli bo'laklariga yozilgan. Shkala nollar orasidagi masofa 24 m.

Tomonlarni o'lchash bo'yicha ish o'chanadigan tomon bo'yicha stvorda shtativlarni qo'yib chiqishdan boshlanadi. Shtativlar orasidagi masofa o'lchash asbobining uzunligiga teng bo'lishi kerak. Shtativning ustiga seliklar qo'yiladi. Selikli birinchi shtativ lotapparat yordamida o'chanadigan tomon boshidagi belgi markazi ustiga o'rnatiladi.

O'lchash asbobini selikning ustiga o'rnatgandan keyin, 0,1 mm aniqlikda uch marta sanoq olinadi. Sanoqlar farqi  $\pm 0,3$  mm dan oshmasligi kerak.

Agar oldingi shkala bo'yicha sanoqni «P» harfi bilan, orqangi bo'yicha sanoqni «Z» harfi bilan belgilasak, masofaning uzunligini quyidagi formula bilan aniqlash mumkin:

$$\ell = 24000 + (P - Z) \text{ mm.}$$

Bizning misolimizda

$$\ell = 24000 + (50,0 - 55,0) = 23995 \text{ mm} \approx 23,995 \text{ m.}$$

## Bazis o'lhash jurnali

№ 1 seksiya

Proletlar №	Shkalalar bo'yicha sanoq		(P-Z)	Tekshirish
	P	Z		
0—1	32.3	35.1	-2.8	
	39.5	42.4	-2.9	
	48.8	51.6	-2.8	
o'rtacha	40.20	43.03	-2.83	-2.83
1—2	48.5	26.3	+22.2	
	53.9	31.8	+22.1	
	63.6	41.4	+22.2	
o'rtacha	55.33	33.17	+22.17	+22.16

Qoldiqlar sanoqlar usuli bo'yicha lenta bilan o'lchanadi. Seliklarni niveliirlash seksiya bo'yicha to'g'ri yo'nalishda o'lhash boshlanguncha va teskari yo'nalishda o'lhash tugagandan keyin bajariladi.

Sanoq reykaning ikki tomonidan o'rta ip bo'yicha olinadi. Reykaning qora va qizil tomonlari sanog'i bo'yicha topilgan nisbiy balandliklar farqi 5 mm dan oshmasligi kerak.

Shtativlarni niveliirlashda niveler yo'ldan chetroqqa o'rnatiladi. Har bir shtativgacha bo'lgan masofa 60 m dan oshib ketmasligi kerak. Bitta stansiyadan 6 ta shtativdan ko'p nivelerlanmaydi. Shtativlarni niveliirlash yo'li niveler to'riga bog'lanishi ham kerak. Bu tomonni ellipsoid yuzasiga keltirish uchun zarur.

## Bazisni niveliirlash jurnali

№1 seksiya 2-st.

Reyka	Sht.10	<i>h</i>	Sht.11	<i>h</i>	Sht.12	<i>h</i>	Sht.13
To'g'ri yo'nalish							
Qora	0940	-16	0956	+249	0707	-421	1128
Qizil	0854		0869		0643		1026
	85.4		86.9		64.3		102.6
	0939.4	-16.5	0955.9	+248.6	0707.3	-421.3	1128.6
	<i>h<sub>to'g'ri</sub></i>	-16.2		+248.8		-421.2	

Reyka	Sht.10	<i>h</i>	Sht.11	<i>h</i>	Sht.12	<i>h</i>	Sht.13
Teskari yo'nalish							
Qora	0714	-16	0730	+248	0482	-421	0903
Qizil	0649		0663		0437		0820
	64.9		66.3		43.7		82.0
	0713.9	-15.4	0729.3	+248.6	0480.7	-421.3	0902
$H_{\text{teskari}}$		-15.7		+248.3		-421.2	
$H_{\text{o'rta}}$		-16.0		+248.6		-421.2	

Bazis asbobi bilan tomon o'lchashlarning xatoliklari manbalari quyidagilardir:

### Asosiy manbalalar

1. O'lhash asbobini komparirlash.
2. Shtativlarning osilishi.
3. O'lhash asboblarining cho'zilishi.
4. Shamolning ta'siri.
5. Joyning egriligi.
6. Temperaturaning ta'siri.
7. Shtativlarning nomuqobilligi.
8. O'lhashning o'z xatoligi.

1, 2, 3 va 4 manbalarni sistematik xatoliklar  $\Delta_1$ ,  $\Delta_2$ ,  $\Delta_3$ , va  $\Delta_4$  keltirib chiqaradi. Shuningdek,  $\Delta_2$ ,  $\Delta_3$ , va  $\Delta_4$  hamma vaqt manfiy ishoraga ega. Shuning uchun bularni 3  $\Delta_{2,3,4}$  qiymatga ega bo'lgan bitta xatolik deb qarash mumkin.

5, 6, 7 va 8 manbalarni tasodifiy xatoliklar  $\delta_5$ ,  $\delta_6$ ,  $\delta_7$ ,  $\delta_8$  keltirib chiqaradi. Hamma xatoliklarning umumiy ta'sirini topamiz:

$$\Sigma = \Delta_1 + 3 \Delta_{2,3,4} + \delta_5 + \delta_6 + \delta_7 + \delta_8. \quad (1)$$

O'rta kvadratik xatolikka o'tamiz:

$$m^2 \Sigma = m_1^2 + 9 m_{2,3,4}^2 + m_5^2 + m_6^2 + m_7^2 + m_8^2. \quad (2)$$

Hamma xatoliklar teng ta'sir qiladi, deb faraz qilaylik, ya'ni

$$m_1 = m_2 = \dots = m_7 = m_8 = m$$

bo'lsin, unda

$$m_{\Sigma}^2 = 14m^2,$$

bundan

$$m_{\Sigma}^2 = m\sqrt{14} = 3,7m$$

yoki

$$m = \frac{m_{\Sigma}}{3,7}. \quad (3)$$

Ma'lumki,  $M_s^2 = m_t^2 + m_u^2$  ( $f_s^2 = t^2 + u^2$ ). Teng ta'sir qilish prinsipiiga asosan yozamiz:

$$m_t = m_u.$$

Unda

$$m_t = m_u = \frac{M_s}{\sqrt{2}} \quad (4)$$

$$\text{(bo'yl. } t = \text{bo'yl. } u = \frac{f_s}{\sqrt{2}} \text{ ).}$$

Yo'Ining bo'ylama xatoligi  $m_t$  dan oshmasin deb shart qo'yamiz.

Buning uchun manbalardan har birining ta'siri quyidagidan oshmasligi kerak:

$$m = \frac{m_t}{3,7}. \quad (5)$$

lekin  $m_t = \frac{M_s}{\sqrt{2}}$ , shuning uchun  $m = \frac{M_s}{3,7\sqrt{2}} = \frac{M_s}{5,3}$ ,  $(6)$   
ya'ni xatoliklarning chekli qiymati quyidagidan katta bo'imasligi kerak:

$$chek \delta = chek \Delta = \frac{chek f_s}{5,3}. \quad (7)$$

## Nisbiy xatolik

$$\frac{chek.\delta}{L} = \frac{chek.\Delta}{L} = \frac{chek.f_S}{5,3L}. \quad (8)$$

Belgilaymiz:  $\frac{chek.f_S}{L} = \frac{1}{T},$

unda

$$Chek.\delta = chek.\Delta = \frac{L}{5,3T}. \quad (9)$$

Bu formula bo'yicha yo'lning umumiy xatoligi  $\frac{1}{T}$  dan oshmasligi uchun, sistematik va tasodifiy xatoliklarining yo'l qo'yish miqdorini qanday bo'lishi mumkinligini hisoblash mumkin.

$l$  uzunlikdagi o'lhash asbobi qo'yish chekli sistematik xatosi:

$$chekli \Delta l_{sis} = \frac{l}{5,3T} \text{ yoki nisbiy chekli } = \frac{\Delta l_{sis}}{l} = \frac{l}{5,3T}.$$

Chekli tasodifiy xato:

$$chekli \delta l_{tasod} = \frac{l}{5,3T} \sqrt{n},$$

bu yerda:  $n$  — o'lhash asbobini qo'yish soni.

Eslatma. Sistematik xatolar yig'ilishi o'lhash asbobining qo'yilish soniga to'g'ri proporsional. Tasodifiy xatolar yig'ilishi o'lhash asbobining qo'yilish sonining kvadrat ildiziga to'g'ri proporsional.

Misol. O'lhash asbobining uzunligi  $l=24$  m;  $T=25\ 000$ ; qo'yish soni  $n=20$ .

4-klass poligonometriya uchun chekli sistematik va chekli tasodifiy xatolarni hisoblang.

Yechish.

$$chekli \Delta l_{sis} = \frac{24000}{5,3 \cdot 25000} = 0,2 \text{ mm},$$

$$chekli \delta l_{tasod} = \frac{24000}{5,3 \cdot 25000} \sqrt{20} = \pm 0,8 \text{ mm.}$$

## 5.2. Alovida xatoliklar uchun yo'l qo'yish chekini hisoblash

Chekli sistematik va tasodifly xatoliklar formulalaridan foydalananib har bir xatolikning yo'l qo'yish miqdorini hisoblash mumkin.

### 1. Komparirlash xatoligi

$$chekli \Delta l_{komp} \leq \frac{l}{5,3T}.$$

4-klass poligonometriyada 24 m invar sim bilan komparirlashda chekli komparirlash xatoligi  $\pm 0,20$  mm dan oshmasligi kerak.

### 2. Chiziqning osilish xatoligi

$AB$  — o'lchanadigan tomon;

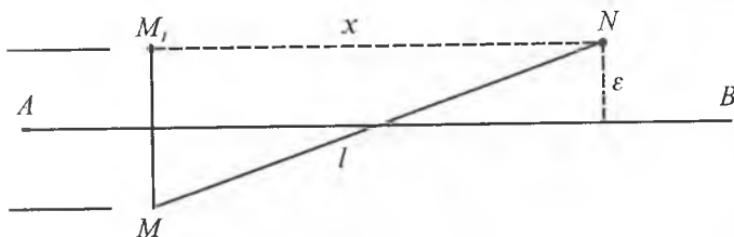
$l$  — o'lhash simi;

$\varepsilon$  — o'lhash asbobining  $AB$  yo'nalishdan og'ishi.

$MM_1N$  uchburchakdan:  $x^2 = l^2 - 4\varepsilon^2$ .

Osilish xatoligi:

$$\Delta l_{osil} = l - x = l - \sqrt{l^2 - \varepsilon^2}, \quad (1)$$



5.2-rasm.

$$\Delta l_{osil} = l - x = l - l \left( 1 - \frac{4\varepsilon^2}{l^2} \right)^{\frac{1}{2}}. \quad (2)$$

Qavsdagi ifodani binomial qatorga yoyamiz:

$$\left( 1 - \frac{4\varepsilon^2}{l^2} \right)^{\frac{1}{2}} = 1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{4\varepsilon^2}{l^2} = \dots$$

Unda (2) ushbu ko‘rinishni oladi:

$$\Delta l_{osil} = l - x = l - l \left( 1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{4\varepsilon^2}{l^2} \right) = l - l + \frac{1}{2} \cdot \frac{4\varepsilon^2 l}{l^2}$$

yoki  $\text{cheki } \Delta l_{osil} \leq \frac{2\varepsilon^2}{l}. \quad (3)$

$$\text{Bundan } \varepsilon^2 = \frac{\Delta l \cdot l}{2} \text{ yoki } \varepsilon = l \sqrt{\frac{1}{2} \frac{\Delta l}{l}}.$$

$$\text{Lekin } \frac{\Delta l}{l} = \frac{1}{5.3T}, \text{ shuning uchun chekli } \varepsilon \leq l \sqrt{\frac{1}{10.6T}}. \quad (4)$$

4-klass poligonometriya uchun chekli  $\varepsilon = 4,5 \text{ sm}$ .

Misol. Seliklarni osish truba kattalashtirishi  $20^\circ$  bo‘lgan teodolit bilan bajarilgan.  $500 \text{ m}$  masofaga osilish chekli xatoligini toping.

Y e c h i s h . Chekli vizirlash xatoligi:

$$\frac{60''}{20} = 3'',$$

chekli osilish xatoligi:

$$\text{chekli } \varepsilon = 50 \text{ 000 sm } \frac{3''}{\rho''} = 1 \text{ cm},$$

unda osilish xatoligi quyidagicha bo‘ladi:

$$\Delta l_{osil} \leq \frac{2\varepsilon^2}{l} = \frac{2 \cdot 100}{24000} = 0,01 \text{ mm.}$$

### 3. Cho'zilish xatoligi

$$chekli \Delta l_{cho'zil} = \left( \frac{\sigma \cdot l}{P} + \frac{P^2 l^3}{12 F^3} \right) dF ,$$

bu yerda:  $\sigma = 0,00051$  mm — og'irlik ta'sirida sim uzunligi birligining cho'zilishi;

$P = 0,0173$  kg — bir metr simning og'irligi;

$F = 10$  kg simni cho'zish kuchi.

$$chekli \Delta l_{cho'zil} = \left[ \frac{0,00051 \cdot 24000}{0,0173} + \frac{(0,0173)^2 \cdot 24000^3}{12 \cdot 10^3} \right] dF ,$$

$$chekli \Delta l_{cho'zil} = 1,04 \text{ } dF (\text{mm/kg}).$$

4-klass poligonometriya uchun formulaga binoan:

$$chekli \Delta l_{cho'zil} = \frac{l}{5 \cdot 3T} = \frac{24000}{5 \cdot 3 \cdot 25000} = 0,2 \text{ mm } dF (\text{mm/kg}) ,$$

bunda  $dF = 0,173$  kg.

Demak, 4-klass poligonometriya uchun simning cho'zilish aniqligi 173 g ga teng.

### 4. Shamolning ta'sir xatoligi

$$\Delta l_{shamol} = \frac{Q^2 l}{24 F^2} , \quad (1)$$

bu yerda:  $Q$  — shamolning yo'l qo'yiladigan ta'sir kuchi.

Formulaga binoan:  $chekli \Delta l_{shamol} = \frac{l}{5 \cdot 3T} = 0,2 \text{ mm} ,$  unda shamol kuchining yo'l qo'yish miqdorini hisoblash mumkin:

$$Q = \sqrt{\frac{\Delta l \cdot 24 F^2}{l}} = \sqrt{\frac{0,2 \cdot 24 \cdot 10000^2}{24000}} = 140 \text{ g.}$$

Bunday kuch shamolning tezligi sekundiga 8 metr bo'lganda paydo bo'ladi. Demak, 4-klass poligonometri-

yada sim asboblari bilan tomonlarni o'lchashda shamolning tezligi sekundiga 8 m dan oshmasligi kerak.

### 5. Joyning egrilik xatoligi

$MNN'$  uchburchakdan (5.3-rasm):  $x^2 = l^2 - h^2$ .  
Joyning egriligi uchun xatoligi:

$$\Delta l_{egri} = l - x = l - \sqrt{l^2 - h^2} \quad (1)$$

yoki

$$\Delta l_{egri} = l - l\sqrt{1 - \frac{h^2}{l^2}} = l - l\left(1 - \frac{h^2}{l^2}\right)^{\frac{1}{2}}. \quad (2)$$

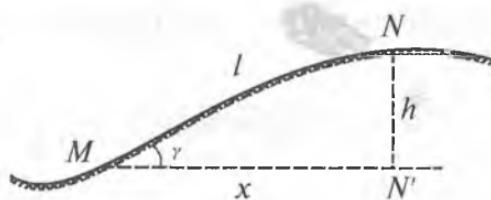
Ildiz ostidagi ifodani binar qatoriga yoyamiz:

$$\begin{aligned} \sqrt{l^2 - h^2} &= l\sqrt{1 - \frac{h^2}{l^2}} = l\left(1 - \frac{h^2}{l^2}\right)^{\frac{1}{2}} \\ \left(1 - \frac{h^2}{l^2}\right)^{\frac{1}{2}} &= 1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{h^2}{l^2} - \dots \end{aligned} \quad (3)$$

(1), (2) va (3) formulalarga asosan:

$$\Delta l_{egri} = l - x = l - l\left(1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{h^2}{l^2}\right) = l - l + \frac{1}{2} \cdot \frac{h^2}{l^2} l$$

yoki chekli  $\Delta l_{egri} = \frac{h^2}{2l}$ .



5.3-rasm.

Formulani differensiallaymiz:

$$chekli \quad dl_{egri} = \frac{2h}{2l} dh = \frac{h}{l} dh.$$

Qo‘yilgan shartga asosan:

$$chekli \quad dl_{egri} = \frac{h}{l} dh \leq \frac{l}{5,3T} \sqrt{n}.$$

Bundan:

$$dh = \frac{l^2}{h} \cdot \frac{\sqrt{n}}{5,3T}. \quad (4)$$

Bu formuladan ko‘rinib turibdiki, nisbiy balandlik qanchalik katta bo‘lsa, seliklarni nivelirlashni shunchalik aniq bajarish kerak.

## 6. Temperatura ta’sirining xatoligi

$$chekli \quad \Delta l_{temt} = \alpha l \ chek \Delta t,$$

bu yerda:  $\alpha = 0,000012$  — po‘latning chiziqli kengayish koeffitsiyenti;  $\Delta t$  — havo temperaturasini aniqlash xatoligi.

Qo‘yilgan shartga asosan:

$$chekli \quad \Delta l_{temt} = \pm 0,8 \text{ mm.}$$

Unda havo temperaturasini aniqlash xatoligi quyida-gicha aniqlanadi:

$$chekli \quad \Delta t = \frac{\Delta l}{\alpha l} = \frac{0,8}{0,000012 \cdot 24000} = \pm 3^\circ.$$

## 7. Shtativlarning turg‘un emaslik xatosi

Egilgan tekislikda tomonlarni o‘lchashda tashqi muhitning ta’sirida shtativlarning siljishi paydo bo‘ladi. Tomonlarni ikki yo‘nalish bo‘yicha o‘lchashda bu xatoliklarning ta’sirini susaytirish mumkin.

## 8. O'Ichashning o'z xatoligi

Bu xatolik lotapparat yordamida chiziqning oxirini to'g'rilash va shkalalar bo'yicha sanoq olish xatoliklari dan iborat.

Birinchisi nuqta ustida lotapparatni markazlashtirish xatoligiga bog'liq, u  $O - S$  mm dan oshmasligi kerak. Sanoq olish xatoligi ham  $0,5 \pm 0,5$  mm dan oshmasligi kerak.

Demak,  $\Delta l_{o'ch} = 0.5\sqrt{2} = \pm 0.7$  mm.

Ko'rinish turibdiki, bu ikkita xatolik ham yo'l qo'yilgan chekdan oshib ketma ydi:

$$\text{chekliz } \Delta l_{o'ch} = \pm 0,8 \text{ mm.}$$

### Tomon o'Ichashlarining natijasini hisoblash

Tomon o'Ichashlarining natijasini hisoblash dala o'Ichash materiallarini tekshirishdan boshlanadi.

1. O'Ichash asbobining o'rtacha temperaturasi hisoblanadi.

2. Umumiy seksiya bo'yicha va proletlar bo'yicha sanoqlarni tekshirish bajariladi(bazisni o'Ichash jurnalida).

3. Reykaning qora va qizil tomonlari sanoqlari bo'yicha nisbiy balandlikni hisoblash tekshiriladi(bazisni nivelirlash jurnalida).

Jurnallarni hisoblashdan keyin yo'l tomonlar uzunligini hisoblashga kirisiladi.

Tomonlar o'Ichashlarning uzunligi quyidagi formula bilan hisoblanadi:

$$S = n(l + \Delta l) + \sum_1^n (O - K)_{o,r} + \Delta S_r + \Delta S_h + \sum r + \Delta S_H + \Delta S_y,$$

bu yerda:

$$n(l + \Delta l) + \sum_1^n (O - K)_{o,r} - n \text{ prolet tomonining o'chan-gan qiymati};$$

$(l + \Delta l)$  — komparirlash temperaturasidagi o'lhash asbobining uzunligi;

$\Delta S_r = \alpha l (t_{o,r} - t_0) n$  — o'lhash asbobining temperatura uchun tomon uzunligiga tuzatma;

$\alpha$  — o'lhash asbobining chiziqli kengayish koefitsiyenti;

$l$  — o'lhash asbobining nominal uzunligi;

$t_{o,r}$  va  $t_0$  — komparirlashda va tomonlarni o'lhashda o'lhash asbobining o'rtacha temperaturasi;

$\Delta S_H = \sum^n \Delta l_n$  — tomon uzunligini gorizontga keltirish tuzatmasi (qoldiq tomonlarni o'lhashni gorizontga keltirish tuzatmasini hisobga olmaganda);

$$\Delta l_h = -\frac{h^2}{2l} - \frac{h^4}{8l^3} \quad \text{— tuzatmaning bu qiymatini } l \text{ va } h \text{ miqdorlar bo'yicha jadvaldan olish mumkin.}$$

$\sum r$  — qoldiqlar uzunligi yig'indisi:

$$r = r' + \Delta r + \Delta r_t + \Delta r_h,$$

bu yerda:  $r'$  — qoldiqning o'lchangani qiymati;

$\Delta r = \frac{\Delta l}{l} \cdot r'$  — o'lhash asbobining komparirlash uchun tuzatma;

$l$  — qoldiq o'lhash asbobining nominal uzunligi;

$\Delta l$  — o'lhash asbobining hamma uzunligiga komparirlash tuzatmasi (o'lhash asbobini tenglashtirishdan olib-nadi);

$\Delta r_t = \alpha(t - t_0)r'$  — temperatura uchun qoldiqqa tuzatma;

$\Delta r_h = -\frac{h^2}{2r'} - \frac{h^4}{8r'^3}$  — o'lchangani qoldiq uzunligini gorizontga keltirish tuzatmasi.

$h$  — qoldiq oxiri balandliklari farqi.

Yuqoridaagi sanab o'tilgan tuzatmalarni kiritilgandan keyin gorizontga keltirilgan  $S'$  tomonning uzunligi topiladi:

$$S' = n(l + \Delta l) + \sum_1^n (O - K)_{o \cdot r} + \Delta S_t + \Delta S_h + \sum r.$$

*S* tomonning oxirgi uzunligini topish uchun quyidagi xatoliklarni kiritish zarur:

1. *Tomonni dengiz sathiga keltirish uchun tuzatma:*

$$\Delta S_H = \frac{H_m}{R} S',$$

bu yerda:  $H_m$  — o'lchanan tomonning dengiz sathidan o'rtacha balandligi (kartadan olinadi);

$R \approx 6371$  km — yer ellipsoidi sirti egriligi o'rtacha radiusi:

Dengiz sathidan baland bo'lgan joylarda  $\Delta S_H$  tuzatma manfiy bo'ladi.

2. *Tomon uzunligini Gauss-Kryuger proyeksiya tekisligiga keltirish uchun tuzatma:*

$$\Delta S_y = \frac{y_m^2}{2R^2} S',$$

bu yerda:  $y_m = \frac{y_1 + y_2}{2}$  — o'q meridian tomonning o'rtacha balandligi (kartadan olinadi).

Tuzatma  $\Delta S_y$  doimo musbat. Gauss-Kryuger proyeksiya tekisligida o'lchanan tomon uzunligi qiymati ellipsoidda o'lchanan qiymatdan katta.

### 5.3. Poligonometriya tomonini svetodalnomer bilan o'lhash

#### 5.3.1. CT-5 "Блеск" svetodalnomeri

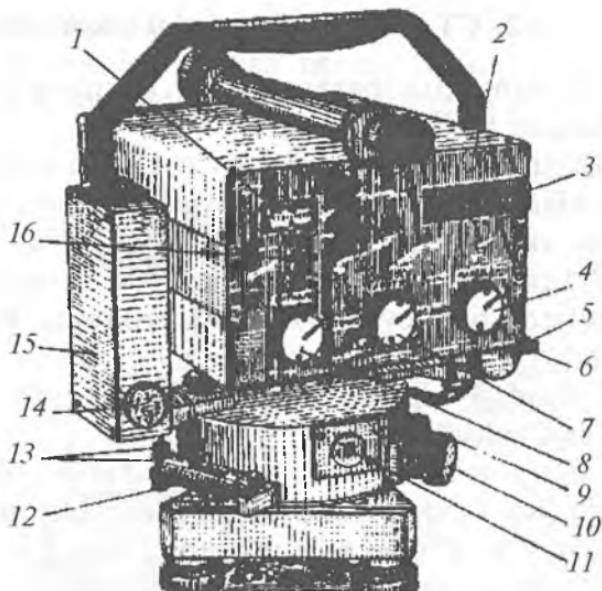
CT-5 svetodalnomeri mamlakatimizda ko'p qo'llaniladigan asosiy topografik svetodalnomer hisoblanadi (5.4-rasm). U 5 km gacha bo'lgan masofani bitta usulda quyidagi o'rta kvadratik xato bilan o'lhashga mo'ljallangan:

$$m_D \leq 10\text{mm} + 5 \cdot 10^{-6} D,$$

bu yerda:  $D$  — o‘lchanadigan masofa.

Svetodalnomer shifridagi  $T$  harfi topografik plan olishda va geodezik plan olish to‘rlarini barpo qilishdagi masofani o‘lhash uchun mo‘ljallangan **topografik** svetodalnomer ekanligini, 5 raqami esa masofa o‘lhash chekini km da ko‘rsatadi.

Svetodalnomerni mustaqil asbob sifatida ishlatish mumkin yoki uni  $2T$ ,  $3T$  teodolitlari ustiga o‘rnatib birdaniga masofa va burchakni o‘lhash uchun ham ishlatish mumkin. Svetodalnomerning og‘irligi uning asosi bilan 4,5 kg (asossiz 3,8 kg). Svetodalnomer tarkibiga qaytargich(6-prizmali, 1-prizmali), tok manbayi, zaryadlash qurilmalari va anjomlar kiradi. 3 km dan uzoq masofani o‘lhash uchun qaytargichdagi prizmalar soni 12 yoki 18 tagacha tashkil qilishi kerak.



5.4-rasm.

Svetodalnomerda masofani o'lhashning impuls usuli vaqtiy intervaliga aylantirishdan foydalaniladi. O'lhash ikki chastotali yoritish impulslarini qo'llash orqali amalga oshiriladi:  $f_1 = 14985,5$  kGs va  $f_2 = 149,855$  kGs. Nurlatish manbayi nurlanish to'lqini uzunligi 0,86 mkm li yarim o'tkazgichli lazer diod hisoblanadi, qabul qilish qurilmasi(priyomnik)niki — fotoelektron umnojitel.

Ish boshlashdan oldin asbobni tashqi kuzatiladi va uni tekshiriladi. Asbobni tashqi kuzatishda uning mexanik shikastlanmaganligiga ishonch hosil qilish kerak, asbob detallarining va boshqarish ushlagichlarning saqlanganligi, ularning aniq va silliq aylanishi, shkalalar tasvirining aniq ko'rinishi, strelka asboblari va sanoq tablolarining ishga yaroqliligi tekshiriladi. CT-5 svetodalnomerini akkumulatorga ulash o'tkazgich 4 "Выкл" rejimida turganda amalga oshiriladi. Svetodalnomerning akkumulyatorga ulanganligini sanoq 3 tablodagi verguldan keyin uchta nol yonishi bo'yicha bilish mumkin.

### 5.3.2. CT-5 svetodalnomerini tekshirish

1. Akkumulator batareykalari kuchlanishi to'liq ta'minlangan bo'lishi kerak.

O'tkazgich 7 va 4 "Контр" va "Свет" holatiga qo'yiladi. Agar strelka 1 ko'rsatkichi 60 mA dan yuqori qiymatni ko'rsatsa, akkumulator batareykalarining kuchlanishi to'liq ta'minlangan hisoblanadi. Zummer 14 uzilgan signali akkumulator batareykalari kuchlanishining kamligini ko'rsatadi.

2. Tablodagi tekshirish sanog'i pasport bo'yicha qiymatga mos kelishi kerak.

Bu shartni tekshirish uchun svetodalnomer obyektiviga tekshirish sanog'i bloki kiygiziladi. Svetodalnomer o'tkazgich 7 va 4 bilan mos ravishda "Точно" va "Свет" holatiga o'tkaziladi. Ushlagich 16 bilan signalni o'rtacha (50) holatga qo'yiladi. Bunda tekshirish sanog'i qiymati

asbob pasportida ko'rsatilgan qiymatga mos kelishi kerak yoki 3 mm dan katta bo'limgan qiymatga farq qilishi kerak.

Bu shart bajarilmasa, talab qilingan tekshirish sanog'ini o'tkazgich 16 ni aylantirish bilan o'rnatish mumkin yoki o'lchangan uzunlik qiymatiga tuzatma kiritiladi:

$$R = O_p - O_o$$

Bu yerda:  $O_p$  — asbob pasporti bo'yicha sanoq;  
 $O_o$  — tekshirish sanog'i.

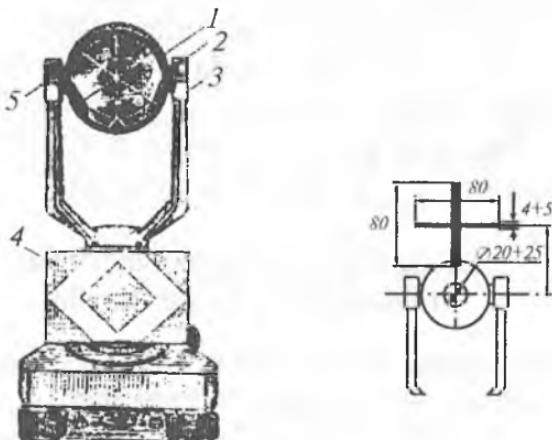
3. Tablo indikatorlari "Свет" va "Точно" rejimida tablo 3 ning hamma indikatorlarda 8 raqami yonishi kerak.

4. Kvarsli generatorning temperatura o'lchaydigan sxemasi normal ishlashi kerak.

"Свет" va "Контроль" rejimida tablo 3 bo'yicha bir nechta sanoq olinadi. Har bir olingan sanoq oldingisidan 5 birlikdan katta bo'limgan qiymatga farq qilishi kerak.

5. Qarash trubasining vizir o'qi modullashgan nurlanish yo'nalishiga paralel bo'lishi kerak.

Bu tekshirishni bajarish uchun karton yoki qattiq qog'ozdan 5.5-rasmida ko'rsatilgandek marka tayyorlana-



5.5-rasm.

di. U bitta prizmali qaytargichga o'rnataladi. Uni svetodalnomer dan 100—150 m masofaga o'rnatib, uni "Наведение" rejimida qaytargichga maksimum signal bo'yicha qaratiladi va qarash trubasining 17 to'r iplari aylanasi markazining markaning kesishtirishidan qanchalik og'ganligi baholanadi. Xatolik himoya kalpachogining ichida turgan to'r iplarini to'g'rilash vintlari yordamida markaning kesishishini to'r iplari aylanasi markaziga keltirish bilan tuzatiladi. Svetodalnomer CT-5 bilan o'lchashni bajarishdan oldin svetodalnomer va qaytargichning optik markazlashtirgichining to'g'ri ishlashiga ishonch hosil qilish kerak. Ular ikkita asosiy shartga amal qilishi kerak: silindrik adilak 13 o'qi vertikal perpendikular bo'lishi kerak; optik markazlashtirish vizir o'qi uning vertikal o'qi bilan ustma-ust tushishi kerak. Bu shartlarni tekshirish va tadqiq qilish optik teodolitlarda qanday bajarilsa bu yerda ham xuddi shunday bajariladi.

Yuqoridagi tekshirishlardan tashqari svetodalnomer metrologik attestatsiya ham qilinadi. Attestatsiya natijasida kvarsli generator chastotalarining nominal qiymatdan og'ganligi qiymati, tok kuchlanishining o'zgarishida tekshirish sanog'ining o'zgarishi, davriy xatoliklar, bitta usulda masofani o'lchashdagi o'rta kvadratik xatoliklar aniqlanadi.

Dala sharoitida metrologik attestatsiya uzunligi yuqori aniqlikda o'lchangan va davriy tekshirib turiladigan dala komparotorlarida aniqlanadi. Metrologik attestatsiya tartibi "Техническое описание и инструкция по эксплуатации СТ-5" da batafsil yozilgan.

### **5.3.3. CT-5 svetodalnomer bilan tomonlarni o'lchash tartibi**

1. Tomonning boshlang'ich nuqtasiga svetodalnomer oxirgi nuqtaga — qaytargich o'rnataladi. Ularni punkt markazi ustiga ish holatiga keltiriladi (markazlashtiriladi va nivelerlanaadi) va o'zaro oriyentirilanaadi (svetodalnomer

qarash trubasi qaytargichga, qaytargich svetodalnomeriga qaratiladi).

2. Svetodalnomer tokka ulanadi va qizdiriladi.
3. Tokning kuchlanishi tekshiriladi va asbobni ekspluatatsiya qilish bo'yicha qo'llanmada ko'rsatilgan texnik talablarga asosan tekshirish ishlari bajariladi (svetodalnomerni tekshirishga qarang).

4. Svetodalnomer "Наведение" rejimiga qo'yiladi. Buning uchun o'tkazgich 7 "Точно" holatiga va 4 "Наведение" holatiga qo'yiladi. Ushlagich 8 "Сигнал" soat strelkasi bo'yicha oxirigacha buraladi: quyoshli obihavoda fonli shovqini yuqori bo'lganda va havoning yuqori haroratida asbob strelkasining ko'rsatishi 20 mA dan oshmasligi kerak. Svetodalnomer oriyentatsiyasini yo'naltiruvchi vintlar yordamida gorizontal va vertikal o'zgartirib, signal olishga erishiladi. Signalning borligi tovush yoki asbob 1 strelkasining shkala bo'yicha o'ngga og'ishi dan bilinadi.

Svetodalnomer maksimum signal bo'yicha yo'naltiriladi. Bir vaqtda signal darajasi 8 ushlagich ish zonasining o'rtasida bo'lishi kerak.

5. O'tkazgich 4 "Счет" holatiga qo'yiladi va tablo indikatorining yonishi kuzatiladi (kerakli paytda ushlagich 8 bilan "Сигнал" signal darajasi to'g'rilanadi). "Точно" rejimida o'lchanadigan masofaning uchta sanog'i olinadi va maxsus jurnalga yoziladi. Jurnalga yana svetodalnomer turgan joyning meteoma'lumotlari — havoning temperaturasi va atmosfera bosimi ham yoziladi:

Uzun masofani o'lchaganda yoki qiyalik ancha baland bo'lganda tomon oxiri meteoma'lumotlari svetodalnomer va qaytargich turgan joylarda ham aniqlanadi.

Bu jarayondan keyin yana uch marta qaytargichga svetodalnomer yo'naltiriladi va har doim "Точно" rejimida uchta sanoq olinadi. 400 metrgacha masofani o'lchashda svetodalnomer obyektiviga attenuuator kiygiladi.

O'lhash tugagandan keyin o'tgazgich 7 "Контр" holatiga qo'yiladi va table bo'yicha tuzatma koeffitsiyentini aniqlash uchun sanoq olinadi.

Qo'pol o'lhashlar o'tkazgichning 7 "Грубо" va o'tkazgich 4 ning "Счет" holatlarida amalga oshiriladi. O'lhash tugagandan keyin svetodalnomer o'chiriladi (o'tkazgich 4 — "Выкл.").

Punktlar orasidagi masofa ushbu formula bilan o'lchanadi:

$$D_H = D_{ak} + D_{ak}(K_n + K_f) 10^{-5} + \Delta D_y,$$

bu yerda:  $D_{ak}$  — "Точно" rejimida sanoqlarning o'rta arifmetik qiymati;  $K_n$  — atmosfera ko'rsatkichi o'zgarishini hisobga oladigan tuzatmalar koeffitsiyenti;  $K_f$  — kvarsli generotor chastotasi temperaturasi o'zgarishini hisobga oladigan tuzatmalar koeffitsiyenti;  $\Delta D_y$  — davriy xatoliklar tuzatmasi.

Koeffitsiyent  $K_n$  ning qiymati nomogramma bo'yicha yoki dalnomer pasportida ko'rsatilgan jadval bo'yicha havo temperaturasi va atmosfera bosimi o'lchanan qiymatini hisobga olib aniqlanadi. Koeffitsiyent  $K_f$  va tuzatma  $\Delta D_y$  svetodalnomer pasportida berilgan grafik bo'yicha aniqlanadi.

O'lchanadigan tomon  $S$  ning gorizontal quyilishi quydagi formula orqali hisoblanadi:

$$S = D_H + \cos v,$$

bu yerda:  $v$  — asbob vizir o'qining egilish burchagi.

Agar tomonning boshlang'ich va oxirgi nuqtalari orasidagi nisbiy balandlik ma'lum bo'lsa:

$$S = D_{ak} + \delta S_y,$$

bu yerda:

$$\delta S_y = -\frac{h^2}{2D_{ak}}.$$

## O'lchash jurnaliga yozish misoli

Svetodalnomer БЛЕСК СТ-5 №\_\_\_\_\_ Sana — 16.09.2004  
 Kurzatuvchi Axmedov K.A. Boshlanishi — 17.00 tugashi —  
 Vordamchi Aliyev L.M. 17.20  
 O'lchanadigan tomon № 3-4 Obi-havo: bulutli, yengil  
 Tomonning taxminiy shamol.  
 qiymati — 3 km Svetodalnomer meteoma'lumoti  
 Svetodalnomer balandligi — 1.38 m  $t = +9,5^{\circ}\text{C}$ ;  $p = 102,8 \text{ kPa}$   
 Qaytargich balandligi — 1,41 m Qaytargich  $t = +8,5^{\circ}\text{C}$ ;  
 Qaytargich — 18 prizm  $p = 100,2 \text{ kPa}$ ;  $t_{o,r} = +9,0^{\circ}\text{C}$ ;  
 $p_{o,r} = 101,5 \text{ kPa}$

*jadval*

O'lchashlar ("Точно" rejimi)			Hisoblashlar
1-yo'naltirish	2-yo'naltirish	3-yo'naltirish	
873,628	873,629	873,626	$D_T = 2873626,6$
873,630	873,628	873,629	$K_n = -0,9$
873,628	873,627	873,625	$\Delta D_m = -0,5$
$D_H = D_T + 10^{-5} D_T (K_n + K_f) + \Delta D_m$			$K_f = + 0,3$
			$D_m = 2873,621$

## *6-bob*

### **POLIGONOMETRIYADA BURCHAK O'LCHASHLARI**

Poligonometriyada burchak o'lchashda o'rta aniqlik-dagi optik teodolitlar T2, Theo 010 va boshqa aniqligi bir xil bo'lgan asboblar qo'llaniladi.

Nº	Xarakteristikasi	T 2	Theo 010
1	Trubaning kattalashtirishi	25 <sup>x</sup>	30 <sup>x</sup>
2	Trubaning ko'rish maydoni	1°30'	1°30'
3	Limb bo'limining aniqligi	20'	20'
4	Baraban bo'limining aniqligi	1"	1"
5	Gorizontal aylana adilakning bo'lim aniqligi	15"	16"
6	Vertikal aylana adilakning bo'lim aniqligi	15"	20"
7	Fokus masofasi	250mm	250mm

#### **6.1. T2 teodoliti**

T2 teodoliti optik mikrometrali va optik markazlashtirgichli optik teodolit hisoblanadi.

Asbob temir uchburchakli 1 plastinka va turish vinti yordamida 2 taglikka o'rnatilgan. Asbob taglikning vtulkasiga kiradi va 17 qotirish vinti bilan mahkamlanadi (6.1-rasm).

Teodolitning qarash trubasi ichidan fokuslanadi. Uning kattalashtirishi 25<sup>x</sup>, obyektivning fokus masofasi 250 mm.

Teodolit limbi 20' ga bo'lingan 0° dan 360° gacha graduslangan shisha gorizontal va vertikal burchak o'lchash doirasiga ega. Gorizontal doiraning diametri 90 mm, vertikalniki — 65 mm.

Gorizontal doiraning alidadasi qotirish vinti 4 va yo'naltiruvchi vinti 3 ga ega. Qarash trubasi 5 okulyari to'r iplarini fokuslash uchun halqaga ega.

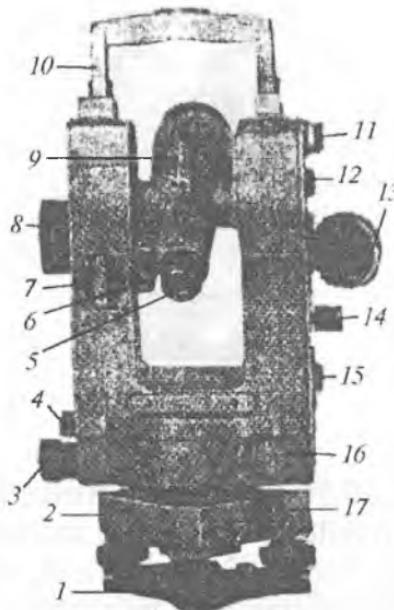
Qarash trubasi yonida okulyar bilan birga 6 sanoq mikroskopi okulyar trubkasi joylashgan. Unda gorizontal va vertikal doira tasviri qarash maydonini 7 ni aylantirish orqali o'zgartirish mumkin.

O'sha tomonda 8 mikrometrni burash qurilmasi joylashgan. Trubani vizir nishoniga taxminiy yo'naltirish uchun trubanining tagida va tepasida 9 vizirlar joylashgan.

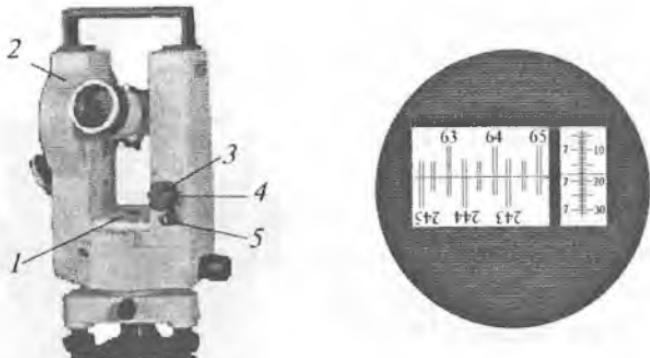
Ushlagich 10 ning o'rniga vizir markasini yoki bussolni o'rnatish mumkin. U teodolitni olib yurish uchun ham xizmat qiladi.

Vertikal doira adilak pufagining chetlari tasviri 11 prizma-lupaga uzatiladi. Adilak pufagi chetlarini kesishtirish 14 adilakning qo'yish vinti orqali keltiriladi. Adilak 12 oyna orqali yoritiladi. Sanoq mikroskopi qarash maydonini yoritish uchun 13 aylanadigan yoritish oynasi xizmat qiladi. U gorizontal va vertikal doira tasvirini ham yoritish uchun xizmat qiladi.

Teodolitni nuqtaga markazlashtirish uchun optik markazlashtirgich 15 dan foydalaniladi. Gorizontal doiraning sanoqlarini almashtirish ushlagich 16 yordamida bajariladi. Gorizontal doirani kerakli burchakka aylantirish uchun ushlagichni ozgina bosib, keyin uni kerakli sanoq ko'ringuncha aylantiriladi.



6.1-rasm. T2 teodoliti.



6.2-rasm.

6.2-rasmda 21 qotirish vinti va 20 qarash trubasini yo‘naltiruvchi vintlari ko‘rsatilgan. Asbob aylanish o‘qini shovun chizig‘iga keltirish uchun 18 silindrik adilak gorizontal aylana alidadasi korpusiga joylashtirilgan.

Qarash trubasini predmet bo‘yicha fokuslash dioptr halqasi yordamida amalga oshiriladi.

Sanoq olish mikroskopining ko‘rish maydonida ikkita — katta va kichkina oyna ko‘rinadi.

Chap oynaning yuqori qismida aylananing asosiy shtrixlari tasvirini ko‘rsatadi, pastda diametral qarama-qarshi tasvirni ko‘rsatadi.

Mikrometr 8 ushlagichini aylantirilsa, bu tasvirlar qarama-qarshi tomonga harakat qiladi. Har bir gradus uch qismga bo‘lingan. Bir bo‘lakning qiymati – 20’.

Ushlagich 7 ni aylantirish bilan sanoq mikroskopi qarash maydoniga gorizontal va vertikal doira tasviri keltililadi. Agar ushlagich 7 vertikal holatda bo‘lsa, sanoq mikroskopi qarash maydonida vertikal doira tasviri paydo bo‘ladi, ushlagich gorizontal holatda bo‘lsa, gorizontal doira tasviri paydo bo‘ladi.

Gorizontal doira shtrixi ikkilangan, vertikal doiraning shtrixi bitta. Gorizontal doira shtrixi oq fonda ko‘rinadi, vertikal doira shtrixi sariq-yashil fonda ko‘rinadi.

O'ng oynada mikrometr shkalasi bo'laklarining tasviri ko'rindi va harakatlanmaydigan indeks chiziq yordamida sanoq olinadi.

Mikrometr golovkasini aylantirishda shkalaning siljish qiymati o'ng oynadagi shtrixlar siljishiga proporsionaldir. Mikrometr shkalasi 600 bo'lakka ega. Uni aylantirganda kichik oynadan hammasi o'tadi va katta oynadagi tasvir × aylana bo'lagiga, ya'ni 10' ga siljiydi.

Mikrometr shkalasi bo'lagi qiymati:

$$\frac{10'}{600} = \frac{600''}{600} = 1''.$$

Gorizontal va vertikal doira bo'yicha sanoq olish tartibi quyidagicha:

1. Chap oynadagi yuqori va pastki shtrixlar tasvirini mikrometr golovkasi bilan aniq ustma-ust kesishtiriladi.

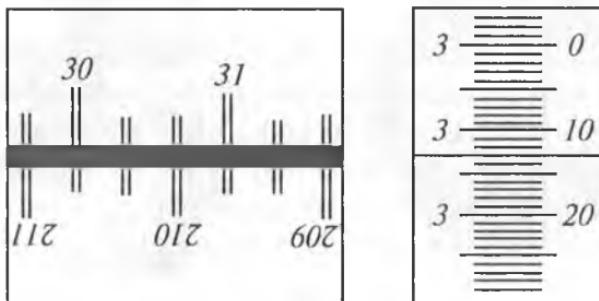
2. Oynaning pastki qismiga diametal qarama-qarshi bo'lgan yuqori qismining chap tomonidan gradusning qiymati olinadi — 63°. Berilgan diametal qarama-qarshi shtrixlar orasidagi oraliq sanaladi. Bizning misolimizda 63° dan 243° gacha — ular 4 ta. U 40' ga teng. Tasodifan diametal qarama-qarshi shtrixlar ustma-ust tushishi mumkin, unda o'nlik minutlar 0 ga teng bo'ladi.

3. O'ng oynada mikrometr shkalasi tasviri bo'yicha minut, sekund va o'ndan bir sekund aniqlikda sanoq olinadi. Birlik minutlar harakatlanmaydigan shkala yuqori qismidan chap tomondan — 7', o'nlik , birlik va o'ndan birlik sekundlar o'ng tomondan — 17,2".

Hamma olingan uchta sanoq yig'iladi va doira bo'yicha to'liq sanoq olinadi. Berilgan holat bo'yicha 63° 47' 17,2" ga egamiz.

Vertikal doira bo'yicha sanoq olish tartibi huddi shunday, lekin sanoq olishdan oldin vertikal doiradagi pufak chetlari tasvirini to'g'rilash vinti 14 bilan kesishtirish kerak.

## T2 teodoliti aylanasi bo'yicha sanoq olish



6.3-rasm.

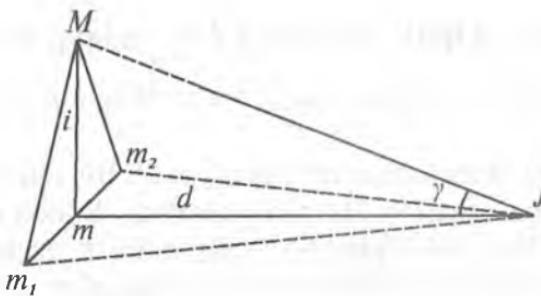
Doira bo'yicha sanoq	30°20'.
Mikrometr bo'yicha sanoq	3'13'',0.
Umumiysi	30°23'13''.

Sanoq olish tartibi:

1. Mikrometr barabanini aylantirib, katta oynaning pastki va yuqori qismi shtrixlarini aniq kesishtiriladi.
2. Katta oynadagi indeksdan chap tomonagi gradus soni o'qiladi.
3. Katta oynaning pastki qismida shtrixlar va o'qilgan sondan  $180^\circ$  farq qiladigan sanoq joylashgan.  $180^\circ$  farq qiladigan sanoqlar orasidagi shtrixlar sanaladi. Bu sanoq o'n minut soniga teng.
4. Kichkina oynada minut va sekundlarning sanog'i olinadi.
5. Olingan uchta sanoq qo'shiladi va to'liq sanoq olinadi.

## 6.2. T2 teodolitini tekshirish

1. Gorizontal doira alidasining silindrik adilak o'qi teodalit aylanish o'qiga perpendikular bo'lishi kerak.
2. Aylana adilak o'qi teodolit aylanish o'qiga parallel bo'lishi kerak.



6.4-rasm.

3. Truba to‘rining vertikal ipi truba kollimatsion teklisligida yotishi kerak.

4. Trubaning qarash vizir o‘qi trubaning aylanish o‘qiga perpendikular bo‘lishi kerak. (Kollimatsion xatolik.  $2C = ChD \pm 180^\circ - O'D$ . Xatolik  $2C < \pm 10''$ .  $2C$  – ikkilangan kollimatsion xatolik)

5. Qarash trubasining aylanish o‘qi teodolit aylanish o‘qiga perpendikular bo‘lishi kerak.

6.4-rasmdan ko‘rinib turibdiki:

$Mm = d \operatorname{tg} \gamma$  mavjud.

$i$  – kichkina qiymat, shuning uchun  $i = \frac{m_1 m}{Mm} \rho''$  yoki  $i = \frac{m_1 m}{dtg \gamma} \rho''$ , lekin  $m_1 m = \frac{1}{2} m_1 m_2$ ; shuning uchun  $i = \frac{m_1 m t g}{2 dtg \gamma} \rho''$ .

Burchak  $i$  gorizontal doiraning silindrik adilak bo‘lagi ikkilangan qiymatidan kam bo‘lishi kerak.

6. Vertikal doiraning zenit joyi ( $ZJ$ ) doimiy va nolga yaqin bo‘lishi kerak.

$$ZJ = \frac{ChD + O'D \pm 360^\circ}{2}; Z = ChD - MZ = ZJ - O'D.$$

### Teodolit optik shovunini tekshirish

Optik shovun qarash trubasining vizir o‘qi teodolit aylanish o‘qi bilan ustma-ust tushishi kerak.

### 6.3. Optik teodolit T2 ni tadqiq qilish

#### 1. Reyka bo'yicha qarash trubasining kattalashtirishini aniqlash

15—20 m masofaga reyka qo'yiladi. Bir vaqtning o'zida reyka truba orqali va shunday qaraladi. Bunda oddiy ko'z bilan ko'ringan reyka bo'lagini qarash trubasi orqali ko'ringan reyka bo'laklari nechtasi yopganligi sanaladi (6.5-rasm). Ana shu nisbat trubaning kattalashtirish soni bo'ladi:

$$V = \frac{D''}{D'}.$$

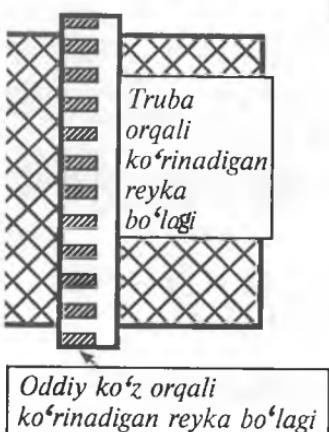
Qarash trubasining kattalashtirishi obyektiv fokus masofasiga to'g'ri proporsional va okulyar fokus masofasiga teskari proporsional, ya'ni,  $V = \frac{f_{ob}}{f_{ok}}$

Qarash trubasining kattalashtirishini quyidagi formula bo'yicha ham aniqlash mumkin:

$$V = \frac{D}{d},$$

bu yerda:  $D$  — obyektiv diametri;  $d$  — okulyar diametri.

#### 2. Trubaning ko'rish maydonini aniqlash



6.5-rasm.

Reyka 10 m masofaga o'rnatilib, truba reykaga qaratiladi. Reykadan trubaning ko'rish maydonining yuqori va pastki chekkasidan sanoq olinadi. Bu sanoqning farqi maxsus formula orqali hisoblanib, truba ko'rish maydoni kattaligi aniqlanadi.

#### 3. Optik mikrometr renini aniqlash

Limb bo'lagini yarim miqdori bilan o'chanadigan mikrometr shkalasi nominal va ha-

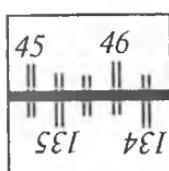
qiqiy bo'laklari soni orasidagi farq optik mikrometrning *reni* deyiladi. Optik mikrometr reni ushbu formula bo'yicha aniqlanadi:

$$r = (a - b) + \frac{t}{2},$$

bu yerda:  $a$  — mikrometr shkalasining noli bo'yicha sanoq (eng kichik shtrix bo'yicha);  $b$  — mikrometr shkalasining oxiri bo'yicha sanoq (eng katta shtrix bo'yicha sanoq);  $t$  — limb bo'lagining qiymati.

Ren uchun tuzatma  $\delta_r = \frac{r}{10} k$ ;  $k$  — optik mikrometr shkalasidagi minut sanog'i.

Misol.



I holat  
 $a=45^{\circ}00'00''$



II holat  
 $b=45^{\circ}10'00''$

6.6-rasm.

$$r = (45^{\circ}00'00'' - 45^{\circ}10'00'') + \frac{20'}{2} = 00''.$$

Ren alidadaning sakkiz holatida aniqlanadi. Renning o'rtacha qiymati  $\pm 1''$  dan oshmasligi kerak.

#### *4. Gorizontal doira adilak bo'lagi qiymatini aniqlash*

Yaxshiroq ko'rinaldigan biror nuqta tanlanadi. Teodolit shunday o'rnatiladiki, ko'tarish vintlaridan biri tanlangan nuqta yo'nalishida bo'lishi kerak. Trubani tanlangan nuqtaga qaratiladi va gorizontal doiradan sanoq olinadi. Alidadani aniq  $90^{\circ}$  ga aylantiriladi, mahkamlanadi va gorizontal doira silindrik adilak pufagining ikki chetidan sanoq olinadi.

T-2      TB-1

Pufakning chap cheti bo'yicha sanoq  $(+Ch_1)$   $Ch_1$   
 Pufakning o'ng cheti bo'yicha sanoq  $(-O'_1)$   $O'_1$   
 Pufakning o'rtacha holati topiladi:

T-2                  TB-1

$$\frac{Ch_1 + (-O'_1)}{2} \quad \frac{Ch_1 + O'_1}{2}$$

Keyin truba tanlangan nuqtaga qaratiladi va vertikal doira bo'yicha  $H_1$  sanoq olinadi. Qarash trubasi 40—50° burchakka buriladi(yuqoriga) va vertikal doiradan sanoq  $H_2$  olinadi. Vertikal burchak  $\gamma = H_2 - H_1$  hisoblanadi. Tanlangan nuqta yo'nalishida turgan ko'tarish vintini aylantirib, truba yana tanlangan nuqtaga qaratiladi. Undan keyin yana alidada 90° ga buriladi va pufakning chetlari bo'yicha sanoq olinadi. Ikkinchi marta pufak o'rtasining holati aniqlanadi:

$$\frac{Ch_1 + (-O'_1)}{2}, \quad \frac{Ch_1 + O'_1}{2}.$$

Pufakning o'tish uzunligi aniqlanadi:

$$n = \frac{Ch_2 + O'_2}{2} - \frac{Ch_1 + O'_1}{2}.$$

Pufakning bo'lagi qiymati hisoblanadi:

$$\tau = \frac{\gamma}{n}.$$

#### 6.4. Burchak o'lhash xatoliklari manbalari

Burchak o'lhash xatoliklarining asosiy manbalari quyidagilardir:

1. Markazlashtirish xatoliklari ( $m_m$ ).
2. Reduksiya xatoliklari ( $m_r$ ).
3. O'lhashlarning o'z xatoliklari ( $m_{o'lch}$ ).

4. Asbob xatoliklari ( $m_{\text{asb}}$ )
5. Tashqi muhitning ta'siri ( $m_{\text{tash}}$ )
6. Bosh berilganlar (исходные данные) xatoligi  
(boshlang'ich va oxirgi direksion burchakning xatosi).

Bitta burchakning o'rta kvadratik xatosi:

$$m_{\beta}^2 = m_m^2 + m_r^2 + m_{\text{olch}}^2 + m_{\text{asb}}^2 + m_{\text{tash}}^2 + m_{\text{ber}}^2. \quad (1)$$

Agar hamma xatoliklar bir xilda ta'sir qiladi deb hisoblasak

$$m_m = m_r = \dots = m_{\text{ber}}.$$

Unda

$$m_{\beta} = \sqrt{6} \quad m_b = \sqrt{6} \quad m_r = \dots \sqrt{6} \quad m_{\text{ber}}$$

yoki

$$m_m = m_r = \dots m_{\text{ber}} = \frac{m_{\beta}}{\sqrt{6}}. \quad (2)$$

Ma'lumki, qattiq punkt orasida o'tkazilgan poligonometrik yo'l ko'ndalang siljishi o'rta kvadratik xatosi ushbu formula bilan ifodalanadi:

$$m_u = L \frac{m_{\beta}}{\rho''} \sqrt{\frac{n+3}{12}}. \quad (3)$$

Burchak o'lchash o'rta kvadratik xatosi:

$$m_{\beta} = \frac{m_u}{L} \rho'' \sqrt{\frac{n+3}{12}}.$$

Ma'lumki, yo'lning perimetrida umumiy xatolik quydagi teng:

$$M^2 = m_t^2 + m_u^2.$$

Teng ta'sir qilish prinsipi bo'yicha:

$$m_t = m_u.$$

Shuning uchun:

$$M = \sqrt{2} m_u,$$

bundan

$$m_u = \frac{M}{\sqrt{2}}. \quad (5)$$

Chekli xatolikka o'tamiz: *cheki*  $U = \frac{\text{chek.} f_s}{\sqrt{2}}$ .

Chekli nisbiy xatolik:

$$\frac{\text{chek.} U}{L} = \frac{\text{chek.} f_s}{\sqrt{2} L}.$$

Ma'lumki,  $\frac{f_s}{2} = \frac{1}{T}$ ,

unda

$$U = \frac{L}{\sqrt{2} T}. \quad (6)$$

(4) formuladagi  $m_u$  ni o'lchangan burchakdagi xatoliklar yig'indisini hisoblash uchun  $\frac{L}{\sqrt{2} T}$  bilan almashtiramiz. Unda chekli tasodifiy xatoliklar yig'indisi:

$$\text{cheki } \Delta\beta = \frac{L}{\sqrt{2} T} \rho'' \sqrt{\frac{12}{n+3}} \text{ yoki } \text{cheki } \Delta\beta = \frac{\rho''}{T} \sqrt{\frac{12}{n+3}}. \quad (7)$$

(2) va (7) formulalarga asosan har bir xatolik manbayining chekli qiymatini topamiz:

$$\text{cheki } \Delta\beta_m = \Delta\beta_r = \dots \Delta\beta_{ber} = \frac{\text{chek.} \Delta\beta}{\sqrt{6}} = \frac{\rho''}{T\sqrt{6}} \sqrt{\frac{6}{n+3}}$$

yoki

$$\text{cheki } \Delta\beta_m = \Delta\beta_r = \dots \Delta\beta_{ber} = \frac{\rho''}{T\sqrt{n+3}}. \quad (8)$$

Har bir manbaning sistematik xato chekli miqdori:

$$cheki \Delta\beta'_{m} = \Delta\beta_{ber} = \frac{chek \Delta\beta_i}{\sqrt{n+1}}. \quad (9)$$

Miso1. 4-klass poligonometriya yo‘li uzunligi 11 km, tomonlarning o‘rtacha uzunligi  $S_{o\cdot n} = 500$ m,  $T = 25000$ .

Xatoliklarning har bir manbayi uchun burchak o‘lchash o‘rta kvadratik va chekli xatosini topamiz.

Yo‘Ining tomonlar sonini topamiz:  $n = 10000:500 = 22$ .

Har bir manba uchun chekli tasodifiy xatoni aniqlaymiz ((8) formula):

$$chekli_{tas} \Delta\beta_i = \frac{206265''}{25000\sqrt{22+3}} = 1,65''.$$

Bitta manba uchun chekli sistematik xato (9) formula:

$$chekli_{sis} \delta_{\beta_i} = \frac{1,65}{\sqrt{22+1}} = 0,3''.$$

Chekli tasodifiy xato yig‘indisi ((7) formula):

$$chekli \Delta\beta_{tas} = \frac{206265''}{25000} = \sqrt{\frac{6}{22+3}} = 4,04.$$

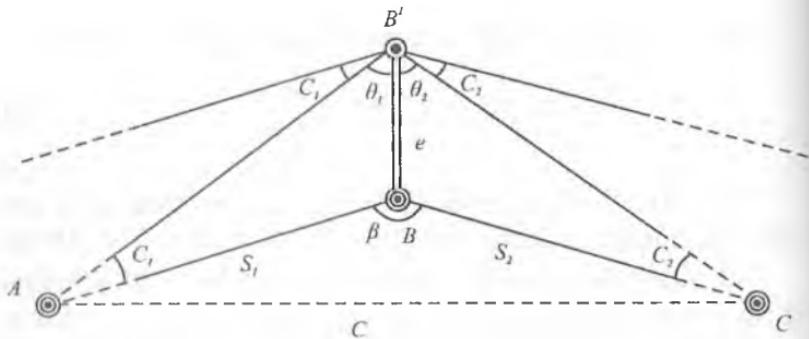
## Alovida xatoliklar uchun yo‘l qo‘yish (dopusk) xatoligini hisoblash

### 1. Markazlashtirish xatoligi

$B$  — poligonometrik belgi(znak) markazi.

$B'$  — teodolit o‘qi aylanish proyeksiyasi.

Belgi markaziga teodolitni noaniq o‘rnatish burchak o‘lchashda xatoga olib keladi. Bu xatolikni *markazlashtirish xatoligi* deyiladi. Faraz qilaylik, belgi markazining ustiga teodolit noto‘g‘ri o‘rnatilgan va  $ABC$  burchak o‘rniga  $AB'C$  burchak o‘lchangani.



6.7-rasm.

Belgilash kiritamiz:

Masofa  $BB' = e$  — markazlashtirishning chiziqli elementi.

$\angle \theta_1$  va  $\angle \theta_2$  — markazlashtirishning burchak elementlari.

$\angle C_1$  va  $\angle C_2$  — teodolit o‘qi aylanishi holatining markazlashmaganligi uchun burchak o‘lchash xatoligi.

Har bir yo‘nalish uchun teodolit o‘qi aylanishi holatining markazlashmaganligi uchun burchak o‘lchash xatoligini sinuslar teoremasi bo‘yicha hisoblash mumkin.

$AB'B$  uchburchakdan:

$$\frac{e}{\sin C_1} = \frac{S_1}{\sin \theta_1}, \text{ bundan } C_1 = \frac{e \cdot \sin \theta_1}{S_1}.$$

Burchak  $C_1$  — kichik qiymat, shuning uchun  $\sin C_1$  ni  $\frac{C_1}{\rho''}$  bilan almashtiramiz, unda

$$C_1'' = \frac{e \cdot \sin \theta_1}{S_1} \rho''.$$

Xuddi shunday ikkinchi yo‘nalish uchun ham topamiz:

$$C_2'' = \frac{e \cdot \sin \theta_2}{S_2} \rho''.$$

Teodolit o'qi aylanishi holatining markazlashmaganligi uchun burchak o'lhash xatoligi:

$$C'' = C''_1 + C''_2 = \frac{e \cdot \sin \theta_1}{S_1} \rho'' + \frac{e \cdot \sin \theta_2}{S_2} \rho''.$$

Agar yo'l tomonlari uzunliklari  $S_1$ ,  $S_2$ , markazlashtirish elementlari  $e$ , va  $\theta$  ma'lum bo'lsa, bu formula bo'yicha teodolit holatining markazlashmaganligi uchun burchak o'lhashga tuzatma hisoblanadi.

O'rta kvadratik xatolikka o'tamiz. Keltirib chiqarishni soddalashtirish uchun tomonlar uzunligini bir-biriga teng  $S_1 = S_2 = S$  va qayrilish burchagi  $\beta$  qiymati  $180^\circ$  ga yaqin deb qabul qilamiz. Unda o'rta kvadratik xatolik:

$$m_m = \frac{e\rho''}{S} [\sin \theta + \sin (180^\circ - \theta)] \text{ yoki } m_m = \frac{2e\rho''}{S} \sin \theta.$$

Agar  $\theta = 90^\circ$  yoki  $270^\circ$  bo'lsa, markazlashtirish uchun xato eng katta qiymatga ega bo'ladi.

Agar  $\theta = 0^\circ$  yoki  $180^\circ$  bo'lsa, u eng kichik qiymatga ega bo'ladi. Xatolikning o'rta qiymatinini hisoblash uchun burchakning  $\theta = 45^\circ$  o'rtacha qiymatini olamiz. Unda

$$m_m = \frac{2e\rho''}{S} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ yoki } m_m = \frac{\sqrt{2}e\rho''}{S},$$

agar  $S_1 \neq S_2$  bo'lsa, unda  $\frac{e\rho'' C}{\sqrt{2}S_1 S_2}$ .

Misol. 1. Agar  $S = 2$  km;  $m_m = 0,8''$  bo'lsa, 4-klass poligonometriya yo'lini o'tkazishda teodolitni qanday aniqlikda markazlashtirish kerak?

$$\text{Yechish. } e = \frac{m_m S}{\sqrt{2}\rho''} = \frac{0,8'' \cdot 2000000 \text{ mm}}{\sqrt{2} \cdot 206265''} = 5 \text{ mm.}$$

2. Agar  $S = 250$  m,  $m_m = 1,0''$  bo'lsa, yuqori aniqlik-dagi poligonometriya (1-razryad) uchun:

$$e = \frac{1,0'' \cdot 250000 \text{ mm}}{\sqrt{2 \cdot 206265}} = 1 \text{ mm bo'ldi.}$$

*Xulosa.* Yo'l tomoni  $S$  qanchalik kichik,  $\theta$  burchak  $90^\circ$  ga yaqin bo'lsa, teodolitni shunchalik aniq markazlashtirish kerak.

## 2. Reduksiya xatoligi

$A$  — poligonometrik belgi(znak) markazi.

$A'$  — qarash markasining aylanish o'qi proyeksiyasi.

Vizir markalari vertikal o'qini belgi markaziga noaniq o'rnatish burchak o'lhashda xatolik keltirib chiqaradi. Bu xatolik *reduksiya xatoligi* deyiladi.

Belgilashlar kiritamiz:

Masofa  $AA' = e_1$  — reduksiyaning chiziqli elementi.

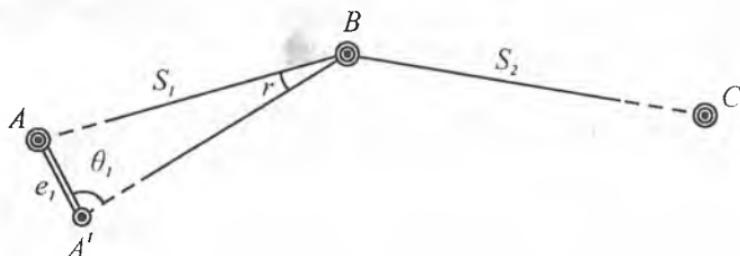
$\angle \theta_1$  — reduksiyaning burchak elementi.

$\angle r$  — vizir markasining aylanish o'qi holatining markazlashmaganligi uchun burchak o'lhash xatoligi.

Faraz qilaylik, vizir markasi  $A$  belgi markazi ustiga noaniq o'rnatilgan va  $ABS$  burchak o'rniga  $A'BS$  burchak o'lchang'an bo'lsin.

$ABA'$  uchburchakdan sinuslar teoremasi bo'yicha topamiz:

$$\frac{e_1}{\sin r} = \frac{S_1}{\sin \theta_1},$$



6.8-rasm.

bundan

$$r'' = \frac{e_1 \sin \theta_1}{S_1} = \rho''. \quad (1)$$

Bu formula yordamida bitta yo'nalish bo'yicha reduksiya xatoligi hisoblanadi.

O'rta kvadratik xatolikka o'tamiz. Soddalashtirish uchun

$$S_1 = S_2 = S; \angle \theta_1 = 45^\circ \text{ deymiz.}$$

Unda bitta yo'nalishning o'rta kvadratik xatoligi:

$$m'_{\rho} = \frac{e_1 \rho''}{S} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{e_1 \rho''}{S \sqrt{2}}. \quad (2)$$

Ikkita yo'nalish bo'yicha:

$$m_{\rho}^2 = m'_{\rho}^2 + m''_{\rho}^2.$$

Agar  $m'_{\rho} = m''_{\rho}$  bo'lsa, unda  $m_{\rho}^2 = 2m'_{\rho}^2$

Bundan:

$$m'_{\rho} = \frac{m_{\rho}}{\sqrt{2}}. \quad (3)$$

(2) va (3) formulalarga asosan:

$$m_{\rho} = \frac{e_1 \rho''}{S}. \quad (4)$$

Agar  $S_1 \neq S_2$  bo'lsa, unda  $m_{\rho} = \frac{e_1 \rho''}{S} \cdot \sqrt{\frac{1}{S_1^2} + \frac{1}{S_2^2}}$ . (5)

Misol. 1. Agar  $S = 2\text{km}$ ,  $m_{\rho} = 0,8''$  bo'lsa, 4-klass poligonometriya uchun burchak o'lchashdagi reduksiya xatoligi belgilangan chekdan oshib ketmasligi uchun vizir markasini belgi markaziga qanday aniqlikda o'rnatish kerakligini aniqlang.

$$\text{Yechish. } e_1 = \frac{m_{\rho} S}{\rho''} = \frac{0,8'' \cdot 2000000 \text{ mm}}{206265''} = 7 \text{ mm.}$$

2. Agar  $S = 250\text{m}$ ,  $m_{\rho} = 1,0''$  bo'lsa, yuqori aniqlikda-  
gi poligonometriya uchun

$$e_1 = \frac{1,0'' \cdot 250000 \text{ mm}}{206265''} = 1,2 \text{ mm bo'ldi.}$$

Xulosa. Yo'l tomonlari uzunliklari qanchalik kichik bo'lsa, vizir markalarini shunchalik aniqroq markazlash-tirish kerak.

### 3. Burchak o'lhashning o'z xatoligi

Burchak o'lhashning o'z xatoligi yo'nalishlarni o'lhash xatoligiga bog'liq. O'z navbatida yo'nalishlarni o'lhash xatoligi vizirlash xatoligiga va sanoq olish xatoligiga bog'liq.

Bitta yo'nalishning o'rta kvadratik xatosi:

$$m_H^1 = \sqrt{m_V^2 + \frac{m_0^2}{2}},$$

bu yerda:  $m_V = \frac{60''}{V}$  — vizirlash o'rta kvadratik xatosi;

$60''$  — normal qarashning kritik burchagi;

$V$  — trubaning kattalashtirishi.

$$\text{TB1 uchun: } m_V = \frac{60''}{27} = 2.2''.$$

$$\text{T2 uchun: } m_V = \frac{60''}{25} = 2.4''.$$

$m_0$  — sanoq olish o'rta kvadratik xatosi (TB-1 uchun  $m_0 = 1,5'' - 2''$ ).

Ikkita yo'nalishning o'rta kvadratik xatosi (bitta aylana):

$$m_\beta'^2 = m_H'^2 + m_H''^2$$

Agar  $m_H' = m_H''$  bo'lsa, unda  $m_\beta' = \sqrt{2} m_H'$

Bitta to'liq usulda olingan burchak o'lhashning o'rta kvadratik xatosi:

$$m_\beta' = \frac{\sqrt{2} m_H''}{\sqrt{2}} \text{ yoki } m_\beta' = m_H'$$

Demak, bitta to'liq usulda olingan burchak o'lhashning o'rta kvadratik xatosi bitta yo'nalihsning xatosiga teng.

Odatda burchak to'liq bir nechta usulda o'lchanadi. Bunday holatda  $n$  usulda o'lchanagan burchakning o'rta kvadratik xatosi bir marta o'lchanagan o'rta kvadratik xatolikdan  $\sqrt{n}$  marta kichik bo'ladi:

$$m'_{\beta} = \frac{m'_H}{\sqrt{n}}.$$

$m'_H$  qiymatini qo'yib, topamiz:

$$m'_{\beta} = \sqrt{\frac{1}{n} \left( m_V^2 + \frac{m_0^2}{2} \right)}.$$

Misol. 4-klass poligonometriyada kutiladigan burchak o'lhashning o'rta kvadratik xatosini toping. Burchak T2 teodolit bilan to'liq to'qqizta usulda o'lchanagan.

Yechish.  $m'_{\beta} = \sqrt{\frac{1}{9} \left( (2.4)^2 + \frac{2^2}{2} \right)} = 0,93''.$

#### 4. Asbob xatoliklari

Asbob xatoliklari quyidagi xatoliklardan yig'iladi:

- a) limbning bo'laklari;
- b) optik mikrometrning reni;
- d) alidadaning eksentrisiteti;
- e) kollimatsiya;
- f) asbob o'qi aylanishining egilishi;
- g) asbobning turg'unmasligi.

Asbob xatoliklari sistematik xarakterga ega.

Limb bo'laklari xatoligi ta'sirini kamaytirish uchun usullar orasida limb  $\delta = \frac{180^\circ}{n}$  burchakka surib o'lchanadi.

Bu yerda:  $n$  — usullar soni.

Alidada aylanish markazi bilan limb markazining ust-ma-ust tushmasligi *alidada eksentriskiteti* deyiladi.

Eksentriskitetni aniqlash uchun alidada noldan boshlab har  $45^\circ$  da qo'yib boriladi. Alidadaning har bir holatida qarama-qarshi shtrixlar kesishtiriladi ( $0^\circ - 180^\circ$ ,  $45^\circ - 225^\circ$ ,  $90^\circ - 270^\circ, \dots$ ) va sanoq olinadi. Keyin alidada qo'yilganligini xarakterlaydigan shtrix indeks bilan kesishtiriladi va sanoq olinadi.

Agar:

$b$  — shtrixlarni kesishtirganda mikrotmetr bo'yicha sanoq;

$a$  — shtrixni indeks bilan kesishtirganda mikrometr bo'yicha sanoq deb belgilasak, har bir kuzatish qatori bo'yicha farqni hisoblash mumkin:

$$a - b = c,$$

bu yerda:  $c$  — shtrix va indeks orasidagi masofa (burchak birligida).

Sanoqlarning ikkilangan farqini hisoblanadi:

$$d = 2(a - b).$$

$d$  miqdorning farqi  $40''$  dan kichik bo'lishi kerak. Uning sinusoidadan og'ishi  $15''$  dan oshmasligi kerak.

Asbob o'qi aylanishining qiyaligi ushbu tuzatma formula bilan aniqlanadi:

$$\Delta'' = b \frac{\tau''}{2} \operatorname{ctg} z,$$

bu yerda:  $b = \frac{(Ch_2 + O'_2) - (Ch_1 + O'_1)}{2}$  — adilak bo'lagidagi asbob aylanish o'qi qiyaligi (TB1 uchun);

$Ch_1$  va  $O'_1$  —  $ChD$  da adilak pufagining chetlari bo'yicha sanoq;

$Ch_2$  va  $O'_2$  — xuddi shunday  $O'D$  da;

$\tau''$  — adilak bo‘lagining qiymati;

$z$  — kuzatilayotgan predmetning zenit masofasi.

## 5. Tashqi muhitning ta’siri

Tashqi muhit ta’siri tushunchasiga burchak o‘lhashga ta’sir qiladigan kompleks omillar kiradi. Bu kompleksga quyidagi omillar kiradi:

- a) yon (боковая) refraksiya;
- b) shamol ta’siri;
- d) temperatura ta’siri;
- e) asbob va vizir moslamalarining tekis yoritilmaganligi.

4-klass poligonometriyada burchak o‘lhashda tashqi muhitning ta’siri quyidagidan oshmasligi kerak:

$$m_{\text{tashq.}} = \frac{m_\beta}{\sqrt{6}} = \frac{2''}{\sqrt{6}} = \pm 0,8''.$$

## 6.5. Vizir markalari

Vizir markalari har xil konstruksiyada bo‘ladi. Tuzilishiga ko‘ra ular elektrik yoritiladigan disk markalariga va oddiyiga (щитковые) bo‘linadi. Markada adilak, optik shovun va uchta ko‘tarish vintlari mavjud.

Vizir markalarini tekshirish:

1. Markaning silindrik adilak o‘qi markaning aylanish o‘qiga perpendikular bo‘lishi kerak.

Markani vertikal o‘q atrofida aylantirganimizda punkt markazi tasviri optik shovun to‘ri kesishgan nuqta atrofida tekis aylanishi kerak, ya’ni u aylanishda kesishgan iplar markazidan bir xil masofada aylanishi kerak.

Agar bu shart bajarilmasa, tuproq yuziga (yerga) xatolar aylanasi chiziladi, bu figuraning markazi topiladi va to‘rning to‘g‘rilash vintlari yordamida to‘rning kesishgan joyi markaz bilan kesishtiriladi.

Agar optik shovun asbob tregeriga mahkamlangan bo'lsa, tekshirishni xuddi yuqoridagiday bajarish mumkin, lekin har doim asbob treger bilan qayta-qayta qo'yishga to'g'ri keladi. Tekshirishni stol ustida ham bajarish mumkin. Asbobni treger bilan stol chetiga gorizontal qo'yiladi va uning pastki qismini aylantiriladi. Asbobdan 1,5 m masofaga qog'ozga optik shovun o'qining aylanish holati belgilanadi.

2. Vizir marka nishonining simmetrik o'qi marka aylanish o'qi bilan ustma-ust tushishi kerak.

Bu shartni tekshirish uchun markaning yuqori qismiga saqich bilan igna mahkamlanadi. Markadan 5 m masofaga teodolit o'rnatib, markani aylantiriladi va teodolit trubasida ignaning aylanish holati kuzatiladi. Agar igna to'r iplari bessektoridan chiqsما, ignaning holatini bessektordan chiqmaguncha to'g'rilanadi.

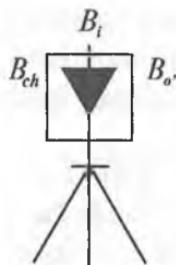
Undan keyin teodolit vizir marka nishonining chap, o'ng chetiga va ignaga qaratilib, gorizontal doira bo'yicha sanoq olinadi (6.9-rasm).

$B_{ch}$  — vizir marka nishonining chap cheti bo'yicha sanoq.

$B_o$  — vizir marka nishonining o'ng cheti bo'yicha sanoq.

$B_i$  — vizir marka nishonining igna bo'yicha sanoq.

Vizir markasi nishoni ikki chetidan olingan sanoqlar o'rtachasi igna bo'yicha olingan sanoqqa teng bo'lishi kerak, ya'ni



6.9-rasm.

$$B_{o'rt} = B_i$$

$$\text{bu yerda: } B_{o'rt} = \frac{B_{ch} + B_o}{2}.$$

Farq topiladi:  $\Delta B'' = B_{o'rt} - B_i$

Vizir marka nishonining simmetrikligi aniqlanadi:

$$A = \frac{\Delta B''}{\rho''} S,$$

bu yerda:  $S$  — teodolitdan vizir markasigacha masofa.

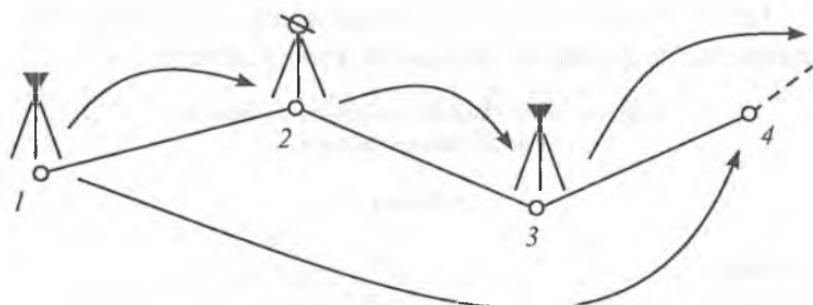
Asimmetriya miqdori 1 mm dan oshmasligi kerak. Uning miqdori katta bo'lsa, marka nishoni to'g'rilanishi kerak.

## 6.6. Burchak o'lhashning uch shtativ usuli

Markazlashtirish va reduksiya xatolarini yo'qotish maqsadida va burchak o'lhashlarni tezlashtirish uchun uch shtativ sistemasi qo'llaniladi. 1, 2 va 3-punktarga bir xil taglikdagi uchta shtativ o'rnatiladi (6.10-rasm). Ular ni optik markazlashtirgich bilan markazlashtiriladi. 2-punktdagi shtativga teodolit, 1 va 3-punktdagi shtativlarga vizir markalari o'rnatiladi.

2-punktda burchak o'lchangandan keyin teodolit shtativdan olinib, 3-punktga o'tkaziladi. 1-punktda turgan shtativdagi vizir markasi 2-punktda turgan shtativga o'rnatiladi. 1-punktda turgan shtativ esa 4-punktga o'rnatiladi. 3-punktdagi vizir markasi olinib, 4-punktga o'rnatiladi.

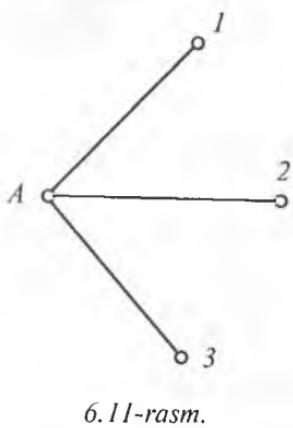
Hamma keyingi burchaklar ham huddi shunday ketma-ketlikda o'lchanadi.



6.10-rasm.

## 6.7. Gorizontal burchaklarni o'Ichash usullari

### 1. Doira aylantirish (Круговых приемов) usuli



6.11-rasm.

usulni tashkil qiladi.

Keyinchalik qarash trubasi zenit bo'yicha aylantiriladi. Limbning oldingi holatida alidadani soat strelkasingning teskari yo'nalishida ketma-ket 1, 2, 3- va yana 1-punktlarga qaratiladi. Har bir qaratishda sanoq olinadi. Bu o'Ichash jarayoni ikkinchi yarim usulni tashkil qildi. Ikkita yarim usul bitta to'liq usulni tashkil qildi.

Yarim usulning boshlanishida va oxirida qaratilib sanoq olingan A-1 yo'nalish *boshlang'ich yo'nalish* deyiladi.

Har bir yarim usulda boshlang'ich yo'nalishga qayta qaratib sanoq olishni *gorizontni yopish* deyiladi.

#### Gorizontal yo'nalishlarni doira aylantirish usuli bilan o'Ichash

#### JURNALI

Punkt: \_\_\_\_\_

t° \_\_\_\_\_

Sana: \_\_\_\_\_

Ob-havo \_\_\_\_\_

Vaqt: \_\_\_\_\_

Ko'rinish \_\_\_\_\_

Yo'nal. №	Aylana	Sanoqlar		$\frac{a_1 + a_2}{2}$	2C = DCh - DO'	$\frac{DCh + DO'}{2}$	Keltirilgan yo'nalishlar
		$a_1$	$a_2$				
1	DCh	0°20'16,7"	17,0"	16,8"		0	
					+1,2"	16,2"	0°00'00"
2	DO'	180°20'15,4"	15,8"	15,6"			
	DCh	45°10'30,5"	31,5"	31,0"		+0,2"	
3					+4,5"	28,8"	44°50'12,8"
	DO'	225°10'26,1"	26,9"	26,5"			
4	DCh	91°40'50,7"	51,1"	50,9"		+0,3	
					+6,8"	47,5	91°20'31,5"
	DO'	271°40'43,6"	44,6"	44,1"			
4	DCh	0°20'17,5"	18,1"	17,8"		+0,5"	
					+4,2"	15,7"	
	DO'	180° 20'13,1"	14,0"	13,6"			

Bog'lanmaslik:  $\Delta D_{\text{a}1} = +1,0"$ ,  $\Delta D_{\text{v}1} = -2,0"$ ,  $\Delta D_{\text{o}1} = -0,5"$ .  
Maksimal o'zgarish:  $2C = 6,8"$ .

Yo'naliшhga tuzatma:

$$\sigma_k = \frac{\Delta D_{\text{o}1}}{m} (k-1).$$

$$1. \sigma_1 = +\frac{0,5}{3} (1-1) = 0.$$

$$2. \sigma_2 = +\frac{0,5}{3} (2-1) = +0,2".$$

$$3. \sigma_3 = +\frac{0,5}{3} (3-1) = +0,3",$$

bu yerda:  $m$  — kuzatiladigan yo'naliшhlar soni,  
 $k$  — kuzatiladigan yo'naliшhning tartib bo'yicha nomeri.  
Usullar oralig'ida limb quyidagi qiymatga o'zgartiriladi:

$$\sigma = \frac{180^\circ}{n},$$

bu yerda:  $n$  — usullar soni.

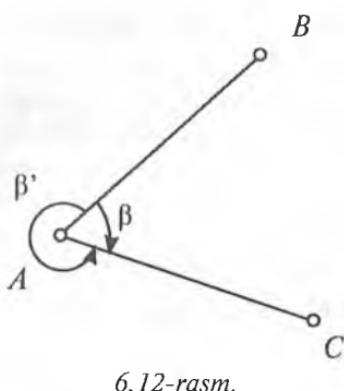
Gorizont bog'lanmasligi  $\pm 8"$  dan oshmasligi kerak.

Ikkilangan kollimatsion xatolik  $2C$  o'zgarishi  $\pm 10"$  dan oshmasligi kerak.

Alohidada usullarda keltirilgan yo‘nalishlar o‘zgarishi  $\pm 8''$  dan oshmasligi kerak.

Bir xil shtrixlarni kesishtirishda optik mikroskop bo‘yicha sanoqlar farqi  $\pm 2''$  dan oshmasligi kerak.

## 2. Qaytarish usuli



Qaytarish usuli bilan har bir burchak o‘lchanadi.  $A$  punktga teodolit o‘rnatilib, alidadani soat strelkasi yo‘nalishida aylantiriladi va  $B$  punktga qaraladi, sanoq " $B_H$ " olinadi.

Mahkamlangan limbda alidadani soat strelkasi yo‘nalishida aylantirib,  $C$  punktga qaratiladi va " $C_o$ " sanoq olinadi (6.12-rasm).

Limb bo‘shatiladi, uni alidada bilan birga soat strelkasi yo‘nalishida aylantirib yana  $B$  punktga qaratiladi. Bunda sanoq olinmaydi. Limbni mahkamlab, alidadani soat strelkasi yo‘nalishida aylantirib,  $C$  punktga qaratiladi va sanoq olinadi. Yuqoridagi o‘lhash jarayoni  $n$  marta qaytariladi. Agar  $C$  nuqtadagi oxirgi sanoqni " $C_o$ " orqali belgilasak, o‘lchanadigan burchakning miqdori quyidagi-cha bo‘ladi:

$$\beta = \frac{C_o - B_b}{n}.$$

Yuqorida ko‘rsatilgan jarayon yarim usulni tashkil qiladi.

Ikkinci yarim usulda truba zenit orqali aylantiriladi, o‘sha usulni saqlagan holda va o‘sha qaytarish sonlarini saqlagan holda  $\beta'$  burchak o‘lchanadi ( $\beta$  ni  $360^\circ$  gacha to‘ldiriladi). Bunda  $C$  nuqta boshlang‘ich,  $B$  nuqta oxirgi bo‘ladi.

## Burchak o'lhash natijalarini hisoblash

Burchak o'lhashlar tugagandan keyin stansiyada o'lhashlar natijasi bo'yicha ma'lumot (сводка) tuziladi. Ma'lumotga dala jurnalidan har bir usul uchun keltirilgan yo'nalishlar ko'chirib yoziladi.

O'rtacha yo'nalish hisoblanadi.

Yo'nalishning o'rtachasidan og'ganligi topiladi.

Aniqlikni baholash bajariladi.

### A punktda o'rtacha yo'nalishni hisoblash

№№ pr.	Yo'nalishlar					
	1	V	2	V	3	V
1	0°00'00"	0"	44°50'12,8"	+0,1"	91°20'31,6"	+0,6"
2			11,7"	-1,0	30,0	-1,0
3			13,9"	+1,2	32,1	+1,1
4			15,8"	+3,1	29,8	-1,2
5			10,0"	-2,7	31,0	0
6			12,0"	-0,7	31,3	+0,3
O'rtacha			44°50'12,7"	Σ18,81	91°20'31,0"	Σ14,21

### Aniqlikni baholash

Bitta o'lhashning o'rta kvadratik xatosi(Peters formulasi):

$$\mu = K \frac{I|V|}{m}.$$

$n$  o'lhashning o'rta kvadratik xatosi:

$$M = \frac{\mu}{\sqrt{n}},$$

bu yerda:  $K = \frac{1,25}{\sqrt{n(n-1)}},$

$V$ — o'rtacha qiymatdan yo'nalishlar og'ishining yig'indisi absolut qiymati;

*m* — yo‘nalishlar soni;

*n* — usullar soni.

Misol.

$$K = \frac{1,25}{\sqrt{6(6-1)}} = 0,22.$$

### 2-yo‘nalish

$$\mu = 0,22 \frac{8,8}{3} = 0,6'',$$

$$M = \frac{0,6}{\sqrt{6}} = 0,24''.$$

### 3-yo‘nalish

$$\mu = 0,22 \frac{4,2}{3} = 0,3'',$$

$$M = \frac{0,3}{\sqrt{6}} = 0,12''.$$

## *7-bob*

### **POLIGONOMETRIYA YO'LLARINI TAYANCH PUNKTLARGA BOG'LASH**

Poligonometriya yo'llarini triangulyatsiya yoki yuqori klassli poligonometriya punktlariga bog'lash poligonometriya yo'li tomonlariga direksion burchakni uzatish va punktlar koordinatalarini hisoblash uchun bajariladi.

Bog'lash uchta asosiy holatga bo'linadi:

#### *1. Bevosita bog'lash*

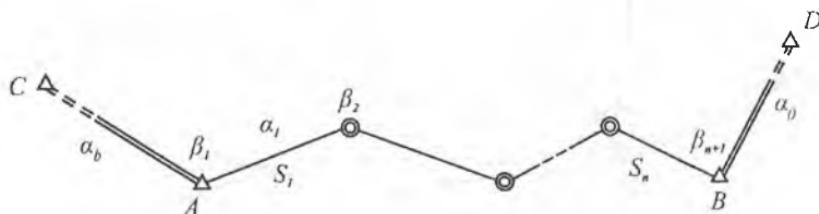
Bu usul poligonometrik yo'l bevosita tayanch punktga tutashgan bo'lsa va tutash burchakni o'lhash va tayanch puktlari va yo'lning oxirgi(boshlang'ich) nuqtalari orasidagi masofani o'lhash imkoniyati bo'lsa, qo'llaniladi. Bevosita bog'lash eng oddiy va ishonchli natijani beradi.

Bevosita bog'lashda markazlashtirish va reduksiya elementlarini hisobga olish kerak.  $C$  punktdan  $A$  punktga direksion burchak quyidagicha bo'ladi (7.1-rasm):

$$\operatorname{tg} \alpha_b = \frac{y_A - y_c}{x_A - x_c},$$

Keyingi tomonlarning direksion burchaklari:

$$\alpha_1 = \alpha_b \pm 180 + \beta_1.$$



7.1-rasm.

## 2. Belgi tepasidan yerga koordinatalarni ko‘chirish usulli bilan bog‘lash

Poligonometriya yo‘l nuqtasi tayanch punktiga yaqin, lekin unga teodolit o‘rnatib va bevosita tutashgan burchakni o‘lchash imkoniyati yo‘q. Undan tashqari tayanch punkti va poligonometriya nuqtasi orasidagi masofani bevosita o‘lchash mumkin emas. Shuning uchun "belgi tepasidan yerga koordinatalarni ko‘chirish" masalasi paydo bo‘ladi.

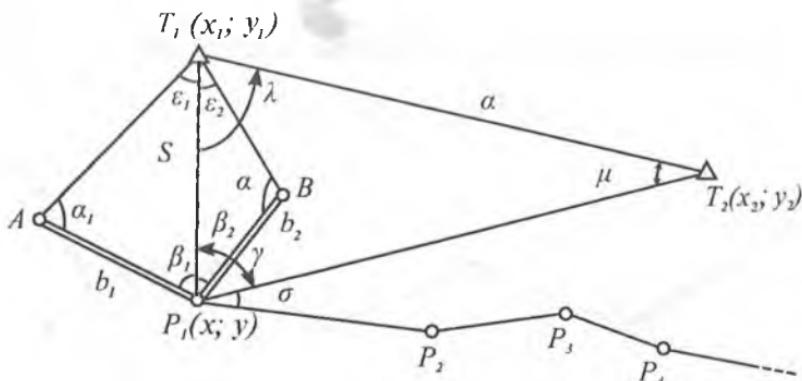
### 3. Uzoqdagi triangulyatsiya punktlarga bog‘lash

Konkret sharoitdan kelib chiqqan holda bu usulni har xil bajarish mumkin:

- to‘g‘ri va teskari bitta yo‘nalishli kesishtirish.
- to‘g‘ri va teskari ko‘p yo‘nalishli kesishtirish.

## 7.1. Belgi tepasidan yerga koordinatalarni ko‘chirish

Triangulyatsiya punkti  $T_1$  balandda joylashgan. Uning yaqinida  $P_1$  poligonometriya nuqtasi shunday tanlanadiki, undan triangulyatsiya punkti  $T_2$  ko‘rinadigan bo‘lsin (7.2-rasm).  $P_1$  punktida ikkita uchburchak  $AT_1P_1$  va  $BT_1P_1$  hosil qilinadi. Bu uchburchaklarning tomonlari  $b_1$  va  $b_2$  bevo-



7.2-rasm.

ulta o'lchanadi. Bundan tashqari har bir uchburchakda ikkitadan burchak  $\alpha_1 \beta_1$  va  $\alpha_2 \beta_2$  o'lchanadi. Keyin,  $\mu$  va  $\lambda$  burchaklarni topishga imkon beradigan burchak  $\gamma$  ham o'lchanadi. Poligonometrik yo'l tomonlariga direksion burchakni uzatish uchun  $\sigma$  burchak o'lchanadi.

Tomonning  $T_1 P_1$  uzunligi hisoblanadi:

$$S = b_1 \frac{\sin \alpha_1}{\sin \varepsilon_1} = b_2 \frac{\sin \alpha_2}{\sin \varepsilon_2}. \quad (1)$$

Triangulyatsiya punktlari koordinatalari bo'yicha direksion burchak aniqlanadi:

$$\operatorname{tg}(T_1 T_2) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}. \quad (2)$$

Triangulyatsiya punktlari orasidagi masofa hisoblanadi:

$$a = \frac{y_2 - y_1}{\sin(T_2 T_1)} = \frac{x_2 - x_1}{\cos(T_2 T_1)}. \quad (3)$$

Direksion burchak hisoblanishining to'g'riligi tekshiriladi:

$$\operatorname{tg}[(T_1 T_2) + 45^\circ] = \frac{(x_2 + y_2) - (x_1 + y_1)}{(x_2 - y_2) - (x_1 - y_1)} = \frac{\Delta x + \Delta y}{\Delta x - \Delta y}. \quad (4)$$

$T_1 T_2 P_1$  uchburchakda  $\mu$  burchak, keyin  $\lambda$  burchak aniqlanadi:

$$\frac{\sin \mu}{S} = \frac{\sin \gamma}{\alpha},$$

undan  $\sin \mu = \frac{S}{\alpha} \sin \gamma, \quad (5)$

$$\lambda = 180^\circ - (\gamma + \mu). \quad (6)$$

$T_1 P_1$  tomonning direksion burchagi hisoblanadi:

$$(T_1 P_1) = (T_1 P_2) + \lambda. \quad (7)$$

$T_1$  va  $P_1$  punktlari orasidagi koordinata orttirmalari hisoblanadi:

$$\begin{aligned}\Delta x_{T_1 P_1} &= S \cos (T_1 P_1), \\ \Delta y_{T_1 P_1} &= S \sin (T_1 P_1).\end{aligned}\quad (8)$$

$P_1$  punkt koordinatalari aniqlanadi:

$$\begin{aligned}x_{P_1} &= x_1 + \Delta x_{T_1 P_1}, \\ y_{P_1} &= y_1 + \Delta y_{T_1 P_1}.\end{aligned}\quad (9)$$

Tekshirish uchun  $P_1 T_2$  tomonning direksion burchagi va farqi hisoblanadi:

$$(T_1 T_2) - (P_1 T_2) = \mu, \quad (10)$$

bu yerda:  $\operatorname{tg}(P_1 T_2) = \frac{y_2 - y}{x_2 - x}$ .

Direksion burchak poligonometriya yo‘li tomoniga uzatiladi:

$$\alpha_1 = (T_1 P_1) \pm 180^\circ + (\gamma + \sigma). \quad (11)$$

### Aniqlashni baholash

Bazis uzunligining o‘rta kvadratik xatosi:

$$m_b^2 = \mu^2 b^2 + \lambda^2 b^2 \quad (1)$$

$S$  tomonning o‘rta kvadratik xatosi:

$$m_S^2 = \left( \frac{m_{b1}}{b_1} \right)^2 S^2 + [(\operatorname{ctg} \alpha_1 + \operatorname{ctg} \varepsilon_1)^2 + \operatorname{ctg}^2 \varepsilon_1] S^2 \frac{m_\lambda^2}{\rho^2}. \quad (2)$$

$S_1$  va  $S_2$  qiymatlar orasidagi yo‘l qo‘yiladigan farqi:

$$\operatorname{cheiki}(S_1 - S_2) = 2 \sqrt{m_{S_1}^2 + m_{S_2}^2}.$$

$S$  oxirgi o‘rtacha qiymatining o‘rta kvadratik xatosi:

$$M_S = \frac{1}{2} \sqrt{m_{S_1}^2 + m_{S_2}^2}. \quad (3)$$

Hisoblangan direksion burchakning o‘rta kvadratik xatosi:

$$m_{\varphi}^2 = m_{\gamma}^2 (1 + \operatorname{tg} \mu \operatorname{ctg} \gamma)^2 + \operatorname{tg} \mu \left( \frac{m_S}{S} \right)^2 \rho^2. \quad (4)$$

$\varphi_1$  va  $\varphi_2$  qiymatlar orasidagi yo'l qo'yiladigan farqi:

$$\text{cheki } (\varphi_1 - \varphi_2) = 2 \sqrt{m_{\varphi_1}^2 + m_{\varphi_2}^2}.$$

$\varphi$  oxirgi o'rtacha qiymatining o'rta kvadratik xatosi:

$$M_{\varphi} = \frac{1}{2} \sqrt{m_{\varphi_1}^2 + m_{\varphi_2}^2}. \quad (5)$$

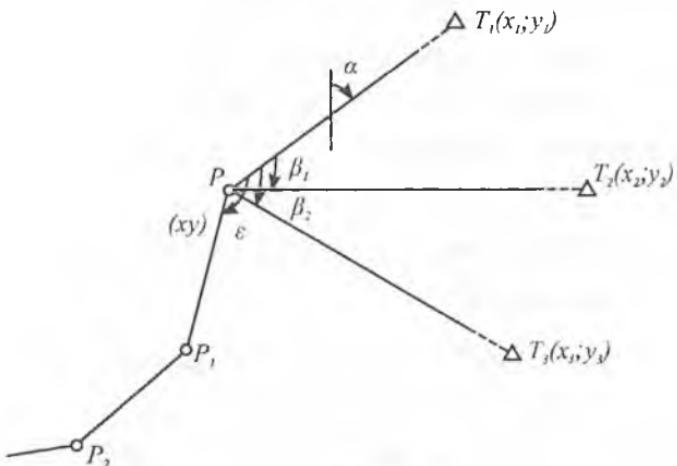
$P_1$  punkt holatining o'rta kvadratik xatosi:

$$M_{\rho}^2 = M_S^2 + \frac{M_{\varphi}^2}{\rho^2} S^2. \quad (6)$$

## 7.2. Uzoqdagি triangulyatsiya punktlariga poligonometriya yo'lini bog'lash

Teskari ko'p yo'nalishli kesishtirish

Uzoqdagи triangulyatsiya  $T_1$ ,  $T_2$  va  $T_3$  punktlariga poligonometrik yo'l  $PP_1P_2$  bog'lash talab qilinsin.  $P$  punktda  $\beta_1$ ,  $\beta_2$  va  $\varepsilon$  burchaklar o'chanadi (7.3-rasm). O'chanangan



7.3-rasm.

$\beta_1$ ,  $\beta_2$  burchaklar va  $T_1$ ,  $T_2$  va  $T_3$  triangulyatsiya punkt koordinatalari yordamida  $P$  punktning koordinatasi aniqlanadi. O'changan burchak  $\varepsilon$  yordamida esa direksion burchak poligonometriya yo'l tomoniga uzatiladi.

Belgilaymiz:  $\alpha = PT_1$  tomon direksion burchagi.

Chizma bo'yicha yozamiz:

$$y_1 - y = (x_1 - x) \operatorname{tg} \alpha, \quad (1)$$

$$y_2 - y = (x_2 - x) \operatorname{tg} (\alpha + \beta_1), \quad (2)$$

$$y_3 - y = (x_3 - x) \operatorname{tg} (\alpha + \beta_2). \quad (3)$$

$$\text{Ma'lumki, } \operatorname{tg}(\alpha + \beta_1) = \frac{\operatorname{tg} \alpha + \operatorname{tg} \beta_1}{1 - \operatorname{tg} \alpha \operatorname{tg} \beta_1} = \frac{\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \beta_1 + 1}{\operatorname{ctg} \beta_1 - \operatorname{tg} \alpha}.$$

*Izoh.* Tenglama o'ng tomonining maxraji va suratini  $\operatorname{ctg} \beta_1$  ga ko'paytiramiz.

Unda (2) tenglama quyidagicha bo'ladi:

$$y_2 - u = (x_2 - x) \frac{\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \beta_1 + 1}{\operatorname{ctg} \beta_1 - \operatorname{tg} \alpha},$$

$$\begin{aligned} \text{yoki} \quad & y_2 \operatorname{ctg} \beta_1 - y_2 \operatorname{tg} \alpha - y_2 \operatorname{ctg} \beta_1 + y \operatorname{tg} \alpha = \\ & = x_2 \operatorname{tg} \alpha \operatorname{ctg} \beta_1 + x_2 - x \operatorname{tg} \alpha \operatorname{ctg} \beta_1 - x. \end{aligned} \quad (4)$$

Xuddi shunday (3) tenglama uchun:

$$\begin{aligned} & y_3 \operatorname{ctg} \beta_2 - y_3 \operatorname{tg} \alpha - y_3 \operatorname{ctg} \beta_2 + y \operatorname{tg} \alpha = \\ & = x_3 \operatorname{tg} \alpha \operatorname{ctg} \beta_2 + x_3 - x \operatorname{tg} \alpha \operatorname{ctg} \beta_2 - x. \end{aligned} \quad (5)$$

(1) tenglamadan topamiz:

$$y = y_1 + x \operatorname{tg} \alpha - x_1 \operatorname{tg} \alpha;$$

(4) tenglamaga  $y$  ning qiymatini qo'yib topamiz:

(*Izoh.* faqat  $\operatorname{ctg} \beta_1$  da)

$$\begin{aligned} & y_3 \operatorname{ctg} \beta_1 - y_2 \operatorname{tg} \alpha - y_1 \operatorname{ctg} \beta_1 - x \operatorname{tg} \alpha \operatorname{ctg} \beta_1 + x_1 \operatorname{tg} \alpha \operatorname{ctg} \beta_1 + y \operatorname{tg} \alpha = \\ & = x_2 \operatorname{tg} \alpha \operatorname{ctg} \beta_1 + x_2 - x \operatorname{tg} \alpha \operatorname{ctg} \beta_1 - x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{yoki} \quad & y_2 \operatorname{ctg} \beta_1 - y_2 \operatorname{tg} \alpha - y_1 \operatorname{ctg} \beta_1 + x_1 \operatorname{tg} \alpha \operatorname{ctg} \beta_1 + y \operatorname{tg} \alpha = \\ & = x_2 \operatorname{tg} \alpha \operatorname{ctg} \beta_1 + x_2 - x. \end{aligned}$$

$$\text{Undan } \begin{aligned} & (y_2 - y_1) \operatorname{ctg}\beta_1 - y_2 \operatorname{tg}\alpha + y \operatorname{tg}\alpha = \\ & = (x_2 - x_1) \operatorname{tg}\alpha \operatorname{ctg}\beta_1 + x_2 - x. \end{aligned} \quad (6)$$

Xuddi shunday (5) formulani ham qayta o'zgartiramiz:

$$\begin{aligned} & (y_3 - y_1) \operatorname{ctg}\beta_2 - y_3 \operatorname{tg}\alpha + y \operatorname{tg}\alpha = \\ & = (x_3 - x_1) \operatorname{tg}\alpha \operatorname{ctg}\beta_2 + x_3 - x. \end{aligned} \quad (7)$$

(7) tenglamadan (6) tenglamani ayiramiz

$$\begin{aligned} & (y_3 - y_1) \operatorname{ctg}\beta_2 - (y_2 - y_1) \operatorname{ctg}\beta_1 - (y_3 - y_2) \operatorname{tg}\alpha = \\ & = (x_3 - x_1) \operatorname{tg}\alpha \operatorname{ctg}\beta_2 - (x_2 - x_1) \operatorname{tg}\alpha \operatorname{ctg}\beta_1 + x_3 - x_2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{yoki } \operatorname{tg}\alpha [(x_2 - x_1) \operatorname{ctg}\beta_1 - (x_3 - x_1) \operatorname{ctg}\beta_2 - (y_3 - y_2)] = \\ & = (y_2 - y_1) \operatorname{ctg}\beta_1 - (y_3 - y_1) \operatorname{ctg}\beta_2 + (x_3 - x_2); \end{aligned}$$

unda

$$\operatorname{tg}\alpha = \frac{(y_2 - y_1) \operatorname{ctg}\beta_1 - (y_3 - y_1) \operatorname{ctg}\beta_2 + (x_3 - x_2)}{(x_2 - x_1) \operatorname{ctg}\beta_1 - (x_3 - x_1) \operatorname{ctg}\beta_2 - (y_3 - y_2)}. \quad (8)$$

Bu formula bo'yicha  $PT_1$  tomonning direksion bur-chagi aniqlanadi.

Keyin  $P$  punktning koordinatasi hisoblanadi. Ikkinchini tenglamadan birinchisini ayiramiz:

$$(y_2 - y_1) = x_2 \operatorname{tg}(\alpha + \beta_1) - x_1 \operatorname{tg}\alpha - x [\operatorname{tg}(\alpha + \beta_1) - \operatorname{tg}\alpha]$$

bundan

$$x = \frac{x_2 \operatorname{tg}(\alpha + \beta_1) - x_1 \operatorname{tg}\alpha - (y_2 - y_1)}{\operatorname{tg}(\alpha + \beta_1) - \operatorname{tg}\alpha}. \quad (9)$$

Ordinatalar (1), (2) va (3) formulalar yordamida hisoblanadi:

$$\left. \begin{aligned} y &= y_1 - (x_1 - x) \operatorname{tg}\alpha, \\ y &= y_2 - (x_2 - x) \operatorname{tg}(\alpha + \beta_1), \\ y &= y_3 - (x_3 - x) \operatorname{tg}(\alpha + \beta_2). \end{aligned} \right\} \quad (10)$$

### 7.3. Direksion burchakning differensial formulalari

Koordinatasi ma'lum bo'lgan  $A$  va  $B$  punktlar mavjud. Faraz qilaylik,  $B$  punkt  $B'$  holatga siljidi va bu nuqtaning koordinatasi  $dx_b$  va  $dy_b$  orttirma oldi. Direksion  $\alpha$  burchak  $d\alpha$  ga o'zgardi. Oxirgi punkt koordinatasi tomon direksion burchagi o'zgarishi orasidagi bog'liqlikni aniqlash kerak.

$$\text{Ma'lumki, } \operatorname{tg} \alpha = \frac{y_b - y_a}{x_b - x_a}.$$

Bu tenglamani differensiallab, topamiz:

$$\frac{1}{\cos^2 \alpha} \cdot \frac{d\alpha}{\rho''} = \frac{(x_b - x_a) dy_b - (y_b - y_a) dx_b}{(x_b - x_a)^2}. \quad (1)$$

lekin

$$x_b - x_a = S \cos \alpha,$$

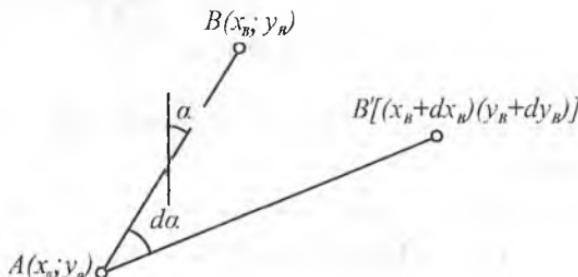
$$y_b - y_a = S \sin \alpha, \quad (2)$$

shuning uchun (1) tenglama ni quyidagicha yozish mumkin:

$$d\alpha = \cos^2 \alpha \rho'' \left[ \frac{S \cos \alpha dy_b - S \sin \alpha dx_b}{S^2 \cos^2 \alpha} \right]$$

yoki

$$d\alpha = \rho'' \left[ \frac{\cos \alpha}{S} dy_b - \frac{\sin \alpha}{S} dx_b \right]. \quad (3)$$



7.4-rasm.

Belgilash kiritamiz: (a)  $= -\rho'' \sin \alpha$ ,  
 (b)  $= \rho'' \cos \alpha$ .

Unda (3) formula quyidagi ko'rinishga keladi:

$$d\alpha = \frac{(a)}{S} dx_b + \frac{(b)}{S} dy_b. \quad (4)$$

Agar  $B$  nuqtaning o'zgarishi bilan  $A$  nuqta siljisa, unda direksion burchak differensial formulasi quyidagi ko'rinishda bo'ladi:

$$d\alpha = -\frac{(a)}{S} dx_a - \frac{(b)}{S} dy_a. \quad (5)$$

Agar tomonning ikki oxirgi uchi o'zgarsa, differensial formula quyidagi ko'rinishda bo'ladi:

$$d\alpha = -\frac{(a)}{S} dx_a - \frac{(b)}{S} dy_a + \frac{(a)}{S} dx_b + \frac{(b)}{S} dy_b. \quad (6)$$

Misol.  $AB$  tomonning  $B$  nuqtasi koordinatalari  $dx_b = 0,04$  m va  $dy_b = -0,07$  m ga o'zgardi.  $AB$  ning uzunligi  $S = 1,534$  km;  $\alpha = 216^\circ 37' 48''$ .  $AB$  tomonning yangi vaziyatdagi direksion burchagini toping.

Echish. Yordamchi qiymatlarni topamiz:

$$(a) = -\rho'' \sin \alpha = -20,6265 (-0,59664) = +12,31,$$

$$(b) = -\rho'' \cos \alpha = 20,6265 (-0,80251) = -16,53.$$

(4) formula bo'yicha topamiz:

$$d\alpha = +\frac{12,31}{1,534} (+0,4) - \frac{16,53}{1,534} (-0,7) = +11,4''.$$

Demak, yangi vaziyatda direksion burchak quyidagiga teng:

$$\alpha = 216^\circ 37' 59,4''.$$

Hisoblashda  $\rho''$  10000 marta kichraytiladi. Masofa  $S$  kilometrda,  $dx$  va  $dy$  — detsimetrdan ifodalanadi.

## 7.4. Teskari ko‘p yo‘nalishli kesishtirish

Bitta yo‘nalishli kesishtirishni yechishda  $P$  nuqtaning taxminiy koordinatalari  $x_0$  va  $y_0$  olinadi.

Aniqlanayotgan punktdan berilgan punktlarga yo‘nalishlarning direksion burchaklari va mos tomonlari hisoblanadi:

$$\operatorname{tg} \alpha_{0i} = \frac{y_i - y_0}{x_i - x_0},$$

$$S_{0i} = \frac{y_i - y_0}{\sin \alpha_{0i}} = \frac{x_i - x_0}{\cos \alpha_{0i}}.$$

Taxminiy burchak qiymatlari hisoblanadi:

$$\beta_{0i} = \alpha_{0i+1} - \alpha_{0i}.$$

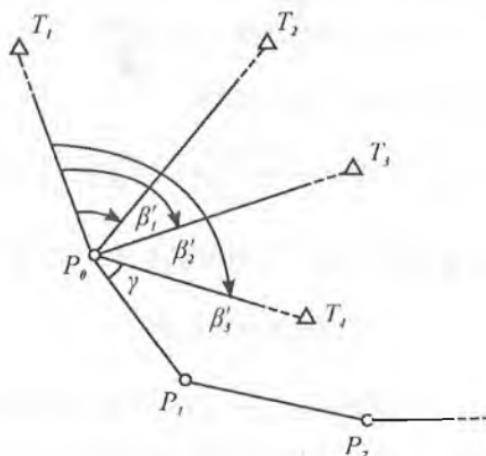
Tuzatmalar tenglamasining ozod hadi hisoblanadi:

$$l_i = \beta_{0i} - \beta'_i,$$

bu yerda:  $\beta'_i$  — burchakning o‘lchangan qiymati.  $(a)_i$  va  $(b)_i$  koeffitsiyentlar hisoblanadi:

$$(a)_i = -\rho'' \sin \alpha_{0i},$$

$$(b)_i = \rho'' \cos \alpha_{0i}.$$



7.5-rasm.

(a)<sub>i</sub> va (b)<sub>i</sub> qiymatlarni maxsus jadvaldan  $\alpha_{oi}$  argument bo'yicha tanlash mumkin.

$\alpha_i$  va  $\beta_i$  qiymatlar topiladi:

$$\alpha_i = -\frac{(a)_i}{S_i} \quad b_i = -\frac{(b)_i}{S_i}.$$

Boshlang'ich tenglamaning koeffitsiyentlari va tekshirish yig'indisi hisoblanadi:

$$\begin{aligned} A_i &= \alpha_{i+1} - \alpha_1, \\ B_i &= b_{i+1} - b_1, \\ S_i &= A_i + B_i + l_i. \end{aligned}$$

Normal tenglamalarning koeffitsiyentlari va ozod hadlari hisoblanadi. Hisoblashni tekshirish quyidagi tenglik orqali bajariladi:

$$\begin{aligned} [AA] + [AB] + [AI] &= [AS], \\ [AB] + [BB] + [BI] &= [BS]. \end{aligned}$$

Normal tenglamalar tuziladi va yechiladi:

$$\begin{aligned} [AA]\delta x + [AB]\delta y + [AI] &= 0, \\ [AB]\delta x + [BB]\delta y + [BI] &= 0. \end{aligned}$$

Taxminiy koordinatalarga ehtimoliy tuzatmalar  $\delta x$  va  $\delta y$  hisoblanadi:

$$\delta x = \frac{[AB][BI] - [BB][AI]}{[AA][BB] - [AB]^2} = \frac{D_x}{D},$$

$$\delta y = \frac{[AB][AI] - [AA][BI]}{[AA][BB] - [AB]^2} = \frac{D_y}{D}.$$

$P_0$  punkt koordinatasining oxirgi qiymati aniqlanadi:

$$\begin{aligned} x &= x_0 + \delta x, \\ y &= y_0 + \delta y. \end{aligned}$$

Izoh. Agar  $S$  masofa kilometrda ifodalansa, hisoblashni soddalashtirish uchun, qiymatlar (a)<sub>i</sub> va (b)<sub>i</sub> 10 000

marta kichraytiriladi, unda tuzatmalar detsimetrdan olinadi. Unda oxirgi koordinatalar quyidagi formula bo'yicha hisoblanadi:

$$\begin{aligned}x &= x_0 + 0,1 \delta x, \\y &= y_0 + 0,1 \delta y.\end{aligned}$$

O'lchangan burchaklarga tuzatmalar aniqlanadi:

$$Vi = A\delta x + B\delta y + l_i$$

Tekshirish uchun hisoblanadi:

$$[VV] = [ll] + [Al]\delta x + [Bl]\delta y.$$

Ikkita olingan qiymatlar orasidagi farq  $[VV]$  qiymatdan 2% ga farq qilishi mumkin.

Burchaklarning oxirgi qiymati topiladi:

$$\beta_i = \beta'_i + V_i$$

Aniqlikni baholash bajariladi.

O'lchangan burchakning o'rta kvadratik xatosi:

$$m_\beta = \pm \sqrt{\frac{[V^2]}{n-2}},$$

bu yerda:  $n$  — yo'nalishlar soni.

Koordinatalarning o'rta kvadratik xatosi:

$$m_x = \frac{m_\beta}{10\sqrt{P_y}}, \quad m_y = \frac{m_\beta}{10\sqrt{P_x}},$$

bu yerda:  $P_x = \frac{D}{[BB]}$ ,  $P_y = \frac{D}{[AA]}$  — koordinatalar vazni.

## 7.5. Bir yo‘nalishli to‘g‘ri kesishtirish

Poligonometrik  $P P_1 P_2 \dots$  yo‘lni uzoqdagi 1 va 2-triangulyatsiya punktlariga bog‘lash talab qilinsin. Buning uchun 1 va 2-punktarda burchaklar  $\beta_1$  va  $\beta_2$  lar o‘lchanadi. Direksion burchakni yo‘lning tomonlariga uzatish uchun aniqlanayotgan punktda yopishgan burchak  $\gamma$  o‘lchanadi (7.6-rasm).

Boshlang‘ich punktlar koordinatlari  $(x_1; y_1)$  va  $(x_2; y_2)$  ma’lum.

$$\begin{aligned} \text{Yozamiz: } \Delta x_{13} &= d_{13} \cos \alpha_{13} = x - x_1, \\ \Delta y_{13} &= d_{13} \sin \alpha_{13} = y - y_1. \end{aligned} \quad (1)$$

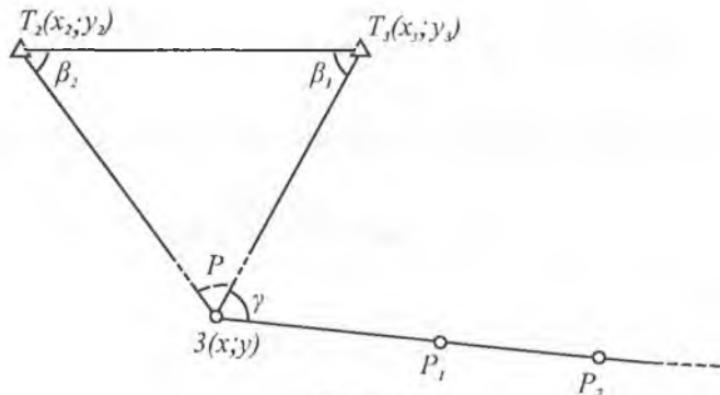
$$\alpha_{13} = \alpha_{12} - \beta_1, \text{ bu yerda } \operatorname{tg} \alpha_{12} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}. \quad (2)$$

(1) va (2) formulalarga asosan topamiz:

$$\begin{aligned} x - x_1 &= d_{13} \cos (\alpha_{12} - \beta_1), \\ y - y_1 &= d_{13} \sin (\alpha_{12} - \beta_1) \end{aligned} \quad (3)$$

yoki

$$\begin{aligned} x - x_1 &= d_{13} (\cos \alpha_{12} \cos \beta_1 + \sin \alpha_{12} \sin \beta_1), \\ y - y_1 &= d_{13} (\sin \alpha_{12} \cos \beta_1 - \cos \alpha_{12} \sin \beta_1). \end{aligned} \quad (4)$$



7.6-rasm.

Ma'lumki,

$$\begin{aligned}\Delta x_{12} &= x_2 - x_1 = d_{12} \cos \alpha_{12}, \\ \Delta y_{12} &= y_2 - y_1 = d_{12} \sin \alpha_{12},\end{aligned}$$

bundan

$$\left. \begin{aligned}\cos \alpha_{12} &= \frac{x_2 - x_1}{d_{12}}, \\ \sin \alpha_{12} &= \frac{y_2 - y_1}{d_{12}}.\end{aligned}\right\} \quad (5)$$

(4) va (5) formulalarga asosan:

$$\begin{aligned}x - x_1 &= d_{13} \left( \frac{x_2 - x_1}{d_{12}} \cos \beta_1 + \frac{y_2 - y_1}{d_{12}} \sin \beta_1 \right), \\ y - y_1 &= d_{13} \left( \frac{y_2 - y_1}{d_{12}} \cos \beta_1 - \frac{x_2 - x_1}{d_{12}} \sin \beta_1 \right).\end{aligned}$$

yoki

$$\left. \begin{aligned}x - x_1 &= \frac{d_{13}}{d_{12}} \sin \beta_1 \left( \frac{x_2 - x_1}{\sin \beta_1} \cos \beta_1 + y_2 - y_1 \right), \\ y - y_1 &= \frac{d_{13}}{d_{12}} \sin \beta_1 \left( \frac{y_2 - y_1}{\sin \beta_1} \cos \beta_1 - x_2 - x_1 \right).\end{aligned}\right\} \quad (6)$$

Uchburchakdan kelib chiqadi:

$$\frac{d_{13}}{d_{12}} = \frac{\sin \beta_2}{\sin [180^\circ - (\beta_1 + \beta_2)]} = \frac{\sin \beta_2}{\sin (\beta_1 + \beta_2)} = \frac{\sin \beta_2}{\sin \beta_1 \cos \beta_2 + \cos \beta_1 \sin \beta_2}.$$

Bu tenglamaning ikki tomonini  $\sin \beta_1$  ga ko'paytiramiz.

$$\frac{d_{13}}{d_{12}} \sin \beta_1 = \frac{\sin \beta_1 \cdot \sin \beta_2}{\sin \beta_1 \cos \beta_2 + \cos \beta_1 \sin \beta_2}$$

yoki

$$\frac{d_{13}}{d_{12}} \sin \beta_1 = \frac{1}{\frac{\sin \beta_1 \cos \beta_2}{\sin \beta_1 \sin \beta_2} + \frac{\cos \beta_1 \sin \beta_2}{\sin \beta_1 \sin \beta_2}} = \frac{1}{\operatorname{ctg} \beta_2 + \operatorname{ctg} \beta_1}. \quad (7)$$

(7) formulani (6) ga qo'yamiz:

$$x - x_1 = \frac{1}{\operatorname{ctg}\beta_1 + \operatorname{ctg}\beta_2} [(x_2 - x_1) \operatorname{ctg}\beta_1 + y_2 - y_1],$$

$$y - y_1 = \frac{1}{\operatorname{ctg}\beta_1 + \operatorname{ctg}\beta_2} [(y_2 - y_1) \operatorname{ctg}\beta_1 - x_2 + x_1],$$

bundan  $x = \frac{x_2 \operatorname{ctg}\beta_1 - x_1 \operatorname{ctg}\beta_1 + y_2 - y_1 + x_1 \operatorname{ctg}\beta_1 + x_1 \operatorname{ctg}\beta_2}{\operatorname{ctg}\beta_1 + \operatorname{ctg}\beta_2},$

$$y = \frac{y_2 \operatorname{ctg}\beta_1 - y_1 \operatorname{ctg}\beta_1 - x_2 + x_1 + y_1 \operatorname{ctg}\beta_1 + y_1 \operatorname{ctg}\beta_2}{\operatorname{ctg}\beta_1 + \operatorname{ctg}\beta_2}.$$

Oxirida topamiz:

$$\left. \begin{aligned} x &= \frac{x_1 \operatorname{ctg}\beta_2 + x_2 \operatorname{ctg}\beta_1 + (y_2 - y_1)}{\operatorname{ctg}\beta_1 + \operatorname{ctg}\beta_2}, \\ y &= \frac{y_1 \operatorname{ctg}\beta_2 + y_2 \operatorname{ctg}\beta_1 - (x_2 - x_1)}{\operatorname{ctg}\beta_1 + \operatorname{ctg}\beta_2}. \end{aligned} \right\} \quad (8)$$

(8) tenglama kotangens formulasi (Yung formulasi) deyiladi.

### Aniqlikni baholash

Aniqlanayotgan nuqtaning o'rta kvadratik xatosi:

$$m_p = d_{12} \frac{m''_\beta}{\rho''} \frac{\sqrt{\sin^2 \beta_1 + \sin^2 \beta_2}}{\sin^2 \rho},$$

bu yerda:  $d_{12}$  — kesishtirish bazisi.

$m''_\beta$  — o'lchangan burchakning o'rta kvadratik xatosi,

$$\rho = -206265.$$

## 7.6. To‘g‘ri ko‘p yo‘nalishli kesishtirish

To‘g‘ri bir yo‘nalishli kesishtirishni yechishdan aniqlanayotgan  $P$  punktning taxminiy koordinatalari  $x_0$  va  $y_0$  olinadi (7.7-rasm).

Aniqlanayotgan punktdan berilgan punktlarga yo‘nalishlarning direksion burchaklari va mos tomonlari hisoblanadi:

$$\operatorname{tg} \alpha_{0i} = \frac{y_0 - y_i}{x_0 - x_i},$$

$$S_i = \frac{y_0 - y_i}{\sin \alpha_{0i}} = \frac{x_0 - x_i}{\cos \alpha_{0i}}.$$

Boshlang‘ich tenglamaning ozod hadlari hisoblanadi:

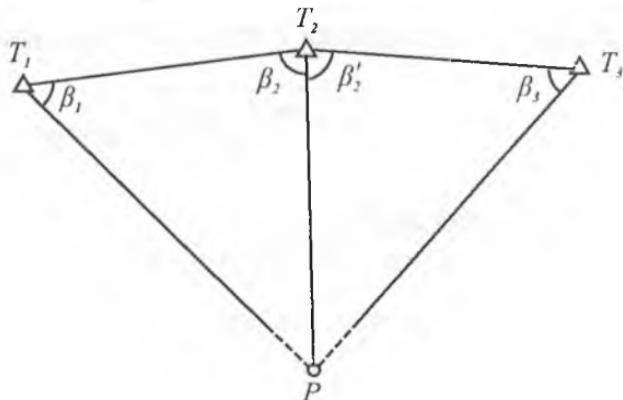
$$l_i = \alpha_{0i} - \alpha'_i,$$

bu yerda:  $\alpha'_i$  — hisoblangan burchaklar bo‘yicha direksion burchak.

Koeffitsiyentlar aniqlanadi:

$$(\alpha)_i = -\rho'' \sin \alpha_{0i}, \quad (b)_i = \rho'' \sin \alpha_{0i}$$

$\alpha_i$  va  $b_i$  qiymatlar topiladi:



7.7-rasm.

$$\alpha_i = \frac{(a)_i}{S_i}, \quad b_i = \frac{(b)_i}{S_i}.$$

Normal tenglamalarning koeffitsiyentlar va ozod hadlari hisoblanadi. Hisoblashni tekshirish uchun ushbu tenglik xizmat qiladi:

$$[aa] + [ab] + [al] = [aS], \\ [ab] + [bb] + [bl] = [bS].$$

Normal tenglamalar tuziladi va yechiladi:

$$[aa]\delta x + [ab]\delta y + [al] = 0, \\ [ab]\delta x + [bb]\delta y + [bl] = 0.$$

Taxminiy koordinatalarga ehtimoliy  $\delta x$  va  $\delta y$  tuzatmalar kiritiladi:

$$\delta x = \frac{[ab][bl] - [bb][al]}{[aa][bb] - [ab]^2} = \frac{D_x}{D}, \\ \delta y = \frac{[ab][al] - [aa][bl]}{[aa][bb] - [ab]^2} = \frac{D_y}{D}.$$

$P$  punktning oxirgi koordinatasi hisoblanadi:

$$x = x_0 + 0,1 \delta x, \\ y = y_0 + 0,1 \delta y.$$

"O'Ichangan" direksion burchakka tuzatma kiritiladi:

$$V_i = a_i \delta x + b_i \delta y + l_i.$$

Tekshirish uchun hisoblanadi:

$$[VV] = [ll] + [al]\delta x + [bl]\delta y.$$

Bu ikkita qiymat orasidagi farq  $[VV]$  qiymatdan 2% atrofida farq qilishga yo'l qo'yiladi.

Tenglashtirilgan direksion burchak topiladi:

$$\alpha_i = \alpha'_i + V_i$$

Aniqlikni baholash bajariladi:

O'Ichangan burchakning o'rta kvadratik xatosi:

$$m_{\beta} = \pm \sqrt{\frac{V^2}{n-2}},$$

bu yerda:  $n$  — o‘lchangan burchaklar soni.

Koordinatalarning o‘rta kvadratik xatosi:

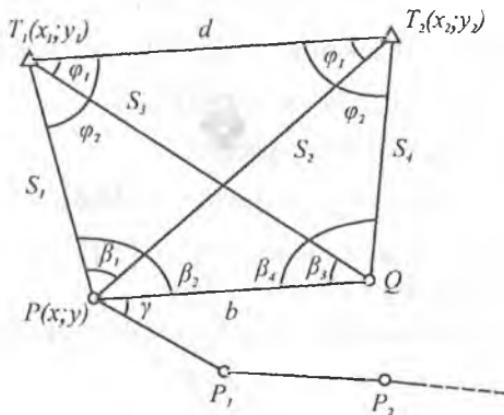
$$m_x = \frac{m_{\beta}}{10\sqrt{P_x}}; \quad m_y = \frac{m_{\beta}}{10\sqrt{P_y}},$$

be yerda:

$$P_x = \frac{D}{[bb]}, \quad P_y = \frac{D}{[aa]} — \text{koordinatlar vazni.}$$

## 7.7. Ganzen usuli bo‘yicha poligonometrik yo‘lni bog‘lash

Poligonometriya yo‘l  $P, P_1, P_2, \dots$  ni uzoqdagi punktlar  $T_1$  va  $T_2$  ga bog‘lash talab qilinsin. Buning uchun joyda qo‘sishimcha  $Q$  nuqta tanlanadi.  $PQ$  tomonning uzunligi ixtiyoriy uzunlikda (1000—1500 m) olinadi.  $P$  punktda burchak  $\beta_1, \beta_2$  va  $\gamma$ ,  $Q$  punktda esa  $\beta_3$  va  $\beta_4$  burchaklar o‘lchanadi (7.8-rasm).



$b' = RQ$  — shartli bazis.

7.8-rasm.

Uchburchaklar  $T_1PQ$  va  $T_2PQ$  yechiladi va shartli tomonning uzunligi topiladi:

Uchburchak  $T_1PQ$  dan:

$$\text{Shart. } S_1 = \frac{b \sin \beta_3}{\sin(\beta_2 + \beta_3)} = S'_1,$$

$$\text{Shart. } S_3 = \frac{b \sin \beta_2}{\sin(\beta_2 + \beta_3)} = S'_3.$$

Uchburchak  $T_2PQ$  dan:

$$\text{Shart. } S_2 = \frac{b \sin \beta_4}{\sin(\beta_4 + \beta_2 - \beta_1)} = S'_2,$$

$$\text{Shart. } S_4 = \frac{b \sin(\beta_2 - \beta_1)}{\sin(\beta_4 + \beta_2 - \beta_1)} = S'_4.$$

Uchburchaklar  $T_1Q$   $T_2$  va  $T_1P$   $T_2$  yechiladi va  $\varphi_1$ ,  $\varphi_2$ ,  $\psi_1$ ,  $\psi_2$  burchaklar aniqlanadi.

Uchburchak  $T_1Q$   $T_2$  dan:

$$\varphi_1 + \varphi_2 = 180^\circ - (\beta_4 - \beta_3),$$

$$\operatorname{tg} \frac{\varphi_1 - \varphi_2}{2} = \frac{S'_4 - S'_3}{S'_4 + S'_3} \operatorname{tg} \frac{\varphi_1 + \varphi_2}{2}.$$

Uchburchak  $T_1P$   $T_2$  dan:

$$\psi_1 + \varphi_1 = 180^\circ - \beta_1,$$

$$\operatorname{tg} \frac{\psi_1 - \varphi_2}{2} = \frac{S'_1 - S'_2}{S'_1 + S'_2} \operatorname{tg} \frac{\psi_1 + \varphi_2}{2}.$$

Shartli tomon uzunligi  $T_1T_2$  hisoblanadi:

$$\text{Shart. } d = \frac{S'_1 \sin \beta_1}{\sin \psi_1} = \frac{S'_4 \sin(\beta_4 - \beta_3)}{\sin \varphi_1} = d.$$

$T_1T_2$  tomonning haqiqiy uzunligini topamiz. Buning uchun oldin  $T_1T_2$  tomonning direksion burchagi topiladi:

$$\operatorname{tg}(T_1T_2) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1},$$

$$d = \frac{y_2 - y_1}{\sin(T_1T_2)} = \frac{x_2 - x_1}{\cos(T_1T_2)}.$$

$T_1 T_2$  tomonning direksion burchagi va  $\varphi_1, \varphi_2, \psi_1, \psi_2$  burchaklar bo'yicha figuraning hamma tomonlarining direksion burchagi hisoblanadi. Yopishgan burchak  $\gamma$  orqali direksion burchak yo'lning tomonlariga uzatiladi.

Shartli birlikdan haqiqiyga o'tish koeffitsiyent aniqlanadi:

$$\frac{d}{d'} = K.$$

Shartli bazis  $PQ$  haqiqiy uzunligi hisoblanadi:

$$PQ = b'k.$$

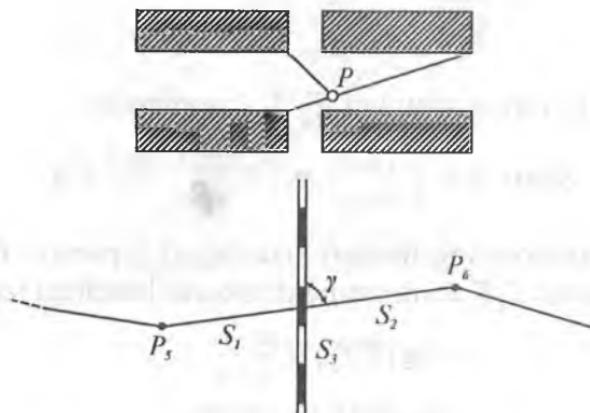
$S_1, S_2, S_3, S_4$  tomonlarning haqiqiy uzunliklari ham huiddi shunday aniqlanadi.

Koordinatalar orttirmasi va  $P$  punktning koordinatasi topiladi.

## 7.8. Poligonometrik yo'lni joydagisi doimiy predmetga bog'lash

Poligonometrik yo'lni joydagisi doimiy predmetga bog'lash punktlarni qidirib topishni yengillashtirish uchun qilinadi.

Bog'lash usullari joyning sharoitiga bog'liq.



7.9-rasm.

## Punktlarni qidirib topish

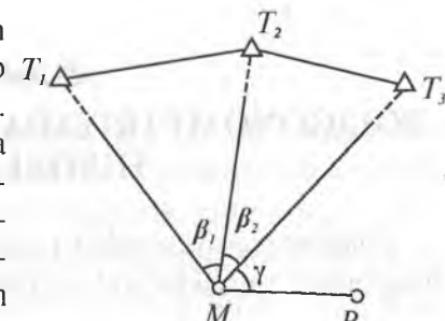
Punktlarni qidirib topish usuli ularni qanday qilib bog'laganliklariga bog'liq. Agar poligonometriya qurilgan joylarda o'tkazilgan bo'lsa, bino va inshoot-larga bog'langanlik ma'lumotlari bo'yicha qidirish kerak. Dala sharoitida punktlarni qidirib topish quyidagicha bajariladi.  $P$  — qidirilayotgan punkt bo'lsin (7.10-rasm).

Qidirilayotgan punktning joyida  $M$  nuqta tanlanadi hamda  $\beta_1$  va  $\beta_2$  burchaklar o'lchanadi. Teskari kesishtrish formulasi bo'yicha  $M$  punktning koordinatasi aniqlanadi.

$M$  va  $P$  nuqtalarning koordinatalari bo'yicha  $MP$  tomon uzunligi va uning direksion burchagi aniqlanadi.  $(MT_3)$  va  $(MP)$  direksion burchagini bilgan holda  $\gamma$  burchak topiladi:

$$\angle \gamma = (MP) - (MT_3).$$

Keyinchalik asbob trubasi  $T_3$  nuqtaga qaratiladi va alidadani  $\gamma$  burchak qiymatiga aylantiriladi. Trubaning vizir o'qi bo'yicha vexa qo'yiladi. Topilgan tomon yo'nalishi bo'yicha hisoblangan  $MP$  tomonning uzunligi o'lchanadi va joyda nuqtaning o'rni topiladi.



7.10-rasm.

## *8-bo'b*

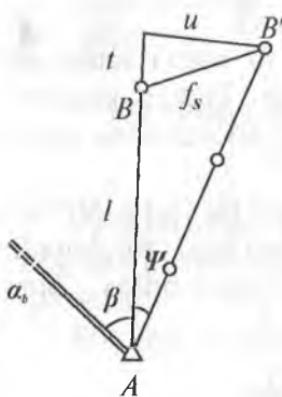
# POLIGONOMETRIYADA TENGLASHTIRISH HISOBLARI

Poligonometriyani oddiy usulda tenglashtirishda quyidagi miqdordagi xatolikka yo'l qo'yishimiz mumkin (4-klass):

$$\frac{f_s}{[S]} = \frac{1}{25000} \rho'' = \pm 8,2'',$$

ya'ni poligonometriya yo'li o'qi  $8,2''$  ga siljiydi. Ma'lumki, bu miqdor 4-klass poligonometriyada burchak o'lchash aniqligidan yuqori ( $m_\beta = \pm 2''$ ). Shuning uchun poligonometriya yo'li odatda eng kichik kvadratlar usuli bo'yicha tenglashtiriladi (korrelat usuli).

Cho'zilgan poligonometrik yo'llarni tenglashtirishda oldin yo'l o'qi qayrilish qiymati aniqlanadi:



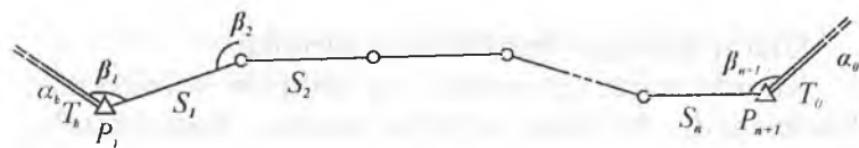
8.1-rasm.

$$\psi'' = \frac{u}{l} \rho''.$$

Agar  $\psi'' < m_\beta''$  bo'lsa, unda poligonometrik yo'l oddiy usulda tenglashtiriladi. Agar  $\psi'' > m_\beta''$  bo'lsa, yo'l eng kichik kvadratlar usuli bilan tenglashtiriladi. Bu yerda  $m_\beta''$  — o'lchangan burchakning o'rta kvadratik xatosi.

## 8.1. Yolg'iz poligonometrik yo'lni korrelat usuli bilan tenglashtirish

Yolg'iz poligonometrik yo'l  $P_1, P_2, \dots, P_{n+1}$  mavjud. Tayanch punktlar  $T_{bosh.}$  va  $T_{oxir}$  koordinatalari, direksion



8.2-rasm.

$\alpha_{bosh}$  va  $\alpha_{oxir}$  burchaklari ma'lum.  $\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_{n+1}$  burchaklar o'rta kvadratik xato  $m_\beta$  aniqlikda o'lchangan (8.2-rasm). Tomonlar  $S_1, S_2, \dots, S_n$  o'rta kvadratik xatolik  $m_S = \mu \sqrt{S}$  aniqlikda o'lchangan (sistematik xatoliklarning ta'sirisiz).

Ma'lumki, shartli tenglamalar soni ortiqcha o'lchashlar soniga teng. Bizning misolimizda  $n$  tomon,  $n+1$  burchak o'lchangan. Demak, hamma o'lchashlar soni:

$$n + (n + 1) = 2n + 1.$$

Yo'lda hamma punktlar soni  $(n+1)$  ta, lekin bulardan ikkitasining koordinatalari ma'lum. Shuning uchun, yo'ldagi noma'lum nuqtalar soni  $(n + 1) - 2 = n - 1$  ga teng.

Har bir nuqta uchun  $x$  va  $y$  ni aniqlash kerak. Demak, hamma noma'lumlar soni  $2(n - 1)$  ga teng.

Ortiqcha o'lchashlar soni

$$2n + 1 - 2(n - 1) = 3 \text{ ga teng.}$$

Bundan ko'rinish turibdiki, yolg'iz poligonometrik yo'lni korrelat usuli bilan tenglashtirishda doimo uchta shartli tenglama mavjud bo'ladi:

1. Direksion burchaklar sharti.
2. Abssissalar sharti.
3. Ordinatalar sharti.

Odatda hisobni soddalashtirish uchun ikki guruhli tenglashtirish usuli qo'llanadi. Oldin birinchi tuzatmalar hisoblanadi:

$$V'_{\beta} = -\frac{f_\beta}{n+1},$$

Ular o‘lchangan burchaklarga kiritiladi.

Koordinatalar orttirmalari va taxminiy koordinatalar hisoblanadi. Yo‘lning og‘irlik markazi koordinatalari hisoblanadi:

$$x_0 = \frac{[x]}{n+1}; \quad y_0 = \frac{[y]}{n+1}.$$

Markaziy koordinatalar hisoblanadi:

$$\varepsilon_i = x_i - x_0; \quad \eta_i = y_i - y_0.$$

Tekshirish.  $[\varepsilon] = 0$ ;  $[\eta] = 0$  (cheki 0,5 n, bunda n — qo‘siluvchilar soni).

Shartli tenglamalar tuziladi:

1.  $[V''_{\beta}] = 0$ ,
2.  $[V_s \cos \alpha] + \frac{1}{\rho} [V''_{\beta} \eta] + f_x = 0$ ,
3.  $[V_s \sin \alpha] - \frac{1}{\rho} [V''_{\beta} \varepsilon] + f_y = 0$ ,

bu yerda  $V''_{\beta}$  — burchakka ikkinchi tuzatma.

$f_x$  va  $f_y$  — to‘g‘rilangan burchaklar bo‘yicha olingan koordinatalar orttirmalari bog‘lanmasligi.

Shartli tenglamalardan normal tenglamalarga o‘tiladi. Ma’lumki, normal tenglamalar soni shartli tenglamalar soniga teng.

1.  $\left[ \frac{aa}{p} \right] K_1 + \left[ \frac{ab}{p} \right] K_2 + \left[ \frac{ac}{p} \right] K_3 = 0$ .
2.  $\left[ \frac{ab}{p} \right] K_1 + \left[ \frac{bb}{p} \right] K_2 + \left[ \frac{bc}{p} \right] K_3 + f_x = 0$ .
3.  $\left[ \frac{ac}{p} \right] K_1 + \left[ \frac{bc}{p} \right] K_2 + \left[ \frac{cc}{p} \right] K_3 + f_y = 0$ .

Normal tenglamalar koeffitsiyentlari ushbu formula-lar bo'yicha hisoblanadi:

$$\begin{aligned}\left[ \frac{aa}{p} \right] &= \frac{n+1}{p}; \\ \left[ \frac{ab}{p} \right] &= q[\eta] = 0; \quad \left[ \frac{ac}{p} \right] = -q[\varepsilon]; \\ \left[ \frac{bb}{p} \right] &= \frac{q}{\rho} [\eta^2] + [\Delta x \cos \alpha] = A; \\ \left[ \frac{bc}{p} \right] &= \frac{q}{\rho} [\eta \varepsilon] + [\Delta x \sin \alpha] = C; \\ \left[ \frac{cc}{p} \right] &= \frac{q}{\rho} [\varepsilon^2] + [\Delta y \sin \alpha] = B,\end{aligned}$$

bu yerda:  $P_{\beta i} = \frac{\mu^2}{m_i^2} = P$ ,  $q = \frac{1}{P\rho}$  (teskari vazn).

Koeffitsiyentlarni hisoblashni tekshirish:

$$\Delta x_i \cos \alpha_i + \Delta y_i \sin \alpha_i = S_p,$$

$$\Delta x_i \sin \alpha_i = \Delta y_i \cos \alpha_i,$$

$$[(\eta + \varepsilon)^2] = [\eta^2] + [\varepsilon^2] + 2[\eta \varepsilon].$$

Olingan koeffitsiyentlarga asosan normal tenglama-larni quyidagicha yozish mumkin:

$$1. \frac{n+1}{p} \cdot k_1 = 0.$$

$$2. AK_2 + CK_3 + f_x = 0.$$

$$3. CK_2 + BK_3 + f_y = 0.$$

Bu normal tenglamalarni yechib, korrelatlar topiladi:

$$K_1 = 0.$$

$$K_2 = \frac{Cf_y - Bf_x}{AB - C^2}.$$

$$K_3 = \frac{Cf_x - Af_y}{AB - C^2}.$$

Burchaklarga ikkinchi tuzatmalar hisoblanadi:

$$V''_{\beta_1} = q(\eta_1 K_2 - \varepsilon_1 K_3),$$

$$V''_{\beta_1} = q(\eta_2 K_2 - \varepsilon_2 K_3),$$

$$V''_{\beta_{n+1}} = q(\eta_{n+1} K_2 - \varepsilon_{n+1} K_3).$$

Ikkinchи tuzatmalarni tekshirish:

$$[V'_\beta] = 0.$$

Direksion burchaklarga tuzatmalar hisoblanadi:

$$V_{\alpha_1} = V''_{\beta_1}$$

$$V_{\alpha_2} = \sum_1^2 \cdot V''_\beta$$

$$V_{\alpha_n} = \sum_1^n \cdot V''_\beta.$$

Tomonlarga tuzatmalar hisoblanadi:

$$V_{S_1} = \Delta x_1 K_2 + \Delta y_1 K_3,$$

$$V_{S_2} = \Delta x_2 K_2 + \Delta y_2 K_3,$$

$$V_{S_n} = \Delta x_n K_2 + \Delta y_n K_3.$$

Tekshirish.  $[V_S] = [\Delta x] K_2 + [\Delta y] K_3.$

Koordinata orttirmalariga tuzatma hisoblanadi:

$$V_{\Delta x_1} = V_{S_1} \cos \alpha_1 - \frac{V_{\alpha_1}}{\rho} \Delta y_1,$$

$$V_{\Delta y_1} = V_{S_1} \sin \alpha_1 + \frac{V_{\alpha_1}}{\rho} \Delta x_1,$$

$$V_{\Delta x_n} = V_{S_n} \cos \alpha_n - \frac{V_{\alpha_n}}{\rho} \Delta y_n,$$

$$V_{\Delta y_n} = V_{S_n} \sin \alpha_n + \frac{V_{\alpha_n}}{\rho} \Delta x_n.$$

$$\begin{aligned} \text{Tekshirish. } [V_{\Delta x}] &= -f_x, \\ [V_{\Delta y}] &= -f_y. \end{aligned}$$

(Cheki:  $0.5\sqrt{n}$ ;  $n$  — qo'shiluvchilar soni)

Bu tuzatmalar punktlarning taxminiy koordinatalariiga kiritiladi va oxirgi qiymati topiladi.

### Tenglashtirilgan qiymatlarning aniqligini baholash

Tenglashtirilgan elementlar (burchak, direksion burchak, tomon uzunligi, abssissa va ordinata) funksiyasining o'rta kvadratik xatosi quyidagi formula bilan hisoblanadi:

$$M_u = \mu \sqrt{\frac{1}{P_u}},$$

$$\text{bu yerda: } \mu = \sqrt{\frac{P \frac{f^2 \beta}{n+1} + P \left[ V'' \frac{2}{\beta} \right] + \left[ \frac{1}{S} V_S^2 \right]}{3}},$$

$\mu$  — vazn birligidagi o'rta kvadratik xatolik.

$$\frac{1}{P_u} = \left[ \frac{FF}{P} \right] - P \frac{\left[ \frac{aF}{P} \right]^2}{n+1} - \frac{\left[ \frac{bF}{P} \right]^2}{A} - \frac{\left\{ \left[ \frac{CF}{P} \right] - \frac{C}{A} \left[ \frac{bF}{P} \right] \right\}^2}{B - \frac{C^2}{A}},$$

$\frac{1}{P_u}$  — funksiyaning teskari vazni.

$\left[ \frac{FF}{P} \right], \left[ \frac{aF}{P} \right], \left[ \frac{bF}{P} \right]$  va  $\left[ \frac{CF}{P} \right]$  — miqdorlarning qiymatlari.

Elementlar nomi	$\beta_i$	$\alpha_i$	$S_i$	$x_i$	$y_i$
$\left[ \frac{FF}{P} \right]$	$\frac{1}{P}$	$\frac{i}{P}$	$S_i$	$\frac{q}{\rho} [(y_{i+1} - y)^2]_1^i + [S \cos^2 \alpha]_1^i$	$\frac{q}{\rho} [(x_{i+1} - x)^2]_1^i + [S \sin^2 \alpha]_1^i$

Elementlar nomi	$\beta_i$	$\alpha_i$	$S_i$	$x_i$	$y_i$
$\left[ \frac{aF}{P} \right]$	$\frac{1}{P}$	$\frac{i}{P}$	0	$-q[(y_{i+1}-y)]_i$	$q[(x_{i+1}-x)]_i$
$\left[ \frac{bF}{P} \right]$	$q\eta_i$	$q[\eta]_i$	$\Delta x_i$	$-\frac{q}{\rho} [(y_{i+1}-y)\eta]_i + [S \cos^2 \alpha]_i$	$\frac{q}{\rho} [(x_{i+1}-x)\eta]_i + [S \sin \alpha \cdot \cos \alpha]_i$
$\left[ \frac{CF}{P} \right]$	$-q\varepsilon_i$	$-q[\varepsilon]_i$	$\Delta y_i$	$\frac{q}{\rho} [(y_{i+1}-y)\varepsilon]_i + [S \sin \alpha \cdot \cos \alpha]_i$	$-\frac{q}{\rho} [(x_{i+1}-x)\eta]_i + [S \sin \alpha \cdot \cos \alpha]_i$

## 8.2. Chebotarev usuli bilan cho'zilgan poligonometriya yo'lini tenglashtirish

Tenglashtirish hisoblarini bajarishdan oldin berilgan yo'l cho'zilgan ekanligini aniqlash kerak.

Bog'lanmasliklar  $f_\beta$ ,  $f_x$ ,  $f_y$ ,  $f_s$  va  $\frac{f_s}{[S]}$  yuqorida ko'rsatilgandik yechiladi. Yo'lning bo'ylama va ko'ndalang xatoliklari hisoblanadi:

$$t = \frac{f_x[\Delta x] + f_y[\Delta y]}{L},$$

$$u = \frac{f_x[\Delta x] + f_s[\Delta y]}{L},$$

$$L = \sqrt{[\Delta x]^2 + [\Delta y]^2}.$$

Shartli tenglamalar tuziladi:

1.  $[V''_\beta] = 0,$
2.  $[V'_s] + t = 0,$
3.  $-\frac{1}{\rho} [\varepsilon' V''_\beta] + U = 0.$

Normal tenglamalarga o'tiladi:

$$1. \frac{n+1}{\rho} k_1 = 0.$$

$$2. [S] K_2 + t = 0.$$

$$3. \frac{q}{\rho} [\varepsilon'^2] K_3 + U = 0.$$

Korrelatlar topiladi:

$$K_1 = 0,$$

$$K_2 = -\frac{t}{[S]},$$

$$K_3 = -\frac{U}{q[\varepsilon'^2]} \rho.$$

Burchaklarga ikkinchi tuzatmalar hisoblanadi:

$$V''_{\beta i} = \varepsilon'_i q K_3,$$

$$\text{bu yerda: } \varepsilon'_i = \frac{L}{n} \left( i - \frac{n}{2} - 1 \right),$$

$n$  — yo'lning tomonlar soni,

$q$  — funksiyaning teskari vazni.

Agar yo'l hamma tomonlarining uzunligi bir xil bo'lsa,  
unda

$$V''_{\beta i} = \Delta \theta \rho'' b_r$$

$$\text{bu yerda: } \Delta \theta = -\frac{U}{[S]}; \quad b_r = \frac{6(n+2-2i)}{(n+1)(n+2)}.$$

Ikkinchi tuzatmalarni tekshirish:

$$[V''_{\beta}] = 0.$$

Direksion burchak tuzatmalari hisoblanadi:

$$V''_{\alpha i} = \Delta \theta \rho'' \alpha_r$$

$$\text{Bu yerda: } \alpha_i = \frac{6i(n+1-i)}{(n+1)(n+2)}.$$

Tomonlarga tuzatma hisoblanadi:

$$V'_{st} = S_i K_2.$$

Tekshirish.  $[V_s] = -t$ .

Koordinata orttirmalariga tuzatmani hisoblanadi:

$$\begin{aligned} V_{\Delta x_i} &= K_2 \Delta_{xi} - \Delta \theta \alpha_i \Delta y_i, \\ V_{\Delta y_i} &= K_2 \Delta_{yi} - \Delta \theta \alpha_i \Delta x_i. \end{aligned}$$

Tekshirish.  $\begin{aligned} [V_{\Delta x}] &= -f_x, \\ [V_{\Delta y}] &= -f_y. \end{aligned}$

Juda cho'zilgan formada bo'limgan yo'lni tenglashtirishda bu tekshirishlar tenglamalari amal qilmasliklari mumkin. Bunday holatda qoldiq bog'lanmaslik quyidagi-cha yo'qotiladi.

Yangi miqdorlar hisoblanadi:

$$\begin{aligned} \partial' &= \frac{f_x(a\Delta x) + f_y(a\Delta y)}{[\Delta x][a\Delta x] + [\Delta y][a\Delta y]}, \\ \Delta Q' &= \frac{f_y(\Delta x) + f_x(\Delta y)}{[\Delta x][a\Delta x] + [\Delta y][a\Delta y]}. \end{aligned}$$

Bunda quyidagi munosabatlar saqlanishi kerak:

$$\frac{\partial}{\partial'} \approx 1 \pm 0,1,$$

$$\frac{\Delta \theta}{\Delta \theta} \approx 1 \pm 0,1,$$

$$\Delta \theta = -\frac{U}{[S]}.$$

Agar bu munosabatlar saqlanmasa, unda yangi miqdorlar  $\partial'$  va  $\Delta \theta'$  bilan yangi ikkinchi tuzatmalar hisoblanadi.

## Tenglashtirilgan qiymatlarning aniqligini baholash

Burchaklarning o‘rta kvadratik xatosi:

$$m_{\beta_i} = m_{\beta} \sqrt{1 - \frac{1}{n+1} - \frac{3(n-2i+2)^2}{n(n+1)(n+2)}}.$$

Direksion burchaklarning o‘rta kvadratik xatosi:

$$m_{\alpha_i} = m_{\beta} \sqrt{1 - \frac{i^2}{n+1} - \frac{3i^2(n-i+1)^2}{n(n+1)(n+2)}}.$$

Tomonning o‘rta kvadratik xatosi:

$$m_{S_i} = \mu \sqrt{S_i \left(1 - \frac{1}{n}\right)}.$$

Bo‘ylama siljishning o‘rta kvadratik xatosi:

$$m_{t_{i+1}} = \mu \sqrt{S_{o'r} \left(i - \frac{i^2}{n}\right)}.$$

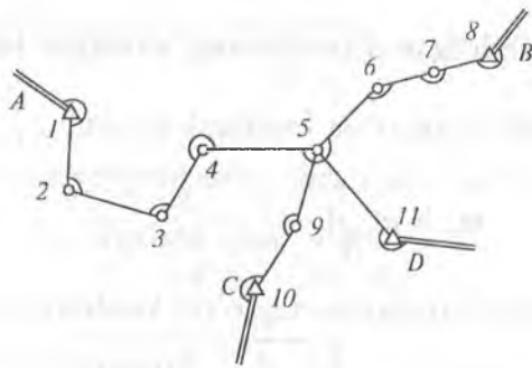
Ko‘ndalang siljishning o‘rta kvadratik xatosi:

$$m_{u_{i+1}} = \frac{m_{\beta}}{\rho''} S_{o'r} \sqrt{\frac{i(i+1)(2i+1)}{6} - \frac{i^2(i+1)^2}{4(n+1)} - \frac{i^2(i+1)^2(3n-2i+2)^2}{12n(n+1)(n+2)}}.$$

### 8.3. Poligonometrik to‘rlarni tenglashtirish

#### 8.3.1. Bitta tugun nuqtali poligonometriya to‘rini tenglashtirish

Direksion burchak sharti. Berilgan to‘rda to‘rtta yo‘l mavjud (8.3-rasm). Hisoblash har bir yo‘l bo‘yicha o‘lchangan burchaklar yig‘indisini hisoblashdan boshlanadi. Keyinchalik tomonlardan bittasini tugun tomon sifatida tanlanadi(tugun tomon og‘irlik markaziga yaqin bo‘lishi kerak).



8.3-rasm

Har bir yo'l bo'yicha tugun tomonning direksion burchagi hisoblanadi:

$$\alpha'_i = \alpha_{bosh.} + \sum \beta_i - 180(n+1).$$

Tugun tomonning direksion burchagini ehtimoliy qiymati hisoblanadi:

$$\alpha_0 = \frac{\alpha'_1 P_1 + \alpha'_2 P_2 + \alpha'_3 P_3 + \alpha'_4 P_4}{P_1 + P_2 + P_3 + P_4},$$

bu yerda:  $\alpha'_i$  — direksion burchakning taxminiy qiymati,

$$P_i = \frac{C}{(n+1)_i}.$$

Yo'llarga tuzatmalar topiladi:

$$[V_\beta]_i = \alpha_0 - \alpha'_i.$$

Tekshirish.  $[P_\beta V_\beta] = 0$ .

Yo'lning hamma burchaklariga tuzatma teng qilib tarqatiladi. Koordinatalarning orttirmalari va tomonning direksion burchaklari hisoblanadi. Har bir yo'l bo'yicha tugun nuqtalarning koordinatalari hisoblanadi:

$$\begin{aligned} X'_i &= x_{bosh.} + [\Delta x]_i \\ Y'_i &= y_{bosh.} + [\Delta y]_i \end{aligned}$$

Tugun tomonning koordinatlari ehtimoliy qiymati hisoblanadi:

$$x_0 = \frac{x'_1 P_{S1} + x'_2 P_{S2} + x'_3 P_{S3} + x'_4 P_{S4}}{P_{S1} + P_{S2} + P_{S3} + P_{S4}},$$

$$y_0 = \frac{y'_1 P_{S1} + y'_2 P_{S2} + y'_3 P_{S3} + y'_4 P_{S4}}{P_{S1} + P_{S2} + P_{S3} + P_{S4}}.$$

bu yerda:  $x'_i$  va  $y'_i$  — koordinatalarning ehtimoliy qiymati,

$$P_{Si} = \frac{C}{[S]_i}.$$

Koordinatalar orttirmasiga tuzatma hisoblanadi:

$$[V\Delta x]_i = x_0 - x'_i,$$

$$[V\Delta y]_i = y_0 - y'_i.$$

Tekshirish.  $[P_S V_{\Delta x}] = 0$ ;  $[P_S V_{\Delta y}] = 0$ .

### 8.3.2. Ikkita tugun nuqtali poligonometriya to‘rni ekvivalent almashtirish usuli bilan tenglashtirish

Berilgan murakkab to‘rni bitta tugun nuqtali to‘rga almashtiramiz. Buning uchun tugun nuqtani tanlaymiz. Bizning misolimizda 5 nuqta tugun nuqta bo‘ladi, chunki u og‘irlik markazining yaqinida joylashgan. Keyinchalik 3, 4 va 5 bitta ekvivalent yo‘l bilan almashtiriladi (8.4-rasm).

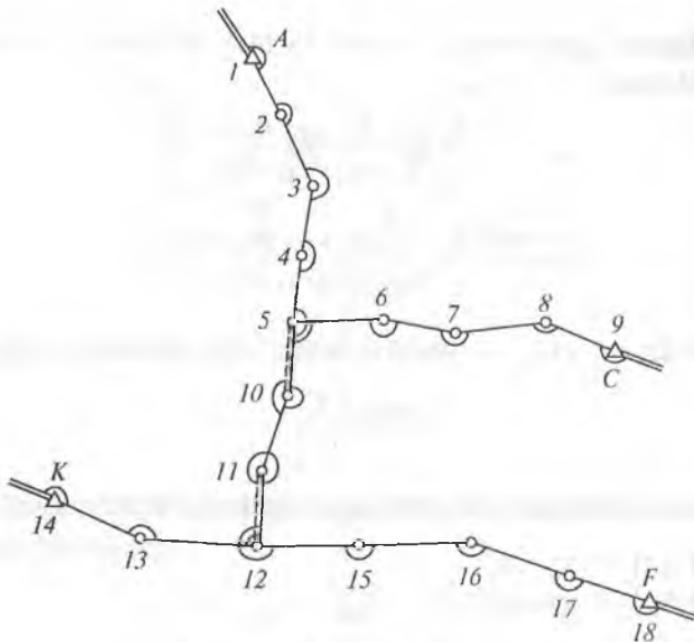
Buning uchun oldin 4 va 5 yo‘l bo‘yicha (12—11) tugun tomonning taxminiy direksion burchagi hisoblanadi:

$$\alpha'_{(12-11)} = \frac{\alpha'_4 P_4 + \alpha'_5 P_5}{P_4 + P_5},$$

bu yerda:  $P_i = \frac{C}{(n+1)_i}$ .

Ekvivalent (4,5) yo‘lning vazni topiladi:

$$P_{4,5} = P_4 + P_5.$$



8.4-rasm.

Ekvivalent (4,5) yo‘lning burchaklar soni aniqlanadi:

$$(n+1)_{4,5} = \frac{C}{P_{4,5}}.$$

(4,5) va (3) yo‘llarni qo‘shib, bitta ekvivalent yo‘l olib nadi.

Ekvivalent yo‘lning burchaklar soni:

$$(n+1)_{4,5+3} = (n+1)_{4,5} + (n+1)_3.$$

Ekvivalent yo‘lning vazni (4,5 + 3):

$$P_{4,5+3} = \frac{C}{(n+1)_{4,5+3}}.$$

Natijada bitta tugun nuqtali to‘r olamiz. Keyin har bir yo‘l bo‘yicha (5–10) tugun tomonning direksion burchagi hisoblanadi.

Tugun tomonning direksion burchagining ehtimoliy qiymati topiladi:

$$\alpha_{(5-10)} = \frac{\alpha'_{4,5+3} P_{4,5+3} + \alpha'_1 P_1 + \alpha'_2 P_2}{P_{4,5+3} + P_1 + P_2},$$

bu yerda:  $\alpha_{(4,5+3)} = \alpha_{(12-11)} + \sum \beta_3 \pm 180(n+1)_3$ .

Burchaklar tuzatmasi hisoblanadi:

$$V_{[\beta]_i} = \alpha_{(5-10)} - \alpha'_i.$$

Ekvivalent yo‘lga tuzatma:

$$V_{[\beta]_{4,5+3}} = \alpha_{(5-10)} - \alpha'_{4,5+3}.$$

Uchinchi yo‘lga tuzatma:

$$V_{[\beta]_3} = \frac{V_{[\beta]_{4,5+3}}}{(n+1)_{4,5+3}} (n+1)_3.$$

Tugun (12—11) tomonning direksion burchagining ehtimoliy qiymati topiladi:

$$\alpha_{(12-11)} = \alpha'_{(12-11)} + V_{[\beta]_3}.$$

4 va 5 yo‘llarning burchaklariga tuzatma aniqlanadi:

$$V_{[\beta]_4} = \alpha_{(12-11)} - \alpha'_4,$$

$$V_{[\beta]_5} = \alpha_{(12-11)} - \alpha'_5.$$

Bu tuzatmalar yo‘lning hamma burchaklariga teng qilib tarqatiladi va hamma tomonlarining direksion burchagi hisoblanadi. Koordinatalar orttirmasi hisoblanadi. Koordinatalar orttirmalari ham burchaklar qanday qilib tenglashtirilgan bo‘lsa, xuddi shunday qilinadi.

## Aniqlikni baholash

Vazn birligida o'rta kvadratik xatoslik:

$$\mu = \pm \sqrt{\frac{[PV]^2}{n-k}},$$

bu yerda:  $n$  — hamma yo'llarning soni,  $k$  — tugun nuqta-larning soni.

To'r tugun elementi tenglashtirilgan qiymati o'rta kvadratik xatosi:

$$M_{\text{teng}} = \frac{\mu}{\sqrt{P}}.$$

Tugun nuqta vaziyatining o'rta kvadratik xatosi:

$$M = \sqrt{M_x^2 + M_y^2}, \quad (*)$$

bu yerda:  $M_x$  va  $M_y$  — abssissa va ordinatalarning o'rta kvadratik xatosi.

Bitta o'lchashning o'rta kvadratik xatosi

$$m = \frac{\mu}{\sqrt{C}}.$$

### 8.3.3. Poligonometriya to'rlarini ketma-ket yaqinlashtirish usuli bilan tenglashtirish

#### Tugun tomonlar direksion burchaklarini tenglashtirish

Tugun (11—12) tomonning direksion burchak ehtimoliy qiymati 3, 4, 5 yo'llar direksion burchak qiymati o'rta vazni kabi hisoblanadi:

$$\alpha_{(11-12)} = \frac{\alpha'_3 P_3 + \alpha'_4 P_4 + \alpha'_5 P_5}{P_3 + P_4 + P_5}.$$

Tugun (5—10) tomonning direksion burchak ehtimoliy qiymati 1,2 va 3 yo'llar bo'yicha hisoblanadi:

$$\alpha'_{(5-10)} = \frac{\alpha'_1 P_1 + \alpha'_2 P_2 + \alpha'_3 P_3}{P_1 + P_2 + P_3},$$

bu yerda:  $\alpha'_i - i$  yo‘l bo‘yicha hisoblangan tugun tomonning direksion burchagining taxminiy qiymati;

$P_i - i$  yo‘lning burchaklar vazni.

Bu formulalarda hamma elementlar ham ma’lum emas. Shuning uchun tugun tomonning direksion burchaklarining ehtimoliy qiymati ketma-ket yaqinlashtirish usuli bilan topiladi. Birinchi yaqinlashtirishda formulalarning noma’lum qismi nolga tenglashtiriladi va tugun tomonning direksion burchagining taxminiy qiymati hisoblanadi.

Birinchi yaqinlashtirishda olingan direksion burchak taxminiy qiymatlari ikkinchi yaqinlashtirishda formulalarga qo‘yiladi.

Hisoblash oxirgi ikkita yaqinlashtirishda direksion burchak natijalari bir xil bo‘limguncha davom ettiriladi. Tugun tomonlari direksion burchaklari ehtimoliy qiymatlari olingandan keyin yo‘llarning o‘lchangan burchaklariga tuzatma aniqlanadi:

$$V_{[\beta]_i} = \alpha_0 - \alpha'_i,$$

bu yerda:  $\alpha'_i$  — tugun tomonning direksion burchagining ehtimoliy qiymati. Tuzatmalarni tekshirish tugun tomonlari bo‘yicha bajariladi:

$$[P' V_\beta] = 0,$$

bu yerda:  $P'$  — yo‘lning keltirilgan vazni.

Bu tuzatmalar o‘lchangan burchaklarga kiritiladi. Yo‘l tomonining direksion burchagi aniqlanadi va koordinatalar orttirmasi hisoblanadi. Abssissa va ordinata sharti direksion burchak sharti kabi tenglashtiriladi. (Misol [2] da).

### 8.3.4. Poligonometriya to‘rini Popovning poligonlar usulida tenglashtirish (Normal tenglamalarни yechish)

Mustaqil poligonlar soni hisoblanadi:

$$r = n - k = 5 - 2 = 3,$$

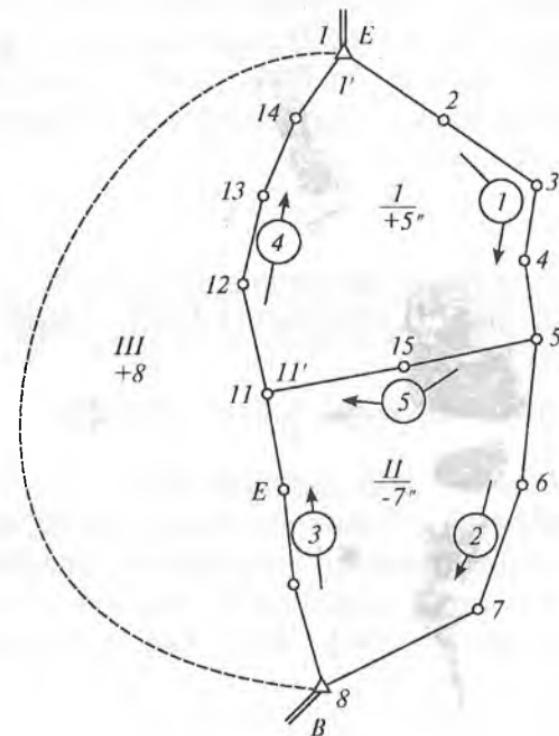
bu yerda:  $n$  — hamma o‘lchashlar soni,  $k$  — noma’lumlar soni.

$$\text{Yoki } r = S + N - 1 = 2 + 2 - 1 = 3,$$

bu yerda:  $S$  — tutash poligonlar soni,  $N$  — tayanch punktlar soni.

Shartli tenglamalar sonini hisoblanadi:

$$D = 3 (S + N - 1) = 9.$$



8.5-rasm.

Bulardan direksion burchaklar sharti:

$$D\alpha = S + N - 1 = 3.$$

Demak, direksion burchaklar shartida shartli tenglamalar soni mustaqil poligonlar soniga teng.

Koordinatalar sharti:

$$D_{xy} = 2(S + N - 1) = 6.$$

### Direksion burchaklar sharti bo'yicha tenglashtirish

Poligonlar bog'lanmasligi hisoblanadi va mos poligonlarga yoziladi. Har bir yo'l bo'yicha burchaklar soni hisoblanadi. Bunda yopishgan burchaklar koeffitsiyenti 0,5 teng ekanligini e'tiborga olish kerak.

Yo'l №	Burchaklar soni
1	4
2	3
3	3
4	4
5	2

Normal tenglamalar tuziladi. Normal tenglamalar soni mustaqil poligonlar soniga teng.

To'r chizmasi bo'yicha normal tenglamalarni tuzish qoidasi:

1. Kvadratik koeffitsiyentlar qiymati mos poligonlar burchaklar yig'indisiga teng. Kvadratik koeffitsiyentlar doimo musbat.

2. Simmetrik koeffitsiyentlar qiymati ikki poligon uchun umumiy bo'lgan yo'l burchaklari yig'indisiga teng. Simmetrik koeffitsiyentlar doim manfiy.

3. Poligonlar bog'lanmasligi normal tenglamalar ozod hadi hisoblanadi.

Normal tenglamalar:

$$1. 10K_1 - 2K_2 - 4K_3 + 5 = 0.$$

$$2. -2K_1 + 8K_2 - 3K_3 - 7 = 0.$$

$$3. -4K_1 - 3K_2 + 7K_3 + 8 = 0.$$

Normal tenglamalarni yechib korrelatlar topiladi.

Har bir yo'l uchun o'lchangan burchaklarga tuzatmalar kiritiladi:

$$[V]_1 = n_1 k_1.$$

$$[V]_2 = n_2 k_2.$$

$$[V]_3 = n_3 (k_2 - k_3).$$

$$[V]_4 = n_4 (k_1 - k_3).$$

$$[V]_5 = n_5 (k_1 - k_2).$$

Alovida burchaklarga tuzatmalar hisoblanadi:

1. Bitta poligonga taalluqli yo'lda joylashgan burchak:

$$V_{\angle 2} = V_{\angle 3} = V_{\angle 4} = K_1,$$

$$V_{\angle 6} = V_{\angle 7} = K_2,$$

2. Ikkita poligonga taalluqli yo'lda joylashgan burchak:

$$V_{\angle 45} = K_1 - K_2,$$

$$V_{\angle 9} = V_{\angle 10} = K_2 - K_3,$$

$$V_{\angle 12} = V_{\angle 13} = V_{\angle 14} = K_1 - K_3.$$

3. Tugun nuqtada joylashgan burchak:

$$V_{\angle 5'} = K_1 - 0,5 K_2,$$

$$V_{\angle 5''} = K_2 - 0,5 K_1,$$

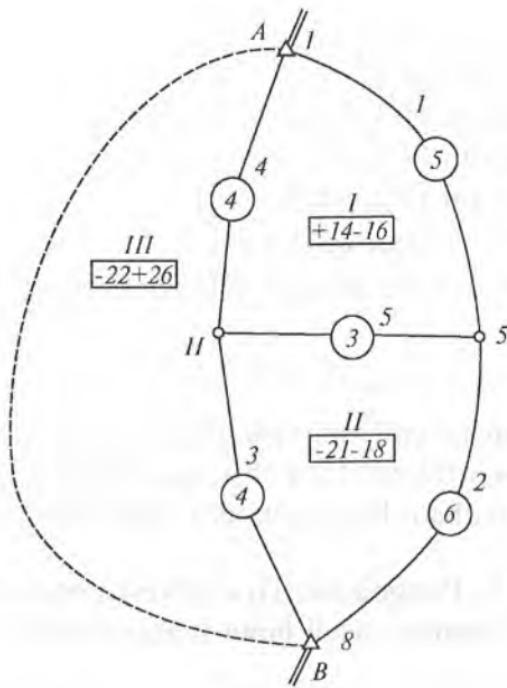
$$V_{\angle 1'} = K_1 - 0,5 K_3,$$

$$\dots$$
  
$$V_{\angle 11'} = K_1 - 0,5 (K_2 + K_3).$$

Tuzatmalarni tekshirish:  $[V]_i = -f_{\beta_i}$ .

### Abssissa sharti bo'yicha tenglashtirish

O'lchangan burchaklar bo'yicha koordinatalar orttirmasi hisoblanadi va har bir poligon bo'yicha orttirmalar bog'lanmasligi topiladi. Bu bog'lanmasliklar o'z ishorasi bilan mos poligonlarga yoziladi ( $x$  — chapdan,  $y$  — o'ngdan).



8.6-rasm.

Yo'llar uzunligi topiladi va ular mos yo'llarga yozildi. Yo'llar uzunligini metrda yoki kilometrda olish mumkin. Odatda yo'l uzunligi 10 yoki 100 ga qisqartirilgan metrlarda olinadi.

8.6-rasm bo'yicha normal tenglamalar tuziladi. Normal tenglamadaning kvadrat koeffitsiyentlar poligon perimetriga teng.

Simmetrik koeffitsiyentlar ikkita yopishgan poligoning umumiy tomoni bo'lgan yo'l uzunligiga teng. Koordinata ortirmalari bog'lanmasligi normal tenglamalar ozod hadi hisoblanadi.

$$1. 12K_1 - 3K_2 - 4K_3 + 14 = 0.$$

$$2. -3K_1 + 13K_2 - 4K_3 - 21 = 0.$$

$$3. -4K_1 - 4K_2 + 8K_3 - 22 = 0.$$

Bu normal tenglamalarni yechib, korrelatlar topiladi. Koordinatalar ortirmalariga tuzatma hisoblanadi:

- 1 yo'l uchun  $[V_x]_1 = l_1 k_1$ ,
- 2 yo'l uchun  $[V_x]_2 = l_2 k_2$ ,
- 3 yo'l uchun  $[V_x]_3 = l_3 (k_2 - k_3)$ ,
- 4 yo'l uchun  $[V_x]_4 = l_4 (k_1 - k_3)$ ,
- 5 yo'l uchun  $[V_x]_5 = l_5 (k_1 - k_2)$ ,

bu yerda:  $l_i$  — yo'llar uzunligi.

Tuzatmalarini hisoblashni tekshirish poligon bo'yicha bajariladi.

$$[V_{\Delta x}] = -f_x.$$

Bu tuzatmalar yo'l tomonlari uzunligiga proporsional tarqatiladi va qayrilish punktlar abssissasi hisoblanadi. Ordinata sharti bo'yicha ham huddi shunday qilib tenglashtiriladi.

### 8.3.5. Poligonometriya to'rini Popovning tugunlar usuli bilan tenglashtirish

Bu usul poligonometrik to'rlarni parametrik usul bilan tenglashtirish usuliga mos keladi. Berilgan to'rda 5 ta yo'l va 2 ta tugun nuqta bor. Tugun tomon sifatida (4—5) va (9—12) tomonlar tanlangan.

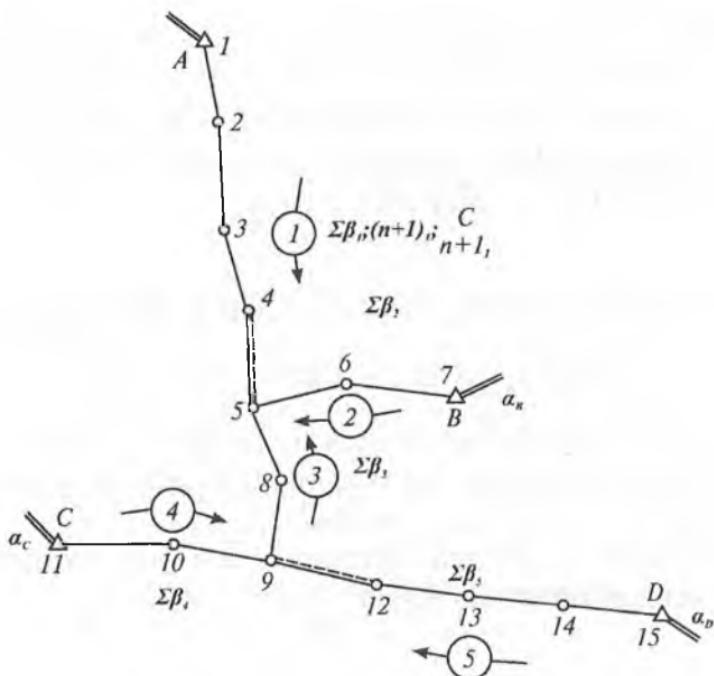
#### Direksion burchak sharti bo'yicha tenglashtirish

Tenglashtirish to'r chizmasi bo'yicha bajariladi (8.7-rasm). Boshlang'ich direksion burchaklar, yo'lning o'lchanigan burchaklar yig'indisi, burchaklar soni va uning vazni yozib olinadi. Burchaklar vazni quyidagi formula bo'yicha hisoblanadi:

$$P_i = \frac{C}{(n+1)_i}.$$

Tugun tomonning direksion burchagi taxminiyl qiy-mati hisoblanadi (odatda direksion burchak qisqa yo'llar bo'yicha hisoblanadi):

$$\alpha_i = \alpha_{bosh} + \sum \beta_i \pm 180^\circ (n+1)_r$$



8.7-rasm.

Tugun nuqtaning burchak vazni hisoblanadi:

$$P_{\beta 5} = P_1 + P_2 + P_3.$$

Yo'llarning burchak xatoligi hisoblanadi:

$$f_{\beta i} = \alpha_{bosh.} + \sum \beta_i \pm 180^\circ (n+1)i - \alpha_i.$$

Topilgan xatoliklar mos vaznga ko'paytiriladi:

$$(f_{\beta i} P_i).$$

Tugun nuqtaning burchak xatoliklari hisoblanadi:

$$F_{\beta 5} = f_{\beta 1} P_1 + f_{\beta 2} P_2 f_{\beta 3} P_3.$$

Normal tenglamalar tuziladi:

$$1. P_{\beta 5} x_5 - P_3 x_9 - F_{\beta 5} = 0.$$

$$2. - P_3 x_5 + P_{\beta 9} x_9 - F_{\beta 9} = 0.$$

Bu normal tenglamalarni yechib, tugun tomon taxminiy direksion burchaklariga  $x_5$  va  $x_9$  tuzatmalar topiladi. Bu tuzatmalar tugun tomoni direksion burchagi taxminiy qiymatiga kiritiladi va tugun tomoni direksion burchagi ehtimoliy qiymati topiladi:

$$\alpha_{ehr} = \alpha_i + x_i.$$

Yo'llarning qoldiq bog'lanmasligi hisoblanadi:

$$f'\beta_i = \alpha_{bosh} + \sum \beta - 180^\circ (n+1)i - \alpha_{ehr}.$$

Qoldiq bog'lanmaslik teskari ishora bilan teng qilib o'lchangan burchaklarga tarqatiladi va boshqa tomonlarning direksion burchagi topiladi.

Abssissa va ordinata shartlari uchun ham xuddi shunday tenglashtirish bajariladi.

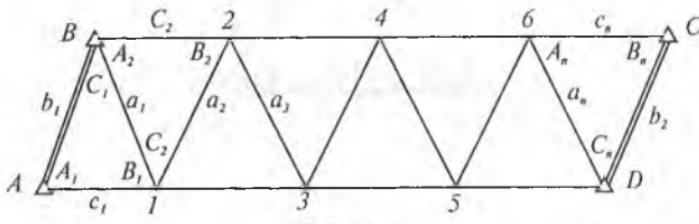
## **9-bob**

### **PLAN OLISH TAYANCH TO'RINI BARPO QILISH**

Katta hududda topografik plan olish (syomka qilish) maqsadida plan olish tayanch to'rini barpo etishda 1 va 2-razryadli triangulyatsiya qo'llaniladi. Quyidagi namunalni shakllardagi triangulyatsiya eng ko'p uchraydi:

1. Uchburchaklar qatori.
2. Geodezik to'rtburchak.
3. Markaziy sistema.

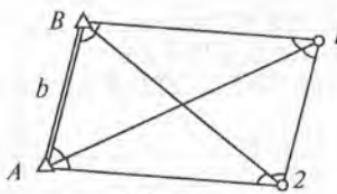
#### **Triangulyatsiyaning ikki tomonlari orasidan uchburchaklar qatori**



*9.1-rasm.*

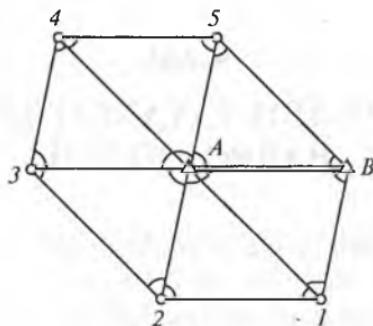
$b_1$  va  $b_2$  — boshlang'ich (bazis) tomonlar;  
 $\angle A_1, B_1, A_2, B_2, \dots, A_n, B_n$  — bog'lovchi burchaklar;  
 $\angle C_1, C_2, \dots, C_n$  — oraliq burchaklar;  
 $a_1, a_2, \dots, a_n$  — bog'lovchi tomonlar;  
 $c_1, c_2, \dots, c_n$  — oraliq tomonlar.

#### **Geodezik to'rtburchak**



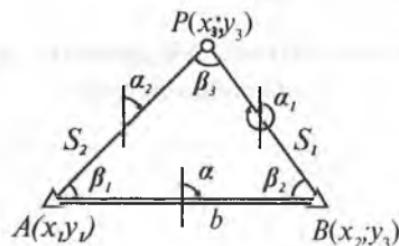
*9.2-rasm.*

### Markaziy sistema



9.3-rasm.

**1 va 2-razryadli triangulyatsiya aniqligini baholash.  
Tenglashtirilgan burchaklarning aniqligi**



9.4-rasm.

Belgilaymiz:  $\angle \beta_1, \beta_2, \beta_3$  — o‘lchangan burchaklar.  
 $B_1, B_2, B_3$  — burchakning haqiqiy qiymatlari

### 1 va 2-razryadli triangulyatsiyaning xarakteristikasi

Ko‘rsatkichlari	1-razryad	2-razryad
Uchburchak tomonlarining uzunligi, km	0,5–5	0,25–3
Nisbiy o‘rtalik		
Bazis tomoni	1:50000	1:20000
Zaif tomoni	1:20000	1:10000
Uchburchakdagi chekli bog‘lanmaslik	20"	40"
Burchak o‘lchashning o‘rtalik xatosi	5"	10"
T2 teodolit bilan burchak o‘lchash usullar soni	3	2
T5 teodolit bilan	4	3
Burchakning minimal qiymati	30"	30"
Bazis tomonining minimal uzunligi, km	1	1
Bazis tomonlari orasidagi uchburchaklar soni	10	10

$A(x_1; y_1)$  va  $B(x_2; y_2)$  nuqtaning koordinatalari ma'lum.

Berilganlar xatosiz deb hisoblaymiz ( $A$  va  $B$  nuqta ning koordinatalari,  $b$  tomonning uzunligi va direksion burchagi  $\alpha$ )

Yassi uchburchak burchaklari uchun yozamiz:

$$\beta_1 + \beta_2 + \beta_3 - 180^\circ = 0,$$

$$\beta_1 + \beta_2 + \beta_3 - 180^\circ = f_\beta,$$

$$(\beta_1 + \alpha\beta_1) + (\beta_2 + \alpha\beta_2) + (\beta_3 + \alpha\beta_3) - 180^\circ = 0,$$

$$\alpha\beta_1 + \alpha\beta_2 + \alpha\beta_3 + (\beta_1 + \beta_2 + \beta_3 - 180^\circ) = 0.$$

Shuning uchun:

$$\alpha\beta_1 + \alpha\beta_2 + \alpha\beta_3 + f_\beta = 0. \quad (1)$$

Uchburchakning bog'lanmasligi teskari ishora bilan hamma burchaklarga teng tarqatiladi:

$$V_1 = V_2 = V_3 = -\frac{f_\beta}{3}. \quad (2)$$

Unda tenglashtirilgan burchaklar

$$\beta_1 + V_1; \quad \beta_2 + V_2; \quad \beta_3 + V_3$$

o'z xatoligiga ega bo'ladi:

$$\alpha\beta_1 - V_1; \quad \alpha\beta_2 - V_2; \quad \alpha\beta_3 - V_3.$$

Belgilaymiz:  $\alpha\beta_1 - V_1 = \alpha\beta'_1$ .

(1) va (2) formulaga asosan topamiz:

$$\begin{aligned} \alpha\beta'_1 &= \alpha\beta_1 - V_1 = \alpha\beta_1 + \frac{1}{3}f\beta = \alpha\beta_1 + \frac{1}{3}(-\alpha\beta_1 - \alpha\beta_2 - \alpha\beta_3) = \\ &= \alpha\beta_1 - \frac{1}{3}(\alpha\beta_1 + \alpha\beta_2 + \alpha\beta_3) \end{aligned}$$

yoki

$$\alpha\beta'_1 = \frac{2}{3}\alpha\beta_1 - \frac{1}{3}\alpha\beta_2 - \frac{1}{3}\alpha\beta_3. \quad (3)$$

O'rta kvadratik xatolikka o'tamiz:

$$m_{\beta_1}^2 = \frac{4}{9}m_{\beta_1}^2 + \frac{1}{9}m_{\beta_2}^2 + \frac{1}{9}m_{\beta_3}^2.$$

Agar  $m_{\beta_1} = m_{\beta_2} = m_{\beta_3} = m_\beta$  deb hisoblasak,

$$m'_{\beta_1}^2 = \frac{2}{3} m_\beta^2, \text{ bundan } m'_{\beta_1} = m_\beta \sqrt{\frac{2}{3}}.$$

Xuddi shunday, boshqa burchaklar uchun ham topamiz:

$$m'_{\beta_1} = m'_{\beta_2} = m'_{\beta_3} = m'_\beta = m'_\beta \sqrt{\frac{2}{3}}. \quad (4)$$

Bundan ko‘rinib turibdiki, uchburchak burchaklarning vazni tenglashtirishdan keyin taxminan bir yarim barobar ko‘tariladi.

## 9.1. Direksion burchaklar aniqligi

Tenglashtirgandan keyin:

$$\alpha_2 = \alpha - (\beta_1 + V_1),$$

$$\text{bundan} \quad d\alpha_2 = - d\beta_1.$$

(4) formulaga asosan yozamiz:

$$m_{\alpha_2} = m_\beta \sqrt{\frac{2}{3}}. \quad (5)$$

Agar direksion burchak  $\alpha$  xatoga ega bo‘lsa, unda:

$$m_{\alpha_2}^2 = m_\alpha^2 + \frac{2}{3} m_\beta^2.$$

Xuddi shunday, uchburchakning boshqa tomonlari uchun ham ega bo‘lamiz.

## 9.2. Tomon uzunliklarining aniqligi

Tenglashtirgandan keyin  $S_1$  tomon uchun:

$$S_1 = b \frac{\sin(\beta_1 + V_1)}{\sin(\beta_3 + V_3)}. \quad (7)$$

Logarifm laymiz:

$$\ln S_1 = \ln b + \ln \sin (\beta_1 + V_1) - \ln \sin (\beta_3 + V_3).$$

Differensial laymiz:

$$\frac{dS_1}{S_1} = \operatorname{ctg} \beta'_1 \frac{d\beta'_1}{\rho} - \operatorname{ctg} \beta'_3 \frac{d\beta'_3}{\rho}, \quad (8)$$

bu yerda:  $\beta'_1$  va  $\beta'_3$  — tenglashtirilgan burchaklar.

Quyidagi  $d\beta'_1 = \frac{2}{3} d\beta_1 - \frac{1}{3} d\beta_2 - \frac{1}{3} d\beta_3$  formula asosida yozamiz:

$$\frac{dS_1}{S_1} = \operatorname{ctg} \beta'_1 \frac{\frac{2}{3} d\beta_1 - \frac{1}{3} d\beta_2 - \frac{1}{3} d\beta_3}{\rho} - \operatorname{ctg} \beta'_3 \frac{\frac{2}{3} d\beta_3 - \frac{1}{3} d\beta_1 - \frac{1}{3} d\beta_2}{\rho}$$

$$\begin{aligned} \text{yoki } \frac{dS_1}{S_1} &= \frac{2}{3\rho} \operatorname{ctg} \beta'_1 d\beta_1 - \frac{1}{3\rho} \operatorname{ctg} \beta'_1 d\beta_2 - \frac{1}{3\rho} \operatorname{ctg} \beta'_1 d\beta_3 - \\ &- \frac{2}{3\rho} \operatorname{ctg} \beta'_3 d\beta_3 + \frac{1}{3\rho} \operatorname{ctg} \beta'_1 d\beta_1 + \frac{1}{3\rho} \operatorname{ctg} \beta'_3 d\beta_2 = \\ &= \frac{1}{3\rho} (2\operatorname{ctg} \beta'_1 + \operatorname{ctg} \beta'_3) d\beta_1 + \\ &+ (\operatorname{ctg} \beta'_3 - \operatorname{ctg} \beta'_1) d\beta_2 - (\operatorname{ctg} \beta'_1 + 2\operatorname{ctg} \beta'_3). \end{aligned} \quad (9)$$

O'rta kvadratik xatolikka o'tamiz:

$$\begin{aligned} \left( \frac{m_{S_1}}{S_1} \right)^2 &= \frac{m_\beta^2}{9\rho^2} [(2\operatorname{ctg} \beta'_1 + \operatorname{ctg} \beta'_3)^2 + \\ &+ (\operatorname{ctg} \beta'_3 + \operatorname{ctg} \beta'_1)^2 + (\operatorname{ctg} \beta'_1 + 2\operatorname{ctg} \beta'_3)^2], \end{aligned}$$

bundan

$$\begin{aligned} \left( \frac{m_{S_1}}{S_1} \right)^2 &= \frac{m_\beta^2}{9\rho^2} [4\operatorname{ctg}^2 \beta'_1 + 4\operatorname{ctg} \beta'_1 \operatorname{ctg} \beta'_3 + \\ &+ \operatorname{ctg}^2 \beta'_3 + \operatorname{ctg}^2 \beta'_1 - 2\operatorname{ctg} \beta'_1 \operatorname{ctg} \beta'_3 + \operatorname{ctg}^2 \beta'_1 + \\ &+ \operatorname{ctg}^2 \beta'_3 + 4\operatorname{ctg} \beta'_1 + \operatorname{ctg} \beta'_3 + 4\operatorname{ctg}^2 \beta'_3] = \\ &= \frac{m_\beta^2}{9\rho^2} [6\operatorname{ctg}^2 \beta'_1 + 6\operatorname{ctg}^2 \beta'_3 + 6\operatorname{ctg} \beta'_1 + \operatorname{ctg} \beta'_3] \end{aligned}$$

$$\text{yoki } \left( \frac{m_{S_1}}{S_1} \right)^2 = \frac{2m_\beta^2}{3\rho^2} (\operatorname{ctg}^2 \beta'_1 + \operatorname{ctg}^2 \beta'_3 + \operatorname{ctg} \beta'_1 \operatorname{ctg} \beta'_3). \quad (10)$$

Boshlang'ich tomon uzunligi xatoga ega bo'lsa, unda

$$\left( \frac{m_{S_1}}{S_1} \right)^2 = \left( \frac{m_b}{b} \right)^2 + \frac{2m_\beta^2}{3\rho^2} (\operatorname{ctg}^2 \beta'_1 + \operatorname{ctg}^2 \beta'_3 + \operatorname{ctg} \beta'_1 \operatorname{ctg} \beta'_3). \quad (11)$$

Xuddi shunday,  $S_2$  tomon uchun ham quyidagiga ega bo'lamiz:

$$\left( \frac{m_{S_1}}{S_1} \right)^2 = \left( \frac{m_b}{b} \right)^2 + \frac{2m_\beta^2}{3\rho^2} (\operatorname{ctg}^2 \beta'_1 + \operatorname{ctg}^2 \beta'_3 + \operatorname{ctg} \beta'_1 \operatorname{ctg} \beta'_3). \quad (12)$$

Bu formulalar foydalanish uchun qulay ko'rinishga keltiriladi:

Buning uchun  $t = \lg \sin \beta$  funksiyani olamiz:

$$\text{Differensiallaymiz: } \left( \ln x' = \frac{1}{x}; \quad \lg x' = \mu \frac{1}{x}; \right)$$

$$dt = \mu \operatorname{ctg} \beta = \frac{d\beta}{\rho},$$

bu yerda:  $dt$  — burchak 1° ga o'zgarganda logarifmning o'zgarishi. Uni  $\delta_\beta$  orqali belgilaymiz. Unda

$$\delta_\beta = \mu \operatorname{ctg} \beta \frac{1}{\rho}.$$

$$\text{Bundan} \quad \operatorname{ctg} \beta = \frac{\delta_\beta}{\mu} \rho. \quad (13)$$

$\delta_\beta$  ning qiymati bevosita jadvaldan topiladi.  
 $y = \lg x$  funksiyani olamiz.

$$\text{Differensiallaymiz: } dy = \mu \frac{dx}{x}.$$

Bunga asosan yozamiz:

$$m_{\lg S_1} = \mu \frac{m_{S_1}}{S_1}. \quad (14)$$

Bundan 11, 13 va 14 formulalarga asosan ushbuga  
ega bo'lamiz:

$$m_{\lg S_1}^2 = m_{\lg \beta_1}^2 + \frac{2}{3} m_\beta^2 (\delta_{\beta_1}^2 + \delta_{\beta_3}^2 + \delta_{\beta_1} + \delta_{\beta_3}). \quad (15)$$

Xuddi shunday,  $S_2$  tomon uchun ham yozamiz:

$$m_{\lg S_2}^2 = m_{\lg \beta}^2 + \frac{2}{3} m_\beta^2 (\delta_{\beta_2}^2 + \delta_{\beta_3}^2 + \delta_{\beta_2} + \delta_{\beta_3}). \quad (16)$$

$\frac{2}{3} (\delta_{\beta_2}^2 + \delta_{\beta_3}^2 + \delta_{\beta_2} + \delta_{\beta_3})$  ifoda uchburchakning geometrik aloqa xatosi deyiladi (yoki qatorning oxirgi tomonining "teskari vazni"). Bu xatolikning qiymati uchburchakning shakliga bog'liq:  $\beta_1$  va  $\beta_2$ , burchaklar qanchalik kichik bo'lsa, xatoliklar shunchalik katta bo'ladi.

### 9.3. Uchburchak uchi koordinatalari aniqligi

Faraz qilaylik,  $P$  nuqta  $dS_1$  va  $d\alpha_1$  xatolik ta'sirida  $q$  qiymatga siljidi. 9.5-rasmdan ko'rinish turibdi:

$$r = S_1 \frac{d\alpha_1}{\rho},$$

$$q = \sqrt{dS_1^2 + r^2}$$

yoki

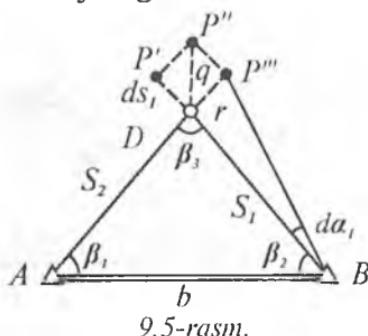
$$q^2 = dS_1^2 + S_1^2 \frac{d\alpha_1^2}{\rho^2}. \quad (17)$$

Burchaklarni o'lishash  $n$  marta bajarilgan bo'lsin.

$$q'^2 dS_1'^2 + S_1^2 \frac{d\alpha_1'^2}{\rho^2},$$

$$q''^2 dS_1''^2 + S_1^2 \frac{d\alpha_1''^2}{\rho^2},$$

$$\dots$$



Bundan

$$\frac{[q^2]}{n} = \frac{[qS_1^2]}{n} + S_1^2 \frac{[q\alpha^2]}{n} \cdot \frac{1}{\rho^2}$$

yoki

$$M_\rho^2 = m_{S_1}^2 + S_1^2 \frac{m_\alpha^2}{\rho^2}. \quad (18)$$

(18), (11) va (6) formulalarga asosan, ba'zi soddalash-tirishdan keyin yozamiz:

$$\begin{aligned} M_\rho^2 &= \left(\frac{m_h}{b}\right)^2 S_1^2 + S_1^2 \frac{m_\alpha^2}{\rho^2} + \\ &+ \frac{2}{3} S_1^2 \frac{m_\beta^2}{\rho^2} (1 + \operatorname{ctg}^2 \beta'_1 + \operatorname{ctg}^2 \beta'_3 + \operatorname{ctg}^2 \beta'_1 \cdot \operatorname{ctg} \beta'_3). \end{aligned} \quad (19)$$

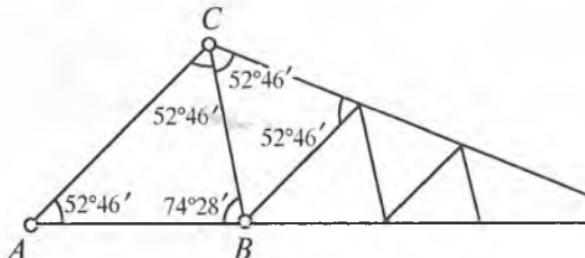
Agar berilganlar xatosiz bo'lsa, unda:

$$M_\rho^2 = \frac{2}{3} S_1^2 \frac{m_\beta^2}{\rho^2} (1 + \operatorname{ctg}^2 \beta'_1 + \operatorname{ctg}^2 \beta'_3 + \operatorname{ctg} \beta'_1 \cdot \operatorname{ctg} \beta'_3). \quad (20)$$

#### 9.4. Uchburchakning eng qulay shakli

Uchburchakning qulay sharklini geometrik aloqa formulasi yordamida aniqlash mumkin (qator oxirgi tomonining "teskari vazni").

Misol.  $R = (\delta_{\beta_1}^2 + \delta_{\beta_3}^2 + \delta_{\beta_1} \delta_{\beta_3})$ .



9.6-rasm.

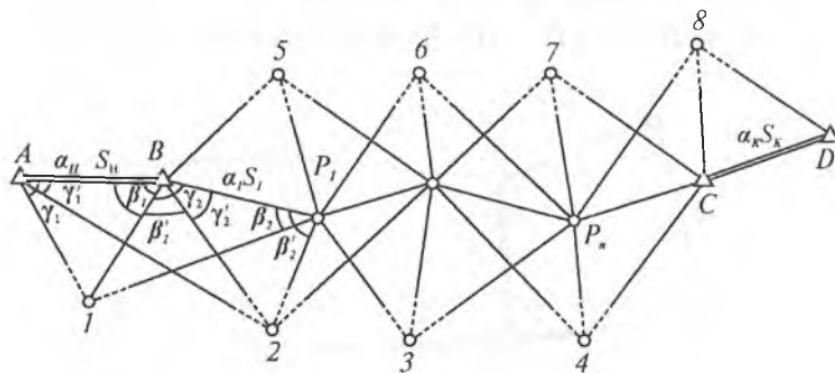
Uchburchak burchaklariga har xil qiymat beramiz va uchburchakning geometrik aloqasi xatoligini topamiz. Minimal xatolikni bog'lovchi burchaklarning  $52^{\circ}46'$  va  $74^{\circ}28'$  qiymatlarida olamiz. Bunda  $R=3,8$  oltinchi darajali logarifm birligi. Lekin olingan natija qoniqtirmaydi, chunki uchburchak qatorlarining yo'qolishiga olib keldi. Shuning uchun to'r qatorlarini teng tomonli yoki teng tomonliga yaqin uchburchakdan qilib barpo qilish kerak.

Teng tomonli uchburchakda  $R=4,4$  oltinchi darajali logarifm birligi. "Eng qulay" o'rniga teng tomonli uchburchakni qo'llashda aniqlikni yo'qotish 8% ni tashkil qilar ekan.

### 9.5. Yon kesishtirish usuli bilan punktlar koordinatasini aniqlash

Bu usulning mohiyati quyidagidan iborat:  $B$  va  $C$  tayanch punktlar orasida plan olish punktlarini barpo qilish maqsadida  $P_1, P_2, \dots, P_n$  yo'l o'tkazish talab qilinsin.

Joyda  $P_1, P_2, \dots, P_n$  nuqtalarni shunday hisobda tanlanadiki, o'zaro ko'rinadigan yaqin punktlardan tashqari yordamchi 1, 2, 3, ..., 8 yon nuqtalar ham ko'ringan bo'lishi kerak (9.7-rasm).



9.7-rasm.

Yordamchi nuqtalar joydagi predmetlar yoki maxsus o'rnatilgan geodezik belgilar bo'lishi mumkin.  $P_1, P_2, \dots, P_n$  hamma punktlaridan va boshlang'ich punktlar  $A, B, C, D$  dan ketma-ket qo'shni punktlarga va 1, 2, 3, ..., 8 yon nuqtalar bo'yicha hamma yo'nalish o'lchanadi.

Agar boshlang'ich tomonning uzunligi va direksion burchagi  $S_n, \alpha_n$  va  $S_k, \alpha_k$  ma'lum bo'lsa, hamma uchbur-chaklarni yechish mumkin va hamma tomonlarning direksion burchagini topish mumkin. Keyinchalik boshlang'ich punktlar koordinatalari, direksion burchaklari va yo'l tomonlarining uzunliklari ma'lum bo'lsa,  $P_1, P_2, \dots, P_n$  yo'l va 1, 2, 3, ..., 8 yon nuqta punktlarining koordinatalarini va koordinata orttirmalarini hisoblash mumkin.

Yo'lning har bir tomonini ikki marta hisoblash mumkin:

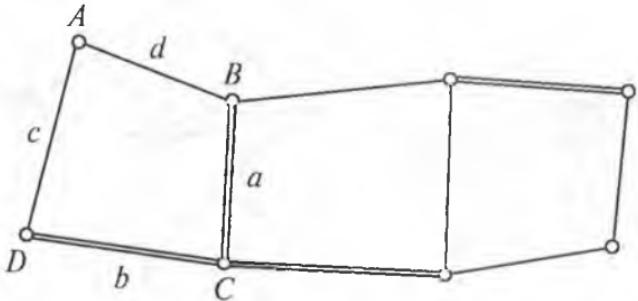
$$S_1 = S_H \frac{\sin \gamma_1 \sin(\gamma_2 + \beta_2)}{\sin \beta_2 \sin(\gamma_1 + \beta_1)} = S_H \frac{\sin \gamma_1' \sin(\gamma_2' + \beta_2')}{\sin \beta_2' \sin(\gamma_1' + \beta_1')}.$$

## 9.6. Diagonalsiz to'rtburchaklar usulida punktlar koordinatasini aniqlash

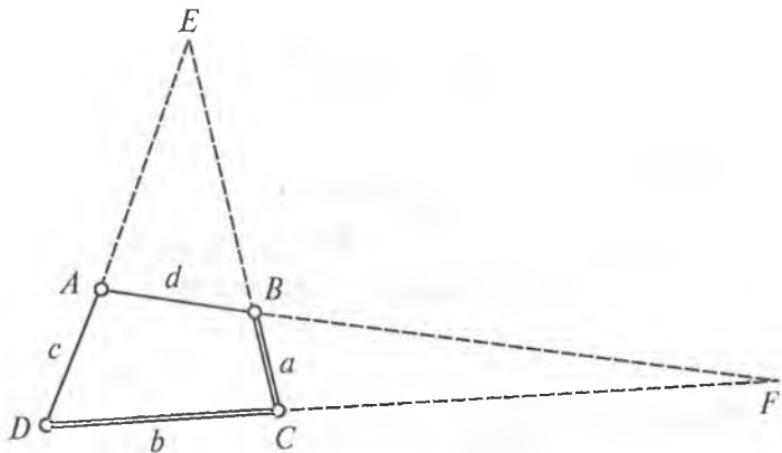
$a$  va  $b$  — o'lchangani tomonlar.

$c$  va  $d$  — aniqlanadigan tomonlar.

$\angle A, B, C$  va  $D$  — o'lchangani burchaklar (9.8-rasm).



9.8-rasm.



9.9-rasm.

To‘rtburchakdagi burchaklar  $30^\circ$  dan  $150^\circ$  gacha atrofda bo‘lishi kerak. Har bir to‘rtburchakda burchaklar tenglash-tiriladi. Buning uchun burchak bog‘lanmasligi topiladi:

$$\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^\circ = f_\beta.$$

Bog‘lanmaslik teskari ishorada to‘rtburchakning hamma burchaklarga teng taqsimlanadi. Keyin  $d$  va  $c$  tomonlarning uzunligi aniqlanadi. Formulani keltirib chiqarish uchun  $ABCD$  to‘rtburchakni ko‘rib o‘tamiz (9.9-rasm).

$c$  va  $a$  tomonlarni  $E$  nuqtada kesishguncha davom ettiramiz. Hosil bo‘lgan  $DEC$  uchburchakdan  $CE$  tomonni topamiz

$$CE = b \frac{\sin D}{\sin(C+D)},$$

$$BE = CE - CB = b \frac{\sin D}{\sin(C+D)} - d.$$

Hisoblangan  $BE$  tomon bo‘yicha  $d$  tomonni aniqlash mumkin:

$AEB$  uchburchakdan yozamiz:

$$\frac{d}{BE} = \frac{\sin(C+D)}{\sin A}.$$

Bundan:

$$d = BE \frac{\sin(C+D)}{\sin A}.$$

$$d = \left( b \frac{\sin D}{\sin(C+D)} - a \right) \frac{\sin(C+D)}{\sin A}.$$

$$\text{Bundan: } d = b \frac{\sin D}{\sin A} - a \frac{\sin(C+D)}{\sin A},$$

chunki  $\sin(C+D) = -\sin(A+B)$ , undan topamiz:

$$d = \frac{b \sin D + a \sin(A+B)}{\sin A}.$$

Xuddi shunday,  $C$  tomon uchun quyidagini olamiz:

$$C = \frac{a \sin B + b \sin(D+A)}{\sin A}.$$

## ***10-bob***

### **AEROSURATLARNI BOG'LASH HAQIDA TUSHUNCHА**

Topografik karta olish maqsadida aerosuratlarini keyinchalik qayta ishlash uchun ularni davlat geodezik to'ri tayanch punktlariga bog'lash talab qilinadi. Aerosuratlar ni bog'lash planli, balandli va planli-balandli bo'lishi mumkin. Stereotopografik plan olishni bajarish uchun bitta aerosuratda to'g'ri burchakli koordinatalari hisoblangan 3—4 planli asos nuqtalari bo'lishi kerak. Bu nuqtalarning vaziyati davlat geodezik to'ri punktlari koordinatalariga nisbatan aniqlanadi.

Aerosuratlar tanish (опознавательный) nuqtalarning to'g'ri burchakli koordinatalarini aniqlash aerosuratlar ni planli bog'lash deyiladi, tanilgan nuqtalarning o'zi esa — planli tanilgan (опознак) nuqtalar deyiladi.

Nuqtalarni planli tanish mohiyati shundan iboratki, bevosita joyda ravshan ifodalangan kontur nuqta tanlanadi, aerosuratda uni rasmiylashtiriladi va joyda mahkamlanadi.

Hamma triangulyatsiya va poligonometriya punktlari ham taniladi. Tanishni tanlashda joyda shunday nuqtalar tanlanadiki, aerosuratning hamma yopadigan qismida ushbu nuqtalar aniq ko'rindigan bo'lishi kerak. Shuning uchun dalaga chiqishda aerosuratlarning hamma komplektini o'zi bilan olish kerak.

Tanilgan kontur nuqtani bitta aerosuratda ingichka igna bilan teshiladi (teshik diametri 0,2 mm dan oshmasligi kerak).

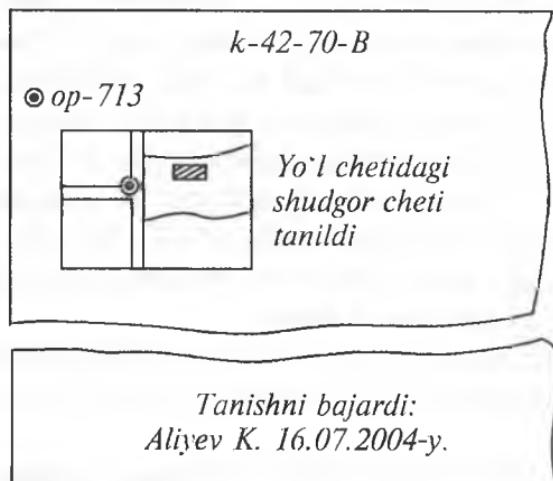
Loyihalashtirilgan planli tanishdan tashqari alohida aerosuratlarda tekshirish tanishlar ham bajariladi.

Triangulyatsiya va poligonometriya punktlari aerosuratda tasvirlangan bo'lmasa, unda ularni aerosuratda aniq ko'ringan konturlardan o'lchash yoki kesishtirish usuli bilan taniladi.

Agar joyda aniq ko'rindigan konturlar kam bo'lsa (ochiq joy, cho'l, bir xil tafsilot va hokazo), aerosuratga olishdan oldin joyda tanishlarni markirovka qilinadi. Triangulyatsiya va poligonometriya punktlari ham markirovka qilinadi.

Tanishni rasmiylashtirish aerosuratning teskari tomoniga bajariladi. Aerosuratda teshilgan nuqtaning teskari tomonidagi teshikni qalam bilan diametri 3 mm bo'lgan aylana bilan o'raladi va yoniga tanishning nomeri yoki punktning nomi yozib qo'yiladi (agar u triangulyatsiya yoki poligonometriya punkti bo'lsa). Planli tanishning nomeri aerosuratning nomeri hisoblanadi.

Teshikdan ozgina uzoqda tanilgan nuqtaning joylashtish abrisi tuziladi va nima tanilgan bo'lsa, yozib qo'yiladi. Bundan tashqari aerosuratning teskari tomonining shimal qismiga qalam bilan trapetsiyanig nomenklaturasi, plan olish masshtabi, aerosuratning janubiy qismiga esa



10. I-rasm.

qachon va kim tanishni bajarganligi yozib qo'yiladi (10.1-rasm).

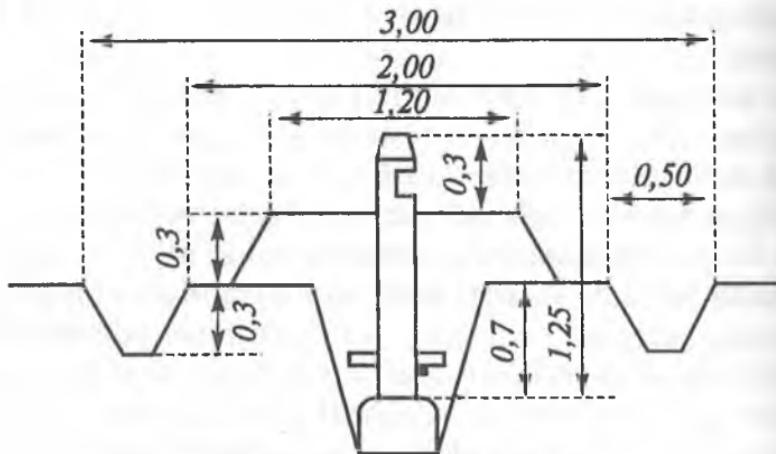
Aerosuratning bet tomonini rasmiylashtirish tush bilan bajariladi. Tanilgan va teshilgan triangulyatsiya va poligonometriya nuqtalari qizil rangda tomonlari 10 mm bo'lgan teng tomonli uchburchak bilan rasmiylashtiriladi. Uchburchakdan chap tomonda punkt nomi, o'ng tomonda kasrning suratiga qizil tush bilan markazning balandligi, kasrning maxrajiga qora tush bilan yerning absolut balandligi yozib qo'yiladi. U 0,1 m gacha yaxlitlanadi. Agar punktlarni tanish kesishtirish yoki kontur nuqtalardan o'lhash orqali bajarilgan bo'lsa, uchburchak shartli belgisi punktirlab qo'yiladi.

Aerosuratda planli tanilgan va teshilgan punktlar qizil rangda 10 mm aylana bilan rasmiylashtiriladi. O'ng tomonda kasrning suratiga qizil tush bilan tanishning nomi, kasrning maxrajiga qora tush bilan yerning absolut balandligi yozib qo'yiladi.

Agar planli tanishlarning koordinatalarini geodezik aniqlash imkonи bo'lmasa, uning yonidan koordinatalar aniqlanishi mumkin bo'lgan yordamchi nuqta belgilanadi. Bunday yordamchi nuqtalar aerosuratda 6 mm diametrli aylana bilan qizil rangda "yord." deb yozib rasmiylashtiriladi.

Tekshirish tanishlari ham xuddi planli tanishlar kabi rasmiylashtiriladi, lekin alohida aerosuratlarda tekshirish tanishning nomeri oldidan "tekshir." deb yozib qo'yiladi. Joyda tanishlar veva yoki ustunlar bilan mahkamlanadi. Uzoq saqlanadigan tanishlar pastki va yuqori markazli qilib yerga mahkamlanadi. Pastki markaz o'lchami  $30 \times 30 \times 20$  sm, og'irligi 10—20 kg katta tosh yerga 70 sm ga ko'miladi.

Markazning yuqori qismi bo'lib 1,25 m uzunlikda, 12-15 sm diametrli ustun xizmat qiladi. Ustunning yuqori qismiga mix qoqliladi. Ustunning yuqori qismi konus



10.2-rasm. (o‘lchamlar m da).

shaklida yo‘niladi va unga kuydirish va o‘yish bilan tanishning nomeri yoziladi. Yog‘och ustun shunday o‘rnataladiki, ustunning yuqori qismiga qoqilgan mixning boshi bilan ustunning pastki qismi markazidan o‘tgan o‘q shovun chizig‘i bilan ustma-ust tushishi shart (10.2-rasm).

Planli tanishlarning koordinatalari sharoitga qarab har xil usul bilan bajariladi. Bu usullar quyidagicha:

- Qutbiy usul.
- Teskari kesishtirish.
- Kombinatsiyalangan kesishtirish.
- Analistik to‘rlar.
- Teodolit yo‘llari.

## DAVLAT TOPOGRAFIK PLAN OLISH USULLARI

Har xil masshtabdagi topografik plan va kartalarni tuzish uchun quyidagi topografik plan olish usullari qo'llaniladi:

1. **Stereotopografik usul.** Ochiq joylarni (tekis va tepaliklardan iborat), tog'li va tog' etaklaridagi joylarni (qiylilik, jarliklar) planga olish. (Agar joy nuqtasining balandligini fotogrammetrik aniqlash mumkin bo'lsa).

2. **Kombinatsiyalangan usul.** Daraxt va o'rmon o'simliklari bilan qoplangan tekis joylarni planga olish. (Daraxt shoxlarining qalinligi tufayli joy nuqtasining balandligini fotogrammetrik aniqlash imkonni bo'lmasa).

3. **Menzula usuli.** Katta bo'limgan maydonlar va uchastkalarni toza asosga planga olish. (Joy aerofotosurat bilan ta'minlanmagan bo'lsa yoki aerosurat olish imkoniyati bo'lmasa).

4. **Fototeodolit usuli.** Juda baland tog'li joylar, o'tish va borish imkonni bo'limgan joylar, aerosurat olganda soyalar tushadigan joylarni planga olish.

Stereotopografik usul asosiy va qulay usullardan hisoblanadi. U eng kam vaqt sarflanishning va bajariladigan geodezik ishlarning talabdagagi aniqligini ta'minlaydi.

Masalan, stereotopografik plan olishda  $100 \text{ km}^2$  joyni 1:25000 masshtabda IV kategoriya qiyinchilikda planga olishda 27 dala va 6 kun kameral ish kuni; menzula usulida 133 dala texnik kun; kombinatsiyalangan usulda esa 80 dala va 6 kun kameral ishlari talab qilinadi.

Demak, stereotopografik plan olishda qiyin dala ishlari 30% vaqtini, kombinatsiyalangan usul 90% vaqtini,

menzula usuli 100% vaqtni talab qiladi. Bu bиринчи usulning katta iqtisodiy qulayligini ko'rsatadi.

### **Kombinatsiyalangan plan olish usuli**

Kombinatsiyalangan plan olish(fotoplanda) quyidagi tartibda bajariladi:

1. Joyni aerosuratga tushiriladi.
2. Aerosuratni davlat geodezik turi tayanch punktlariga bog'lashni amalga oshiriladi.
3. Aerosuratlarni transformatsiya qilinadi. Trapetsiya territoriyasida transformatsiya qilingan aerosuratlardan fotoplan ulanadi.
4. Dala sharoitida trapetsiyaning fotoplanida deshifrovka va relyefni planga olish bajariladi.  
Relyeflar bilan tasvirlangan va deshifrovka qilingan fotoplan kartaning originali uchun asos bo'lib xizmat qiladi. Kombinatsiyalangan plan olishning stereotopografik plan olishdan farqi shuki, fotoplanni deshifrovka qilish va relyeflarni planga olish menzula bilan plan olish kabi bevosita dalada bajariladi.

## ADABIYOTLAR

1. *В.Г. Селиханович.* Геодезия. Ч. II. — М., "Недра", 1981.
2. Практикум по геодезии. Под ред. В.Г. Селихановича. — М., "Недра", 1983.
3. Справочник геодезиста. В 2-х книгах. — М., "Недра", 1991.
4. *Ю.К. Неумывакин, А.С. Смирнов.* Практикум по геодезии. — М., Картгеоцентр-Геодезиздат, 1995.
5. *Д.О. Жұраев.* Геодезик үлчашларни математик қайта ишлаш назарияси. 1-қисм: Үлчашлар хатоликлари назарияси. Үқув құлланма. Т., ТАҚИ, 2000.
6. *Д.О. Жұраев.* Геодезик үлчашларни математик қайта ишлаш назарияси. 2-қисм: Энг кичик квадратлар усули. Үқув құлланма Т., ТАҚИ, 2000.
7. *Д.О. Жұраев, Д.Р. Носирова.* Геодезия. Үқув құлланма. 1-қисм. Т., ТАҚИ. 2002.

## MUNDARIJA

<b>KIRISH .....</b>	<b>3</b>
<b>1-bob. Barometrik nivelerlash .....</b>	<b>5</b>
1.1. Barometrik nivelerlashning mohiyati va uni bajarish uchun qo'llaniladigan asboblar .....	5
1.2. Qisqartirilgan barometrik formulalar .....	9
1.3. Barometrik jadvallar .....	13
1.4. Taxminiy altitud(balandlik) jadvali .....	15
1.5. Barometrik nivelerlash usullari .....	18
1.5.1. Marshrut bo'yicha nivelerlash .....	18
1.5.2. Maydonni nivelerlash .....	19
1.6. Barometrik nivelerlash aniqligi .....	21
<b>2-bob. Davlat niveler to'ri sxemasi haqida umumiy ma'lumot .....</b>	<b>23</b>
2.1. Nivelir belgilari va ularni mahkamlash .....	24
2.2. III va IV klass nivelerlash asboblari .....	25
2.3. H3 nivelerini tekshirish .....	27
2.4. H3 nivelerini tadqiq qilish .....	29
2.5. Trubani fokuslashda vizir o'qi vaziyatining doimiyligini tadqiq qilish .....	31
2.6. Dalnomerning koeffitsiyentini aniqlash .....	34
2.7. Reykalarni tekshirish .....	35
2.8. Reykalarni tadqiq qilish .....	35
2.9. IV klass nivelerlash .....	41
2.10. III klass nivelerlash .....	45
2.11. Nivelerlash xatoliklarining manbalari .....	47
<b>3-bob. Nivelir to'rlaridagi tenglashtirish hisob ishlari .....</b>	<b>50</b>
3.1. Yolg'iz nivelir yo'lini tenglashtirish .....	50
3.1.1. Yolg'iz nivelir yo'lning tenglashtirilgan qiymati aniqligini baholash .....	52
3.2. Bitta tugun nuqtali nivelir to'rini tenglashtirish .....	53
3.3. Nivelir to'rini ekvivalent almashtirish usuli bilan tenglashtirish .....	55
3.4. Ketma-ket yaqinlashtirish usuli .....	60
3.5. Nivelir to'rini Popovning tugunlar usuli bilan tenglashtirish .....	64
3.6. Nivelir to'rini Popovning poligonlar usuli bilan tenglashtirish (to'rning chizmasida) .....	69
3.7. Nivelir to'rini Popovning poligonlar usuli bilan tenglashtirish (normal tenglamalarni tuzish va yechish) .....	73
<b>4-bob. Poligonometriya .....</b>	<b>76</b>
4.1. Planli davlat geodezik to'ri haqida tushuncha .....	76
4.2. Poligonometriyaning mohiyati .....	77
4.3. Burchak va tomon o'lchashlari xatoliklarining ta'siri (asosiy hisoblash formulalari) .....	79
4.4. Yo'lning bo'ylama va ko'ndalang xatoliklari .....	80
4.5. Har qanday formadagi poligonometriya yo'li nuqtasi oxirgi vaziyatining o'rta kvadratik xatosi .....	86
<b>5-bob. Poligonometriyada tomon o'lchashlari .....</b>	<b>95</b>
5.1. Bazis o'lhash asbobi .....	95

5.2. Alovida xatoliklar uchun yo'l qo'yish chekini hisoblash .....	101
5.3. Poligonometriya tomonini svetodalnomer bilan o'lichash .....	108
<b>6-bob. Poligonometriyada burchak o'lichashlari .....</b>	<b>116</b>
6.1. T2 Teodoliti .....	116
6.2. T2 teodolitini tekshirish .....	120
6.3. Optik teodolit T2 ni tadqiq qilish .....	122
6.4. Burchak o'lichash xatoliklari manbalari .....	124
6.5. Vizir markalari .....	135
6.6. Burchak o'lichashning uch shtativ usuli .....	137
6.7. Gorizontal burchaklarni o'lichash usullari .....	138
<b>7-bob. Poligonometriya yo'llarini tayanch punktlarga bog'lash .....</b>	<b>143</b>
7.1. Belgi tepasidan yerga koordinatalarni ko'chirish .....	144
7.2. Uzoqdagi triangulyatsiya punktlarga poligonometriya yo'llini bog'lash .....	147
7.3. Direksion burchakning differensial formulalari .....	150
7.4. Teskari ko'p yo'nalishli kesishtirish .....	152
7.5. Bir yo'nalishli to'g'ri kesishtirish .....	155
7.6. To'g'ri ko'p yo'nalishli kesishtirish .....	158
7.7. Ganzen usuli bo'yicha poligonometrik yo'lni bog'lash .....	160
7.8. Poligonometrik yo'lni joydagи doimiy predmetga bog'lash .....	162
<b>8-bob. Poligonometriyada tenglashtirish hisoblari .....</b>	<b>164</b>
8.1. Yolg'iz poligonometrik yo'lni korrelat usuli bilan tenglashtirish .....	164
8.2. Chebotarev usuli bilan cho'zilgan poligonometriya yo'llini tenglashtirish .....	170
8.3. Poligonometrik to'rlarni tenglashtirish .....	173
8.3.1. Bitta tugun nuqtali poligonometriya to'rini tenglashtirish .....	173
8.3.2. Ikkita tugun nuqtali poligonometriya to'rini ekvivalent almashtirish usuli bilan tenglashtirish .....	175
8.3.3. Poligonometriya to'rlarini ketma-ket yaqinlashtirish usuli bilan tenglashtirish .....	178
8.3.4. Poligonometriya to'rini Popovning polygonlar usulida tenglashtirish (Normal tenglamalarni yechish) .....	180
8.3.5. Poligonometriya to'rini Popovning tugunlar usuli bilan tenglashtirish .....	184
<b>9-bob. Plan olish tayanch to'rini barpo qilish .....</b>	<b>187</b>
9.1. Direksion burchaklar aniqligi .....	190
9.2. Tomon uzunliklarining aniqligi .....	190
9.3. Uchburchak uchi koordinatalari aniqligi .....	193
9.4. Uchburchakning eng qulay shakli .....	194
9.5. Yon kesishtirish usuli bilan punktlar koordinatasini aniqlash .....	195
9.6. Diagonalsiz to'rburchaklar usulida punktlar koordinatasini aniqlash .....	196
<b>10-bob. Aerosuratlarini bog'lash haqida tushuncha .....</b>	<b>199</b>
<b>Davlat topografik plan olish usullari .....</b>	<b>203</b>
Kombinatsiyalangan plan olish usuli .....	204
<b>Adabiyotlar .....</b>	<b>205</b>

**D. O. Jo‘rayev**

**GEODEZIYA**

**2 - qism**

Muharrir *X. Alimov*

Badiiy muharrir *M. Kudryashova*

Texnik muharrir *U. Kim*

Musahhihlar *Sh. Oripova, M. Rahumbekova*

Kompyuterda tayyorlovchi *A. Yuldasheva*

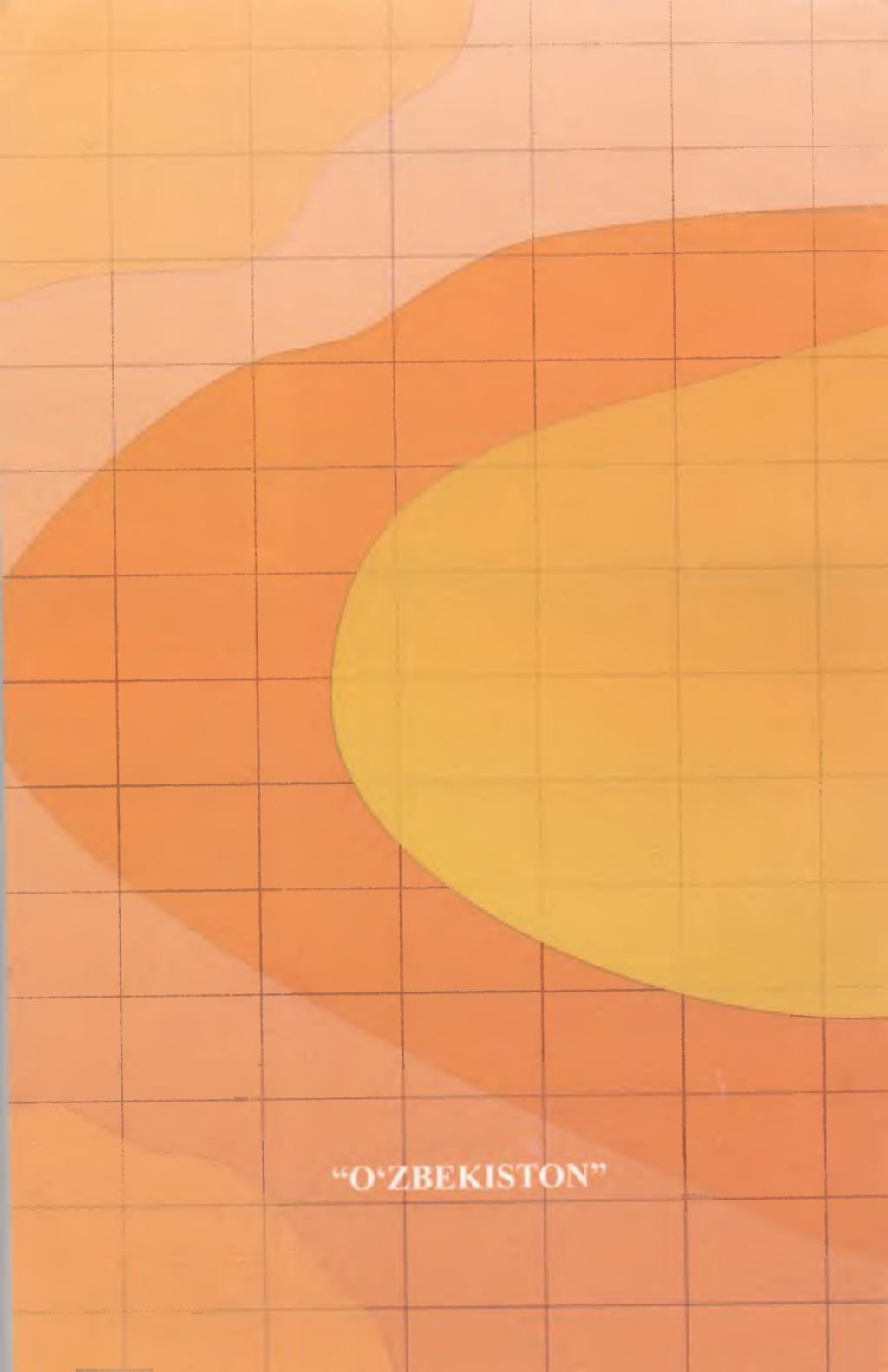
Bosishga 28.03.2006-y. da ruxsat etildi. Bichimi  $84 \times 108^1/_{32}$   
«Tayms» garniturada ofset bosma usulida bosildi. Shartli b. t. 10,92.

Nashr. t. 8,39. Adadi 500. K—182-raqamli buyurtma.

Bahosi shartnoma asosida

O‘zbekiston Respublikasi Matbuot va axborot agentligining «O‘zbekiston»  
nashriyot-matbaa ijodiy uyida bosildi.

Toshkent, 700129. Navoiy, 30.



**“O‘ZBEKISTON”**